

ZAMAN ORTAMI IP ÖLÇÜLERİİNDE SÖNÜM EĞRİSİ ANALİZİ

DECAY CURVE ANALYSIS IN THE TIME DOMAIN OF IP DATA

O. TEZEL

İ. Ü. Mühendislik Fakültesi Jeofizik Mühendisliği Bölümü, 34850 Avcılar - İSTANBUL

ÖZ: Yapılan bu çalışmada, İndüklem Polarizasyon (IP) yöntemi, zaman ortamı ölçü tekniğinde, zaman sabiti ve frekans bağımlılığı parametrelerinin zamana göre değişimlerinden, sönüm eğrisi elde edilmiştir. Ayrıca, sönüm eğrisinin analizi yardımıyla polarizasyon ortamlarının karakteristik davranışları da ortaya konulmuştur.

Sönüm eğrisinin analizi ile τ_1 eğiminin küçük zaman aralığında hızlı boşalan ortamları temsil ettiği gözlenmiştir. Dolayısıyla τ_1 eğimine sahip ve frekans bağımlılığının yüksek olduğu bu ortamlar iletken olarak nitelendirilmiştir. Bu tür ortamların, maden sahalarında, doğrudan doğruya metalik mineralizasyonların varlığını işaret ettileri kanaatine varılmıştır.

Anahtar sözcükler : IP, zaman ortamı, sönüm eğrisi, metalik mineralizasyon.

ABSTRACT

In this study, Induced Polarization (IP) technique, time domain measurement technique, time constancy and frequency variability parameters gave us the "decay curve" when their change considered in different times. In addition, decay curve analysis happened to give us characteristics behavior of the polarizable environments.

It is observed that in the use of the analysis of decay curves, τ_1 slope represents the fast released part of the earth structure in a short time interval. Thus, if a structure has τ_1 slope and high frequency dependency, it can be said that structure is conductive. This type of structure directly indicate the existence of metallic mineralizations in the mine areas.

Key words : IP, time domain, decay curve, metallic mineralization.

GİRİŞ

Son yıllarda İndüklem Polarizasyon (IP) yöntemi, ölçü tekniklerindeki gelişmelerle bağlı olarak uygunlanabilirliğini sürekli artırmaktadır. Bu çalışmada, yöntemin ülkemizde de kullanılabilirliğinin artmasına katkı amacıyla ölçü tekniği gelişmelerinden zaman ortamı ölçüsü araştırılmış ve konu ile ilgili bugüne dekin yapılmış mevcut çalışmalar incelenmiştir.

IP yöntemi, kayaçların fiziko-kimyasal özelliklerine bağlı olarak iyon ve metalik mineral içeren bölgelarının saptanmasında kullanılan bir jeofizik yöntemidir. Yöntem bu bölgeleri, iyonların kayaç içerisinde arayüzey kutuplaşdırmasını oluşturmadan yararlanarak saptamaya çalışır. IP yöntemi, yeraltının hem özdirenç hem de iyonik kutuplaşma durumunu yansıtması nedeniyle, son yıllarda en sık kullanılan yöntemler arasına girmiştir. Jeofizik yöntemler, genelde, yeraltının analitik değerlendirme için kullanılır. IP yöntemi ise, analitik

yorumlarının yanında kalitatif (niteliksel) yorumlar da verebilmesi nedeniyle, sülflü mineral yatağının aranmasında vazgeçilmez bir yöntem durumuna gelmiştir. Bunun yanında yeraltıları ve mühendislik jeofiziği konularında da IP uygulamalarının gün geçikçe arttığı görülmektedir. Keza, hidrokarbon (doğal gaz ve petrol) yataklarının aranmasında özellikle sismik yöntemlerin uygulanmadığı alanlarda en etkin jeofizik yöntemlerden biri olduğu söylenmektedir (Snyder, 1980; Zonge, 1982). Ayrıca, heyelan bölgesinde kayma düzlemlerinin belirlenmesi çalışmalarında, inşaat mühendisliği problemlerinin (zemin-temel araştırmalar gibi) çözümlemesinde de etkin sonuçlar vereilmektedir (Dizioğlu ve Keçeli, 1981).

