

# Doğal salamura sularda mineral çökelim ve çözünümünün termodinamik değerlendirmesi için bilgisayar programı

M. Zeki Çamur

ODTÜ, Jeoloji Müh. Böl., Ankara

*Çalışma nehir, göl, deniz ve yeraltı salamura sularından alınmış kimyasal verilerin yorumlanması adına katkıda bulunmak amacıyla yazılmış bilgisayar programı ve kullanımını açıklamaktadır. Böyle bir programın gerekliliğinin arkasında yatan sebeplerden biri, su kimyası analizlerinin minerallerin termodinamik durumlarına (doygunluk durumlarına) ilişkin bilgiyi doğrudan yansıtmasızdır. Bu na ek olarak, standart kimyasal analizlerde su da mevcut her bir serbest iyon ait konsantrasyonların yerine genelde iyonların toplam konsantrasyonları ölçülmemektedir. Dolayısıyla, bir su örneği içinde mevcut bütün kimyasal bileşiklere ait konsantrasyonların belirlenmesi ve suyun minerallere göre doygunluğunun testi için yoğun sayısal hesaplamaları kolaylaştıracak bir bilgisayar programına gereksinim vardır. Bu çalışma yer bilimlerinin pek çok disiplininde (jeokimya, sedimentoloji, mineraloloji, maden yatakları, hidroloji) geniş uygulama alanlarına sahip bu konudaki boşluğu doldurmak amacıyla yapılmıştır. Çalışmada önce teorik bilgilerle ilgili denklemlerle anlatılmış ve daha sonra serbest iyon konsantrasyonu, iyon aktivite katsayıları, aktivite ve 51 mineralin doygunluk durumunu hesaplayan program listelenmiştir.*

## Giriş

Mineral çökelim ve çözünümlerinin doğal sularda değişik konsantrasyon, sıcaklık ve basınç koşulları altında belirlenmesine yönelik çalışmalar uzun yıllardır jeokimyaçının ana araştırma alanlarından birini oluşturmaktadır (özet için Helgeson ve diğ., 1974, 1976,

1978, 1981 ve Whitfield, 1979'a bakınız). Çözeltilerin termodinamik metodlarla mineral doygunluğunu belirleyebilmek için çözelti içindeki iyon ve minerallerin Gibbs serbest enerjilerinin ve serbest - iyon aktivite katsayılarının bilinmesi gerektinden, araştırmalar daha çok bu konularda yürütülmektedir.

Sulu çözeltilerde herhangi bir bileşigin aktivite katsayısi içinde bulunduğu çözeltinin toplam konsantrasyon yükü ile yakından ilişkilidir. Çok seyreltik çözeltilerde aktivite katsayıları Debye - Hückel denklemi ile kolayca hesaplanabilir (Debye ve Hückel, 1923). İyon konsantrasyonu yüksek sulu çözeltilerde (doğal salamura sularda) aktivite katsayılarını labaratuvar metodları ile doğrudan belirleyebilmek mümkün olmadığından, konu teorik bazda ele alınmış ve çeşitli denklemler geliştirilmiştir (özet için Whitfield, 1979'a bakınız). Bunlardan Pitzer (1973, 1979)'in "iyonlar - arası etkileşim" denklemleri, 25°C ve bir atm. de serbest - iyon aktivite katsayılarının doğal salamura sularda hesaplanması ve dolayısıyla minerallerin bu ortamlardaki doygunlıklarının belirlenmesi amacıyla Na - K - Mg - Ca - H - Cl - SO<sub>4</sub> - OH - HCO<sub>3</sub> - CO<sub>3</sub> - CO<sub>2</sub> - H<sub>2</sub>O sisteminde modellenmiş, bir başka ifade ile denklemlerde mevcut değişkenlerin katsayıları deneysel veriler kullanılarak kalibre edilmiştir (Harvie ve diğ., 1984; Weare, 1987). Değişik doğal koşullara uygunarak bu modelin mineral çökelim ve çözünüm belirleme kapasitesi test edilmiş ve başarılı sonuçlar elde edilmiştir (Gueddari ve diğ., 1983; Harvie ve diğ., 1984; Nordstrom ve Munoz, 1986; Weare, 1987; Çamur ve Mutlu, 1995, 1996).