Uygulamada IP ölçülerini iki şekilde yapılmaktadır. Bunlardan birincisi frekans ortamı ölçüsü (değişken frekans yöntemi) olarak adlandırılır. Bu yöntemde yer içeresine uygulanan akımın frekansı değişikçe, yer içi-

nin empedansının değişmesine karşılık gelen ve polarizasyon özelliğini yansıtan parametre yani yüzde frekans etkisi (PFE) ölçülmüş olur. İkinci ölçü teknigidde ise puls transient yöntemi kullanılarak, zaman ortamındaki polarizasyon incelenir. Bu yöntemde, basamak şeklinde pozitif ve negatif olarak yer içeresine gönderilen akımın kesilmesinden sonra, potansiyel elektrodları arasındaki gerilimin zamana bağlı olarak sönübü saptanır. Gerçekte matematiksel olarak her iki ölçü teknigi parametreside aynıdır (Halof, 1964). Yani, puls transientinde ölçülen yüklenenlik parametresi, değişken frekans yönteminde ölçülen frekans etkisi (PFE) parametresine eşdeğerdir. Farklı olmalarının tek nedeni ise kullanılan alet ve arazi işlemlerinden kaynaklanmaktadır.

Günümüzde IP verilerinin değerlendirilmesi kalitatif (niteliksel) ve kantitatif (sayısal) olarak yapılabilmektedir. Dissemine sülfit zonlarının, petrol yataklarının vb. bulunmasında kalitatif değerlendirme bizi direkt yorumaya götürür. Kalitatif değerlendirme için değişik yöntemler mevcuttur. IP değerinin ve özdirençin büyük yada küçük olduğu şeklinde yorumlar yapılarak, ekonomik değere sahip bulgular saptanır. Genel olarak değerlendirmelerde IP-Özdirenç işbirliği yapılır. Bazen bu yardımlaşma gerçekleşmediği gibi gerçekle bölgenin polarizasyon farkının büyük olmasına rağmen IP ile özdirenç arasında sözü edilen birlikteliğin anomalisi elde edilemeyecebilir.

Zaman Ortamında Sönüüm Eğrisinin Analizi

IP incelemelerinde gözlemsel sönüüm voltajının (decay curve) Cole-Cole modeli elektriksel devresi ile kuramsal olarak elde edilmesi,

$$V(t) = mI_0R_0 \sum_{n=0}^{\infty} \frac{(-1)^n (t/\tau)^{nc}}{\tau(nc+1)} \quad (1)$$

ifadesiyle verilmiştir (Pelton ve diğ., 1978). Burada, R =Doğu akım (D.C.) özdirenç, I =akım, t =zaman (saniye), τ =zaman sabiti olarak alınır. Bu bağıntıdan zaman ortamında IP cevabını bulmak mümkündür. Ancak bu bağıntının kuramsal değerlendirmelerde sınırlı koşullarda olumlu sonuçlar vermesi nedeniyle aynı bağıntı, olumsuzluklar dikkate alınarak, Lee (1981) tarafından yeniden düzenlenmiş ve

$$V(t) = \frac{mI_0R_0}{\pi} \sin \pi c \left[\frac{\tau(c)(\tau/t)^c - 2\tau(2c) \cos \pi c (\tau/t)^{2c}}{\tau(3c)(\tau/t)^{3c}} + 4 \cos^2 \pi c - 1 \right] \quad (2)$$

şeklinde literatüre sunulmuştur.

Zaman ortamında, aşırı gerilimin sönüümü basit bir exponansiyel eğri değildir. Genellikle logaritmik olduğu kabul edilir. Bunu da bir çok exponansiyel eğrinin toplamı şeklinde (Şekil 1) kabul etmek mümkündür.

Genel olarak zaman ortamı IP yanıtı,

$$\Delta V_{ip} = f(t) = a_1 e^{-\frac{t}{\tau_1}} + a_2 e^{-\frac{t}{\tau_2}} + \dots + a_n e^{-\frac{t}{\tau_n}} \quad (3)$$

ifadesi ile verilir. Biz bu bağıntıyı iki terimli olarak düşünürsek,

$$\Delta V_{ip} = f(t) = a_1 e^{-\frac{t}{\tau_1}} + a_2 e^{-\frac{t}{\tau_2}} \quad (4)$$

eşitliği elde edilir. Sönüümün son kısmının logaritması alınsa,

$$\ln(\Delta V_{ip}) = \ln a_2^{-\frac{1}{\tau_2}} \quad (5)$$

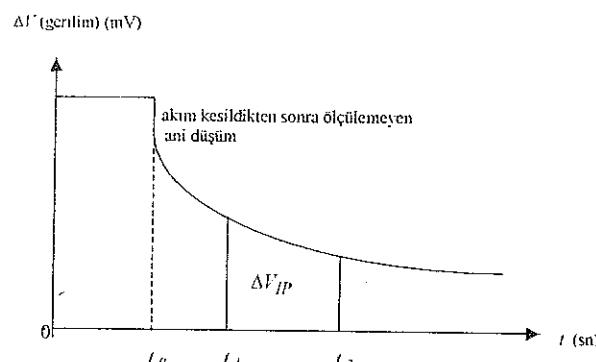
eşitliği bulunur. Buradan τ_1 ve a_1 'i saptamak için,

$$\ln(\Delta V_{ip} a_2 e^{-\frac{t}{\tau_2}}) = \ln a_1 - \frac{t}{\tau_2} \quad (6)$$

şeklinde iki doğru denklemi elde edilir. Burada a_1 ve a_2 ordinat değerleri, τ_1 ve τ_2 iki ayrı doğrunun eğimidir. Böylece, A_1 ve A_2 polarizasyon değerlerinin saptanabilmesi için,

$$A_1 = \frac{a_1}{\Delta V_{ip}}, A_2 = \frac{a_2}{\Delta V_{ip}} \quad (7)$$

ifadeleri elde edilir. O halde toplam polarizasyon,



Şekil 1. Sönüüm eğrisi grafiği.

Figure 1. Decay of IP curve.

$$P_0 = (A_1 + A_2) \quad (8)$$

denklemiyle hesaplanabilir. Bu değerlerin büyük olduğu yerler, doğrudan doğruya maden sahalarındaki, metalik mineralizasyonların bulunduğu ortamları gösterirler. Bu işlem de "Direkt Değerlendirme" olarak adlandırılır.

Model Çalışma

Yukarıda ayrıntıları açıklanmaya çalışılan yöntem kuramsal bir örnek üzerinde test edilmiş ve sonuçları aşağıda sunulmuştur.