Uygulanabilirliği gösterilmiş tek fakat karmaşık denklemler grubundan oluşan Pitzer aktivite katsayısı formülasyonunun mineral çökelim ve çözünümünü belirlemeye kullanılabilmesi ancak bir bilgisayar programı yardımı ile mümkündür. Doygunluk hesaplamalarına yönelik mevcut programlar daha çok seyreltik sulara ilişkindir (Truesdell and Jones, 1974; Plummer ve diğ., 1976; Wigley, 1977). Bu programlardan bazılarının sadece sodyumca zengin doğal salamura sulara da uygula-

nabileceği gösterilmiştir (Çamur ve Mutlu, 1995). Ancak her tür doğal salamura sulara uygulanabilir herkesin kullanımına açık kapsamlı bir bilgisayar programı çalışması yoktur. Doğal salamura sulara yönelik He ve Morse (1993)'un programı ise sadece halit, jips ve anhidrit doygunluk hesaplamalarını kapsamaktadır. Bu çalışmanın amacı, doğal salamura sularındaki mineral çökelim ve çözünümünün 25°C ve 1 atm. de belirlenmesi için, Pitzer aktivite katsayıları formulasyonunu esas alan bir bilgisayar programı geliştirmektir.

## Mineral doygunluğu hesaplamalarında kullanılan termodinamik ve kütle korunum denklemleri

Denge (de) halindeki herhangi bir kimyasal tepkime nin (t) standart durum Gibbs serbest enerjisi ( $\Delta G^\circ_t$ ) ile tepkimeye giren bileşiklerin konsantrasyonları arasındaki ilişki termodinamik olarak şöyle ifade edilebilir;

$$(1) \quad -\Delta G^\circ_t = RT \ln K_{de}.$$

Denklemde; R, gaz sabiti (0.0011987 kJ / mol), T, sıcaklık (Kelvin cinsinden) ve  $K_{de}$ , tepkimenin denge sabitidir. Denge sabiti ile tepkimedeki bileşiklerin konsantrasyonları arasındaki ilişki:

$$(2) \quad K_{de} = \frac{\gamma^g}{\prod a_i} = \frac{\gamma^g}{\prod \gamma_i m_i}$$

denklemiyle tanımlanmıştır. Denklemde, g tepkimeye giren ve ç de tepkimeden çıkan bileşiklerin tamamını temsil etmektedir.  $a_i$ , tepkimedeki "i" bileşiğinin aktivitesidir (etkili konsantrasyonudur) ve şöyle tanımlanır:

$$(3) \quad a_i = \gamma_i m_i$$

Denklemde;  $\gamma_i$ , tepkimedeki "i" bileşiğinin aktivite katsayıısı ve  $m_i$  de molalitesidir. Denklemler (2) ve (3) denklem (1) de yerine konulduğunda, herhangi bir tepkimedeki enerji ve konsantrasyonlar arasındaki ilişki:

$$(4) \quad -\Delta G^\circ_t / RT = \ln \left( \frac{\prod \gamma_i^g m_i}{\prod \gamma_i^c m_i} \right)$$

denklemiyle ifade edilebilir.

Tepkimeye giren ve çıkan bileşiklerin termodinamik denge halinde olması durumunda denklem (4) ün her iki tarafı birbirine eşittir. Denge halinin değişmesi durumunda ise, tepkimeye giren veya çıkan bileşiklerin lehinde veya aleyhinde tepkime bir yöne doğru hareket edecek ve denklem (4) deki eşitlik bozulacaktır. İşte, mineral doygunluğu hesaplamalarının temelinde yatan ilke bu yönün bulunmasıdır. Bu yönün bulunması amacıyla yukarıda ifade edilen termodinamik denklemle-

bağlı olarak doygunluk indeksi (Dİ) kavramı geliştirilmiştir.

$$(5) \quad D\ddot{I} = \ln \left( \frac{\prod \gamma_i^g m_i}{\prod \gamma_i^c m_i} \right) / (-\Delta G^\circ_t / RT).$$

Tepkimedeki mineral tepkimeye giren bileşik olarak yazıldığındá (tepkime ifadesinin solunda), Dİ kavramına göre;

Eğer  $\log(D\ddot{I}) = 0$  Su mineral ile denge halindedir (denge - doygunluğu).

Eğer  $\log(D\ddot{I}) > 0$  Su minerale aşırı doymuştur (doygunluk - üstü durum).

Eğer  $\log(D\ddot{I}) < 0$  Su minerale doymamıştır (doygunluk - altı durum).

Denklem (5) de tepkimenin standart durum Gibbs serbest enerjisi:

$$(6) \quad \Delta G^\circ_t = \sum \gamma_i^c G^\circ_i - \sum \gamma_i^g G^\circ_i$$

formülü kullanılarak deneysel olarak belirlenmiş kaynaklarda çizelgeler halinde listeli (örneğin Helgeson ve diğ., 1978; Harvie ve diğ., 1984; Johnson ve diğ., 1991), tepkimedeki bileşiklerin (mineral ve iyonların) standart durum Gibbs serbest enerjilerinden ( $G^\circ_i$ ) hesaplanabilir. Bu yayında diğer verilerle uyumluluğu esas alınarak Harvie ve diğ. (1984) tarafından belirlenmiş 25°C ve 1 atm. standart Gibbs serbest enerji değerleri kullanılmıştır. (Çizelge 1). Katı saf maddelerin (minerallerin) aktiviteleri benimsenecek standart durum tanımına göre bire eşitlenebilir (ayrınlı bilgi için Helgeson ve diğ., 1978; Nordstrom ve Munoz, 1986'ya bakınız). Böylece, suyun kimyasının bilinmesi durumunda, denklem (5) de bilinmeyen değişkenler tepkimedeki iyonların aktivite katsayılarına indirgenir.

Örnek olarak kalsit doygunluk hesabını ele alırsak: Kalsit minerali ile içinde bulunduğu suyun iyonları arasındaki muhtemel tepkime:



. şeklinde yazılabilir. bu tepkimenin denklem (5) deki ifadesi;

$$(8) \quad D\ddot{I} = \ln \left( \frac{\gamma_{\text{Ca}^{+2}} m_{\text{Ca}^{+2}} \gamma_{\text{CO}_3^{-2}} m_{\text{CO}_3^{-2}}}{\gamma_{\text{CaCO}_3} m_{\text{CaCO}_3}} \right) / (-\Delta G^\circ_{17} / RT)$$

Tepkime (7) nin 25°C ve 1 atm. deki standart durum Gibbs serbest enerjisi denklem (6) ya göre;

$$(9) \quad \Delta G^\circ_{17} = (G^\circ_{\text{Ca}^{+2}} + G^\circ_{\text{CO}_3^{-2}}) - (G^\circ_{\text{CaCO}_3}) \text{ ye eşittir.}$$

$$G^\circ_{\text{Ca}^{+2}} = -132.3, G^\circ_{\text{CO}_3^{-2}} = -126.17 \text{ ve } G^\circ_{\text{CaCO}_3} = -$$

**Çizelge 1.** Bilgisayar programında kullanılan iyon ve minerallerin  $25^{\circ}\text{C}$  ve 1 atm. deki Gibbs serbest enerjisi değerleri (kcal/mol). Harvie ve diğ., 1984'den hesaplanmıştır.