Cole-Cole modeli için Lee (1981) tarafından verilen (2) bağıntısından yararlanmak suretiyle her bir t (zaman) degerine karşılık gelen τ değerleri bulunur. Bu işlem bir bilgisayar yazılımı ile yapılmaktadır. Bu yazılım Ek.1'de sunulmuştur. Seçilen herhangi bir frekans bağımlılığı (c) ve zaman sabiti (τ) değeri girilerek, t 'yi 0.01 aralıkları artırmak ve τ 'yu sabit tutmak suretiyle her bir t degerine karşılık gelen ΔV_{ip} değerleri hesaplanır. Bu işlem seçilen diğer c ve τ değerleri için de tekrarlanır. Bu şekilde elde edilen ΔV_{ip} değerleri içinden $c=0.1$ ve $\tau=0.001$ için hesaplanmış ΔV_{ip} değerleri alınarak t apsis ve τ ordinat olacak şekilde tek logaritmik bir skalada işaretlendiklerinde bir sönüm eğrisi elde edilir. Eğrinin sağ tarafında en fazla uyum sağlayan noktalar birleştirilerek bir doğru (1.doğru) elde edilir. Bu doğrunun ordinatı kestiği noktası B olsun. Eğri ile 1.doğru değerlerinin farklı alınarak yeni bir doğru (2.doğru) bulunur. Bu doğrunun ordinatı kestiği noktası A olsun. Her iki doğru için uygun t zamanları seçilir. Buna göre, 1.doğru için 0.7 sn. ve 2.doğru için 0.1 sn. t zamanlarını seçelim. Bu t değerleri apsise paralel olarak ordinata taşınıp eksenleri kestiği noktalar belirlendiğinde, $t=0.7$ sn. için $P_B = 0.47$ ve $t=0.1$ sn. için $P_A = 0.6$ değerleri bulunur (Şekil.2). Bulunan değerler (2) ifadesinde yerine konularak τ_1 ve τ_2 eğimleri hesaplanır. Aynı işlemler seçilen her bir c ve τ değeri için yapılarak seçilen değerlere bağlı eğimler hesaplanabilir. Bu eğimler incelendiğinde;

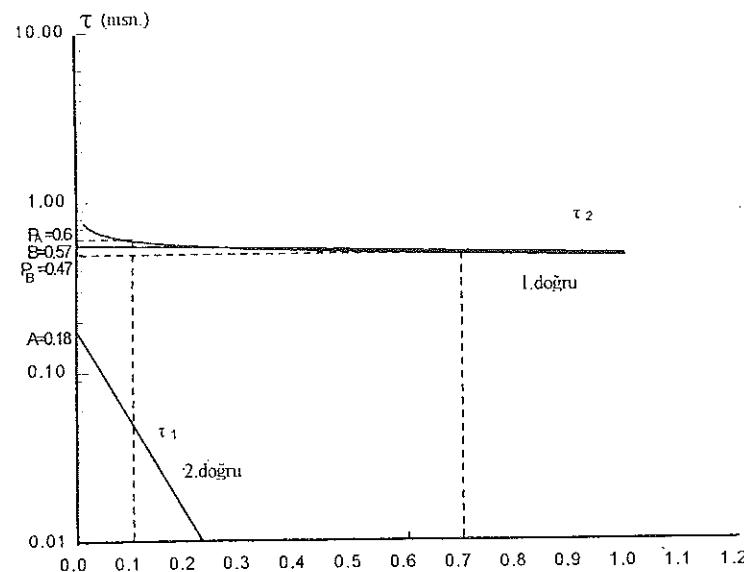
(i), τ_1 'in küçük zaman aralığına sahip olup hızlı boşalan ortamları ifade ettiği ve böyle ortamlarda iletkenliğin yüksek, özdirencin düşük (ii), τ_2 'nin ise büyük zamana sahip yavaş boşalan ortamları ifade ettiği ve böyle ortamlarda ise iletkenliğin düşük, özdirencin yüksek, olduğu görülür.

Bu durumda eğimleri saptamak için Şekil.2'den yararlanılır. Buradan,

$$t=0.7 \text{ sn. için } B=0.57 \text{ ve } P_B=0.47$$

$$t=0.1 \text{ sn. için } A=0.18 \text{ ve } P_A=0.6$$

değerleri okunur. Bu değerlerin (2) ifadesinde yerine konulmasıyla,



Şekil 2. $c=0.1$ ve $\tau = 0.001$ için τ_1 ve τ_2 eğimlerinin bulunması.