İYON/MİNERAL	KİMYASAL FORMÜL	$-G^{\circ}$
Su	$\text{H}_2\text{O}$	56.679
Sodyum İyonu	$\text{Na}^+$	62.596
Potasium İyonu	$\text{K}^+$	67.518
Kalsiyum İyonu	$\text{Ca}^{2+}$	132.301
Magnezyum İyonu	$\text{Mg}^{2+}$	108.702
Magnezyum hidroksit İyonu	$\text{MgOH}^+$	149.270
Hidrojen İyonu	$\text{H}^+$	0.0
Klorit İyonu	$\text{Cl}^-$	31.375
Sülfat İyonu	$\text{SO}_4^{2-}$	177.974
Bisülfat İyonu	$\text{HSO}_4^-$	180.673
Hidroksit İyonu	$\text{OH}^-$	37.584
Bikarbonat İyonu	$\text{HCO}_3^-$	140.271
Karbonat İyonu	$\text{CO}_3^{2-}$	126.166
Kalsiyumkarbonat İyonu	$\text{CaCO}_3^{\circ}$	262.767
Magnezyumkarbonat İyonu	$\text{MgCO}_3^{\circ}$	238.863
Carbondioksit İyonu	$\text{CO}_2^{\circ}$	92.238
Anhidrit	$\text{CaSO}_4$	316.226
Aptitalit	$\text{NaK}_3(\text{SO}_4)_2$	626.285
Antarktikit	$\text{CaCl}_2 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$	529.473
Aragonit	$\text{CaCO}_3$	269.681
Arkanit	$\text{K}_2\text{SO}_4$	315.432
Biskovit	$\text{MgCl}_2 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$	505.448
Bloedit	$\text{Na}_2\text{Mg}(\text{SO}_4)_2 \cdot 4\text{H}_2\text{O}$	819.760
Brusit	$\text{Mg}(\text{OH})_2$	198.719
Burkeit	$\text{Na}_4\text{CO}_3(\text{SO}_4)_2$	858.746
Kalsit	$\text{CaCO}_3$	269.936
Kalsiyum Klorit Tetrahidrat	$\text{CaCl}_2 \cdot 4\text{H}_2\text{O}$	413.968
Kalsiyum Oksi Klorit A	$\text{Ca}_4\text{Cl}_2(\text{OH})_6 \cdot 13\text{H}_2\text{O}$	1575.088
Kalsiyum Oksi Klorit B	$\text{Ca}_2\text{Cl}_2(\text{OH})_2 \cdot \text{H}_2\text{O}$	461.195
Karnalit	$\text{KMG}_3 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$	604.511
Dolomit	$\text{CaMg}(\text{CO}_3)_2$	516.640
Epsomit	$\text{MgSO}_4 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$	685.995
Gaylussit	$\text{CaNa}_2(\text{CO}_3)_2 \cdot 5\text{H}_2\text{O}$	806.074
Glauberit	$\text{Na}_2\text{CO}_3(\text{SO}_4)_2$	620.597
Jips	$\text{CaSO}_4 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$	429.882
Haltit	$\text{NaCl}$	91.829
Hezkahidrat	$\text{MgSO}_4 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$	628.981
Kainit	$\text{KNa}_3\text{ClSO}_4 \cdot 3\text{H}_2\text{O}$	555.868
Kalsinit	$\text{KHO}_3$	207.405
Kıyeserit	$\text{MgSO}_4 \cdot \text{H}_2\text{O}$	343.522
Labil Tuz	$\text{Na}_4\text{Ca}(\text{SO}_4)_3 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$	1037.706
Leonit	$\text{K}_2\text{Mg}(\text{SO}_4)_2 \cdot 4\text{H}_2\text{O}$	831.829
Maryezit	$\text{MgCO}_3$	245.555
Magnezyum Oksi Klorit	$\text{Mg}_2\text{Cl}(\text{OH})_2 \cdot 4\text{H}_2\text{O}$	610.021
Merkalit	$\text{KHSO}_4$	247.403
Mirabilit	$\text{Na}_2\text{SO}_4 \cdot 10\text{H}_2\text{O}$	871.632
Miserit	$\text{K}_2\text{H}_3(\text{SO}_4)_2$	1800.700
Nahkolist	$\text{NaHCO}_3$	203.417
Natron	$\text{Na}_2\text{CO}_3 \cdot 10\text{H}_2\text{O}$	819.275
Neskuhonit	$\text{MgCO}_3 \cdot 3\text{H}_2\text{O}$	411.954
Plikromerit	$\text{K}_2\text{Mg}(\text{SO}_4)_2 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$	945.663
Pisonit	$\text{Na}_2\text{Ca}(\text{CO}_3)_2 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$	635.794
Polihalit	$\text{K}_2\text{MgCa}_2(\text{SO}_4)_4 \cdot 4\text{H}_2\text{O}$	1352.344
Portlandit	$\text{Ca}(\text{OH})_2$	214.550
Potasyum Karbonat	$\text{K}_2\text{CO}_3 \cdot 3 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$	342.082
Potasyum Seskukarbonat	$\text{K}_2\text{H}_3(\text{CO}_3)_2 \cdot 3\text{H}_2\text{O}$	1514.033
Potasyum Sodyum Karbonat	$\text{KNaCO}_3 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$	596.513
Potasyum Trona	$\text{K}_2\text{Na}(\text{CO}_3)_2 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$	575.740
Seiskulpotasyum Sülfat	$\text{K}_2\text{HSO}_4 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$	563.333
Seskusiodyum Sülfat	$\text{Na}_3\text{HSO}_4 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$	544.848
Sodyum Karbonat Hephidrat	$\text{Na}_2\text{CO}_3 \cdot 7\text{H}_2\text{O}$	648.740
Silvit	$\text{KCl}$	97.665
Sinjenit	$\text{K}_2\text{Ca}(\text{SO}_4)_2 \cdot \text{H}_2\text{O}$	690.125
Takhidrat	$\text{Mg}_2\text{Ca}_6 \cdot 12\text{H}_2\text{O}$	1194.388
Tenardit	$\text{Na}_2\text{SO}_4$	303.559
Termonatrit	$\text{Na}_2\text{CO}_3 \cdot \text{H}_2\text{O}$	307.381
Trona	$\text{Na}_3\text{H}(\text{CO}_3)_2 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$	569.010