Figure 2. Determination of τ_1 and τ_2 slope for $c=0.1$ and $\tau=0.001$.

$$f(t) = 0.47 = 0.18e^{-\frac{0.1}{\tau_1}} + 0.57e^{-\frac{0.7}{\tau_2}}$$

esitliği elde dılır. Burada A parametresi ile ilgili kism gözardı edilecek olursa denklem,

$$0.47 = 0.57e^{-\frac{0.7}{\tau_2}}$$

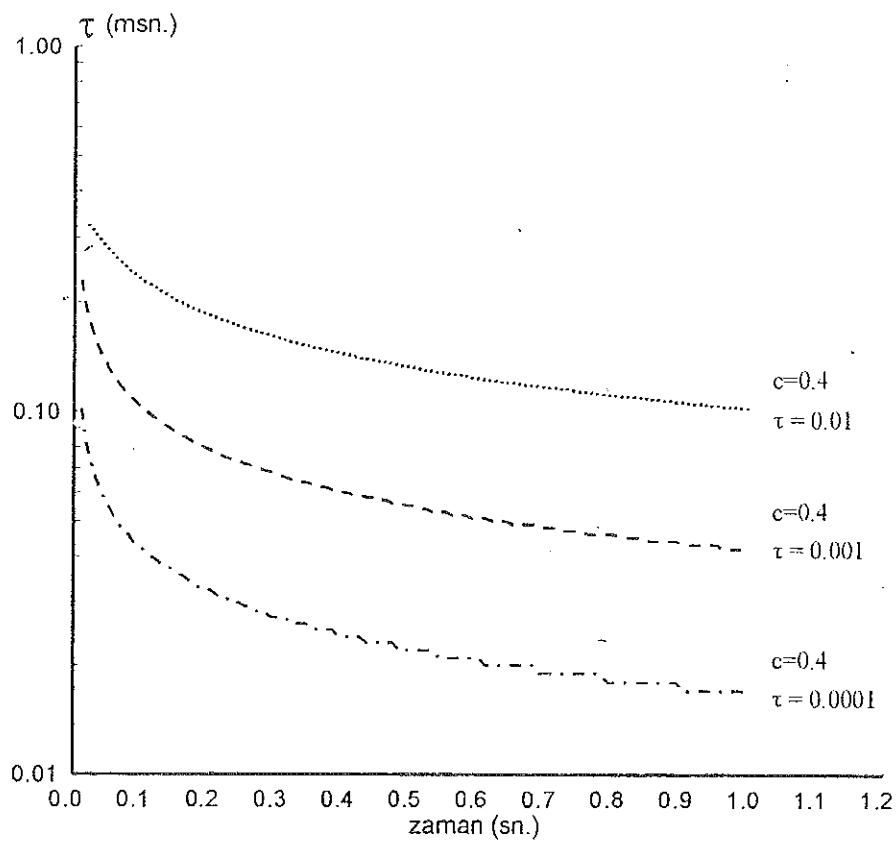
şeklini alır. Dolayısıyla,

$$\ln 0.47 = \ln 0.57 - \frac{0.7}{\tau_2}$$

bağıntısından $\tau_2 = 3.6269$ olarak hesaplanır. Bu değer $f(t)$ eşitliğinde yerine konulduğunda,

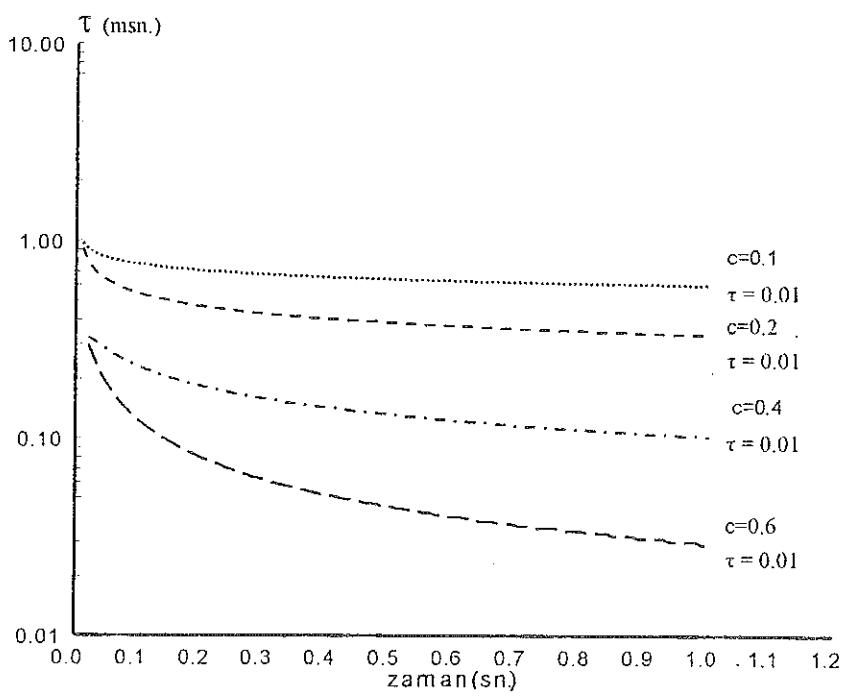
$$0.60 = 0.18e^{-\frac{0.1}{\tau_1}} + 0.57e^{-\frac{0.7}{3.6269}}$$

ve gerekli düzenlemeler yapıldığında $\tau_1 = 0.30759$ olarak hesaplanır. Ortamların belirlenmesi amacıyla, değişik c ve τ değerlerinin oluşturduğu sönüm eğrileri Şekil 3 ve 4'te grafiklenmiştir. Bu eğrilerden yararlanarak hesaplanan τ_1 ve τ_2 değerleri ise Tablo. 1'de verilmiştir. Bu parametrelerden yararlanmak suretiyle ortamları tanımlamak mümkündür.



Şekil 3. Sönüm eğrisi (c sabit, τ değişken).

Figure 3. Decay curves (c is constant, τ is variable).



Şekil 4. Sönüm eğrisi (c değişken, τ sabit).

Figure 4. Decay curves (c is variable, τ is constant).

Tablo 1. Bazı τ ve c değerleri için hesaplanmış eğim değerleri (Tezel, 1992).

Table 1. Slope values calculated for some τ and c values (Tezel, 1992).

τ	c	τ_1	τ_2
0.0001	0.1	0.676	7.368
	0.2	0.25	3.571
	0.4	0.215	1.535
0.001	0.1	0.298	8.073
	0.2	0.283	5.156
	0.4	0.218	2.314
	0.6	0.186	1.1
0.01	0.1	0.299	7.791
	0.2	0.267	5.056
	0.4	0.241	2.05
	0.6	0.162	0.995
	0.8	0.138	0.801

SONUÇ

Zaman ortamı IP yanıtlarında sönüm eğrisinin analizi ile ortamların belirlenebilmesi için yapılan bu çalışmada aşağıdaki sonuçlar elde edilmiştir.

Pelton ve diğerleri (1978) tarafından verilmiş olan transiyent voltaj cevabında, kuramsal değerlendirmelerde bazı sınırlı koşulların bulunduğu görülmüştür. Örneğin τ parametresinin değeri 10^{-4} ile 10^{-2} arasında seçildiğinde, t/τ 'nın büyük değerleri için $V(t)$ ifadesinin bir değişim göstermediği, $c=1$ seçildiğinde ise sağlam bir cevap vermediği saptanmıştır. Cole-Cole modeli için Lee (1981) tarafından verilen bağıntı kullanıldığında, frekans bağımlılığının daha geniş sınırlar içindeki değişimleri ve dolayısıyla buna bağlı olarak, sönüm eğrilerinin (ΔV_{IP}) değişimlerinin incelenebildiği gözlenmiştir.

Şekil 3 ve 4'te bazı c ve τ değerlerine göre grafiğlenmiş sönüm eğrileri, Tablo 1'de ise hesaplanmış bazı τ_1 ve τ_2 eğim değerleri verilmiştir. Bu parametrelerden yararlanmak suretiyle sözkonusu ortamların tanımlanması yapılır.