269.9kcal/mol değerleri kullanıldığında:  $\Delta G_{17}^{\circ} = 11.43$  kcal/mol'dür. Saf mineralerin aktiviteleri bire eşittir, standart durumunu benimsediğimizde, kalsitin aktivesi bire eşittir:

$$a_{\text{CaCO}_3} = \gamma_{\text{CaCO}_3} m_{\text{CaCO}_3} = 1.$$

Bu değerleri denklem (8) de yerine koyarsak ve kalsitin doygunluğunu  $25^{\circ}\text{C}$  ( $298.15^{\circ}\text{K}$ )de hesaplarsak;

$$(10) \quad D\bar{I} = \ln (\gamma_{\text{Ca}+2} m_{\text{Ca}+2} \gamma_{\text{CO}_3 \cdot 2} m_{\text{CO}_3 \cdot 2}) / (-19.29).$$

Kalsit doygunluğu belirlenecek suyun kimyasal kompozisyonu bilindiğinde, denklemde bilinmeyen iyonların aktivite katsayıları da hesaplanarak doygunluk indeksi belirlenebilir.

Salamura suların iyon aktivitelerini belirlemek için Pitzer denklemleri ile ifade edilen osmotik katsayı ( $\phi$ ), katyon, anyon ve yüksüz bileşiklerin aktivite katsayıları ( $\gamma$ ), kullanılmıştır (Çizelge, 2 ve 3). Pitzer (1973, 1979, 1987) konsantrasyon elektrolit çözeltilerde gözlenen kararsızlığı ifade etmek için istatistiksel - mekanik bir yaklaşım kullanmıştır. Bu formülasyon, iyonlar - arası etkileşimleri gözönüne alan denklem çeşitlemelerine dayanmaktadır. Pitzer denklemlerinin ilke ve gelişimleri ayrıntılı olarak Pitzer (1979, 1987), Harvie ve diğ. (1984) ve Weare (1987)'de verilmiştir.

Serbest iyon konsantrasyonlarını toplam konsantrasyondan hesaplama, tepkimeye giren ve çıkan bileşikler arasında daha önce ifade edilen termodinamik denge kavramı ve kütle (konsantrasyon) korunumu prensiplerine dayanır. Bu çalışmadaki serbest iyon bileşiklerin sayısı aktivite katsayılarına ait parametreleri belirlenmiş bileşiklerle (Çizelge 1) sınırlanmıştır. Bu bileşikler arasındaki konsantrasyon dağılımını belirleyen termodinamik ifadelerin tepkimeleri ve her bir toplam ( $T$ ) konsantrasyonu esas alan kütle korunumuna dayalı denklemler Çizelge 4'de verilmiştir.

Doğal salamura suların mineral çökelim ve çözünürlüğünü belirleyebilmek için verilen denklemleri esas alan PITDI kodlu bir bilgisayar programı yazılmıştır. Programda denklemler Weare (1987)'in iyonlar - arası etkileşim verileri ve Havie ve diğ. (1984)'nin standart Gibbs serbest enerjisi verileri ile birleştirilerek devamlı fraksiyon (continued fraction) sayisal metodu kullanılmak suretiyle iterasyon yöntemi ile bir set halinde hesaplanmakta ve sonuçta konsantrasyon dağılımları, aktivite katsayıları, aktiviteler ve doygunluk indeksleri belirlenmektedir. Aktivite katsayıları denklem setinde mevcut elektrostatik simetri dışı karışım denklemlerindeki integraler Chebyshev polinominal yaklaşımıları kullanılarak çözülmektedir (Pitzer, 1987).

## Uygulamalar

Programın sonuçlarını göstermek amacıyla Çamur ve Mutlu (1995) tarafından rapor edilen Tuz Gölü'nün ana bölgesine ait ortalama Mayıs ayı analizinin (mg/l): K (944), Na (101980), Ca (925), Mg (2860),  $\text{HCO}_3$  (173),  $\text{SO}_4$  (7371), Cl (167438), pH (7.34),  $T^{\circ}\text{C}$  (25) ve  $p(1.15; \text{gr/l})$  hesaplamaları yapılmış ve sonuçlar Çizelge 5'de verilmiştir.

Cıktıda ilk satır problemin başlığını, ikinci satır sonuçları elde edebilmek için gereken iterasyon sayısını,

**Çizelge 2.** Pitzer denklemlerine göre osmotik katsayı ( $\phi$ ), katyon aktivite katsayısı ( $\gamma_M$ ), anyon aktivite katsayısı ( $\gamma_X$ ), ve yüksüz iyon aktivite katsayılarının ( $\gamma_N$ ) tanımı. Denklemdeki M, c ve c' katyonları, X, a veya a' anyonları ve N ve n yüksüz bileşikleri temsil etmektedir. m ve s sırasıyla belirtilen bileşiklere ait molalite ve yük değerlikleridir. I, molal ölçüte iyonik güç ( $I=0.5\sum mz^2$ ) ve  $A^\phi$ , 25°C deki Debye - Hückel parametresidir (=0.39).  $B_{MX}^\phi$ ,  $B_{MX}$ ,  $B'_{MX}$ ,  $\phi_{ij}^\phi$ ,  $\phi_{ij}$ ,  $C_{MX}$ ,  $\psi_{ijk}$  ve  $\lambda_{ni}$  değişken katsayıları olup Pitzer'in iyonlar - arası etkileşim parametrelerinin fonksiyonudurlar (Çizelge 3'e bak).

Aktivite Katsayılarının Salınlara Sularda Belirlenmesine İlişkin Pitzer Denklemi	
$m_i(\phi-1) = 2 \left( -A^\phi I^{1/2} / (1+2I^{1/2}) + \sum_{c=1}^{Nc} \sum_{a=1}^{Na} m_c m_a (B_{ca}^\phi + Z C_{ca}) \right)$ $+ \sum_{c=1}^{Nc-1} \sum_{c'=c+1}^{Nc} m_c m_{c'} (\Phi_{cc'}^\phi + \sum_{a=1}^{Ns} \Psi_{cc'a}) + \sum_{a=1}^{Na-1} \sum_{a'=a+1}^{Na} m_a m_{a'} (\Phi_{aa'}^\phi + \sum_{c=1}^{Nc} \Psi_{aa'c})$ $+ \sum_{n=1}^{Nn} \sum_{a=1}^{Na} m_n m_a \lambda_{na} + \sum_{n=1}^{Nn} \sum_{c=1}^{Nc} m_n m_c \lambda_{nc}$	$\ln \text{Suyun aktivitesi: } \ln(a_{H2O}) = (-18.016/1000)(\sum m_i)\phi$ $\ln \gamma_M = z^2 M F + \sum_{a=1}^{Na} m_a (2B_{Ma} + ZC_{Ma}) + \sum_{c=1}^{Nc} m_c (2\Phi_{Mc} + \sum_{a=1}^{Na} \Psi_{Mca})$ $+ \sum_{a=1}^{Na-1} \sum_{a'=a+1}^{Na} m_a m_{a'} \Psi_{aa'M} + k_M \left( \sum_{c=1}^{Nc} \sum_{a=1}^{Na} m_c m_a C_{ca} + \sum_{n=1}^{Nn} m_n (2\lambda_{nM}) \right)$ $\ln \gamma_X = z^2 X F + \sum_{c=1}^{Nc} m_c (2B_{cX} + ZC_{cX}) + \sum_{a=1}^{Na} m_a (2\Phi_{Xa} + \sum_{c=1}^{Nc} \Psi_{Xac})$ $+ \sum_{c=1}^{Nc-1} \sum_{c'=c+1}^{Nc} m_c m_{c'} \Psi_{cc'X} + k_X \left( \sum_{c=1}^{Nc} \sum_{a=1}^{Na} m_c m_a C_{ca} + \sum_{n=1}^{Nn} m_n (2\lambda_{nX}) \right)$ $\ln \gamma_N = \sum_{c=1}^{Nc} m_c (2\lambda_{nc}) + \sum_{a=1}^{Na} m_a (2\lambda_{na})$
$F = A^\phi \left( (I^{1/2}/1 + 1.2I^{1/2}) + (2/1.2) \ln(1 + 1.2I^{1/2}) \right) + \sum_{c=1}^{Nc} \sum_{a=1}^{Na} m_c m_a B_{ca}$ $+ \sum_{c=1}^{Nc-1} \sum_{c'=c+1}^{Nc} m_c m_{c'} \Phi_{cc'} + \sum_{a=1}^{Na-1} \sum_{a'=a+1}^{Na} m_a m_{a'} \Phi_{aa'}$ $Z = \sum  z_i  m_i$	