Sönüm eğrisinin analizi ile τ_1 eğiminin küçük zaman aralığında hızlı boşalan ortamları temsil ettiği gözlenmiştir. Dolayısıyla τ_1 eğimine sahip ve frekans bağımlılığının yüksek olduğu bu ortamlar iletken olarak nitelendirilmiştir. Bu tip ortamların, maden sahalarında, doğrudan doğruya metalik mineralizasyonların varlığını işaret ettikleri kanaatine varılmıştır.

SUMMARY

Recently Induced Polarization (IP) measurement has an increasing trend in its applicability related to the latest improvements in measurement techniques. This particular research has been emphasized a time domain measurement in order to increase the applicability of measurement techniques in Turkey. The methodology followed in this study was a screening through the related studies made previously and a detailed study in the most critical researches among those are combined in accordance.

In this study, time domain measurement of IP technique is investigated. From decay curve obtained in this measurement technique it is shown that studies can be made to determine polarizable layers beneath the earth surface.

In the analysis of the decay curves first studies were made by Pelton et al. (1978) on a Cole-Cole model depending on spectral IP responses. Nevertheless, in these studies, it was seen that Pelton et al. (1978)'s relationships in the theoretical assessments gave positive results in restricted conditions. Thereby relationship developed by Lee (1981) was tried on a Cole-Cole model and it was found that it gave concrete results in the wider boundaries.

It is known, that the assessment of the data recovered by IP method can be made in a sense either qualitative or quantitative interpretation. It is possible to say that places where total polarization values are large in the mine area can directly indicate locations where there are metallic mineralizations. Based on the decay curves theoretically calculated, it can be seen that decay increase in conductive media. These processes presented here are also called as direct interpretations.

Decay curve variations obtained as a result of theoretical applications are interpreted and the conclusions are given below.

In the theoretical evaluations, it is determined that: (i) In the use of transient voltage response given by Pelton et al. (1978), when τ parameter value is chosen between 10^{-4} and 10^{-2} , for high values of t/τ , the $V(t)$ value does not show any variation and (ii), when $c=1$ is chosen, $V(t)$ does not give any reliable response. For Cole-Cole model, it is observed that when the relation given by Lee (1981) is used, the variation of frequency dependency within larger boundaries and, in turn, variation of decay curves ΔV_{ip} can be examined.

In figures 3 and 4 some calculated τ_1 and τ_2 slope values show the graphed decay curves in terms of some c and τ values and Table 1 shows some calculated τ_1 and τ_2 decay values. It is possible to recognize the objected earth structure using those values.

It is observed that in the use of the analysis of decay curves, τ_1 slope represents the fast released part of the earth structure in a short time interval. Thus, if a structure has τ_1 slope and high frequency dependency, it can be said that structure is conductive. This type of structure directly indicate the existence of metallic mineralizations in the mine areas.

DEĞİNİLEN BELGELER

- Dizioğlu, M.Y. ve Keçeli, A.D., 1981,** Elektrik ve elektromanyetik prospeksiyon yöntemleri, İ.Ü. Yayınları Fen Fakültesi basımevi, İstanbul.
- Hallop, P. G., 1964,** A comparison of the various parameters employed in the variable frequency Induced Polarization method: Geophysics 29, 425-434.

Lee, T., 1981, Short Note The Cole-Cole model in time domain Induced Polarization, Geophys, Vol. 46, 6, 932-933, 1 flg.

Pelton, W.H., Ward, S.H., Hallop, P.G., Sill, W.R. and Nelson, P.H. 1978, Mineral discrimination and removal of inductive coupling with multi frequency IP: Geophysics 43, 3, 588-609.

Snyder, D. D., 1980, Exploration data consultans, Inc., Denver, Colarado.

Tezel, O., 1992, Zaman ortamı IP yanıtlarının araştırılması, İ.Ü. Fen Bilimleri Enstitüsü, Yüksek Lisans Tezi, İstanbul.