Üçüncü satır suyun iyonik gücünü ( $I = 0.5 \sum mz^2$ ) ve dördüncü satır da yüzde yük dengesi hatasını göstermektedir. Yük dengesi hatasını hesaplamada kullanılan formül şöyledir:

$$\text{Yük dengesi hatası} = 100 * (\sum m_i |z_i| - \sum m_i |z_i|) / (\sum m_i |z_i| + \sum m_i |z_i|)$$

Formülde k ve a sırasıyla toplam katyon ve anyon sayılarıdır.  $m_i$  ve  $z_i$  sırasıyla bu iyonların molalite ve mutlak yük değerliklerini temsil etmektedir. Suyun pH değeri ve  $\text{CO}_2$  gazının logaritmik kısmı basıncından sonra, hesaplanan serbest iyon molaliteleri (MOLALITE S), serbest iyon aktivite katsayıları (GAMA S) ve serbest iyon aktiviteleri listelenmektedir. Bu değerlerden sonra son olarak da minerallerin suya göre logaritmik doygunluk indeksleri sıralanmıştır.

Hesaplanan indekler daha sonra çok değişik şekillerde amaca yönelik olarak değerlendirilebilir. Örneğin, Tuz Gölü'ne ait bu ve diğer analizlere ait program çıktıları daha sonra Çamur ve Mutlu (1995) tarafından şe-

**Çizelge 3.** Pitzer denklemlerindeki  $B_{MX}^\phi$ ,  $B_{MX}$ ,  $B'_{MX}$ ,  $\phi_{ij}^\phi$ ,  $\phi_{ij}$ ,  $C_{MX}$  değişken katsayılarının tanımı. Katsayılarla ilişkin  $\beta_{MX}^0$ ,  $\beta_{MX}^1$ ,  $\beta_{MX}^2$ ,  $\theta_{ij}$ ,  $C_{MX}^\phi$ ,  $\psi_{ijk}$  ve  $\lambda_{ni}$  değerleri Çizelge 1. 2 de listelenmiştir.

#### TEK ELEKTROTALAR İÇİN İKİNCİL DEĞİŞKEN KATSAYILAR

$$B_{MX}^\phi = \beta_{MX}^0 + \beta_{MX}^1 \exp(-\alpha_{MX} I^{1/2}) + \beta_{MX}^2 \exp(-12 I^{1/2})$$

$$B_{MX} = \beta_{MX}^0 + \beta_{MX}^1 g(\alpha_{MX} I^{1/2}) + \beta_{MX}^2 g(12 I^{1/2})$$

$$B'_{MX} = \beta_{MX}^1 g(\alpha_{MX} I^{1/2}) / (1 + \beta_{MX}^2 g(12 I^{1/2}) / I)$$

$g$  ve  $g'$  fonksiyonları aşağıda verilen denklemeler çözümler:

$$g(x) = 2(1-(1+x)e^{-x}) / x^2$$

$$g'(x) = -2(1-(1+x+5x^2)e^{-x}) / x^2$$

Fonksiyonlarda,  $x = \alpha_{MX} I^{1/2}$  veya  $12 I^{1/2}$  şeklidir. Tek yüklü elektrotlar için  $\alpha_{MX} = 2$  ye, daha yüksek yükü çiftler için ise 1.4 e eşittir.