Zonge, K. L., 1982, Hydrocarbon exploration using induced polarization, apparent resistivity and electromagnetic scattering: Presented at the 51 st. annual international SEG meeting, Newyork.

EK.1.

```
C ****
C   IP'DE FREKANS BAGIMLILIGI VE ZAMAN SABITI
      DEGISIMLERININ BULUNMASI
C ****
      DIMENSION V(200),ZM(200),Y(200)
      CHARACTER yy,yyy
      yy='y'
      PI=22./7.
      1111 WRITE(*,10)
      10 FORMAT(3X,'FREKANS BAGIMLILIGINI GIRINIZ')
      READ(*,*) C
      WRITE(*,234)
      234 FORMAT(5X,'SECENEGINIZ BT(0);SM(1) ')
      READ(*,*) LI
      IF(LI.EQ.1) GOTO 123
      WRITE(*,20)
      20 FORMAT(3X,"ZAMAN SABITI BT GIRINIZ")
      GOTO 220
      123 CONTINUE
      WRITE(*,2231)
```

```
2231 FORMAT(3X,'SARJABILITE SM GIRINIZ')
220 READ(*,*)BT
    IF(LL.EQ.1)GOTO 777
    WRITE(6,600) C,BT
600 FORMAT(///,1x,'FR.BAG.=',F7.4,5X,'ZM.SBT. = ',F7.4)
    GOTO 566
777 CONTINUE
    WRITE(6,622) C,BT
622 FORMAT(///,1x,'FR.BAG.=',F7.4,5X,'SARJABILITE =
&',F7.4)
566 I=0
    T=0.0
    DO 30 JJ=1,200
    T=T+.01
    TOR=BT/T
    TORUS1=(TOR)**C
    TORUS2=(TOR)**(2)
    TORUS3=(TOR)**(3)
    GAM1=C
    CALL GMMMA(GAM1,GAM,IER)
    GAMO=GAM*(TORUS1)
    GAM2=2*C
    CALL GMMMA(GAM2,GAM,IER)
    GAMO2=2*GAM2*(TORUS2)*COS(PI*C)
    GAM3=3*C
    CALL GMMMA(GAM3,GAM,IER)
    GAMO3=GAM3*(TORUS3)*(4*(COS(PI*C)**2)-1)
    I=I+1
    ZM(I)=T
    V(I)=GAMO-GAMO2+GAMO3
    V(I)=V(I)*SIN(PI*C)*(1/PI)
30 CONTINUE
    WRITE(6,500)(ZM(I),V(I),I=1,100)
500 FORMAT(6(F4.2,1X,F6.3,1X))
    WRITE(*,5555)
5555 FORMAT(5X,'DO YOU WANT TO CONTINUE ? (y/n)')
    READ(*,5556)yyy
    IF(yyy.EQ.yy) GOTO 1111
5556 FORMAT(A1)
```

```

STOP
END
subroutine gmmma(xx,gx,ier)
if(xx<57.) 6,6,4
4 ier=2
gx=1.e15
return
6 x=xx
err=1.0e-6
ier=0
gx=1.0
if(x>2.0) 50,50,15
10 if(x<2.0) 110,110,15
15 x=x-1.0
gx=gx*x
go to 10
50 if(x<1.0)60,120,110
60 if(x-err)62,62,80
62 y=float(int(x))-x
if(abs(y)-err)130,130,64
64 if(1.0-y-err)130,130,70
70 if(x<1.0)80,80,110
80 gx=gx/x
x=x+1.0
goto 70
110 y=x-1.0
gy=1.0+y*(-0.5771017+y*(+0.9858540+y*
&(-0.8764218+y*(+0.8328212+y*(-0.5684729+y* &(+0.2548205+y*(-0.05149930)))))))
gx=gx*gy
120 return
130 ier=1
return
end

```

Makalenin geliş tarihi : 11.10.1999
Makalenin yayına kabul tarihi : 28.02.2000
Received : October 11, 1999
Accepted : February 28, 2000