#### KARIŞIK ELEKTROTALAR İÇİN İKİNCİL DEĞİŞKEN KATSAYILAR

$$\Phi_{ij}^\phi = \theta_{ij} + E\theta_{ij}(I) + E\theta_{ij}'(I)$$

$$\Phi_{ij} = \theta_{ij} + E\theta_{ij}(I)$$

$$\Phi_{ij}' = E\theta_{ij}'(I)$$

$i$  ve  $j$  katyon ve anyon çiftlerine karşılık gelmektedir. Elektrostatik simetri dışı karışım terimleri,  $E\theta_{ij}(I)$  ve  $E\theta_{ij}'(I)$ , aşağıdaki şekilde edilir:

$$E\theta_{ij}(I) = (z_i z_j / 4\pi I) \left( J(x_{ij}) - 0.5 * J(x_{ii}) - 0.5 * J(x_{jj}) \right)$$

$$E\theta_{ij}'(I) = (z_i z_j / 8\pi I^2) \left( X_{ij} J'(x_{ij}) - 0.5 * J'(x_{ii}) - 0.5 * J'(x_{jj}) \right) - (E\theta_{ij}(I) / I)$$

Denklemelerde,

$$J(x) = (x/4) - 1 + (1/x) \int (1 - \exp(-(x/y)e^{-y})) y^2 dy$$

$$J'(x) = 0.25 - (1/x^2) \int (1 + (x/y)e^{-y}) \exp(-(x/y)e^{-y}) y^2 dy$$

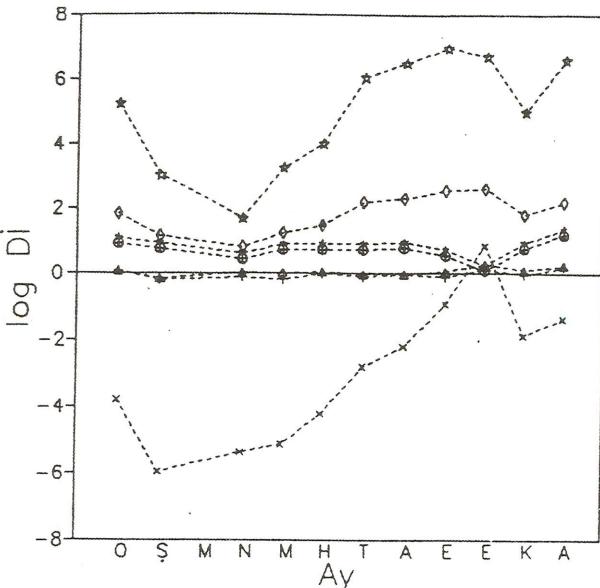
$$x_{ij} = 6z_i z_j A \phi_1^{1/2}$$

#### ÜÇÜNCÜL DEĞİŞKEN KATSAYI:

$$C_{MX} = C_{MX}^\phi / 2 k_M^2 \chi^{1/2}$$

killere aktarılarak, Tuz Gölü suyunun değişik mineralere göre her aya ait doygunluğu ortaya konmuş (Şekil 1) ve sonuçların gölden alınan çökel örnekleri ile pozitif korelasyon gösterdiği rapor edilmiştir. Sonuçlar nihai olarak göl çökellerinde bulunan minerallerin kökenini araştırmada değerlendirilmiştir. Göl basenindeki bütün yüzey suları esas alan çalışmalarında ise, Çamur ve Mutlu (1996) göl sularının basendeki sularla ilişkisini mineralojik açıdan ortaya koymak amacıyla yine doygunluk indeksi hesaplamaları sonuçlarını kullanılmışlardır (Şekil 2). Program sonuçlarında verilen aktivite değerleri çözelti ortamındaki mineraller arası tepkimelelerin değerlendirilmesi amacıyla da kullanılabilir. Bu ve benzeri uygulamalar konu ile ilgili pok çok makale ve kitap yayalarında bulunabilir (Örneğin; Nordstrom ve Munoz, 1986; Plummer ve diğ., 1994).

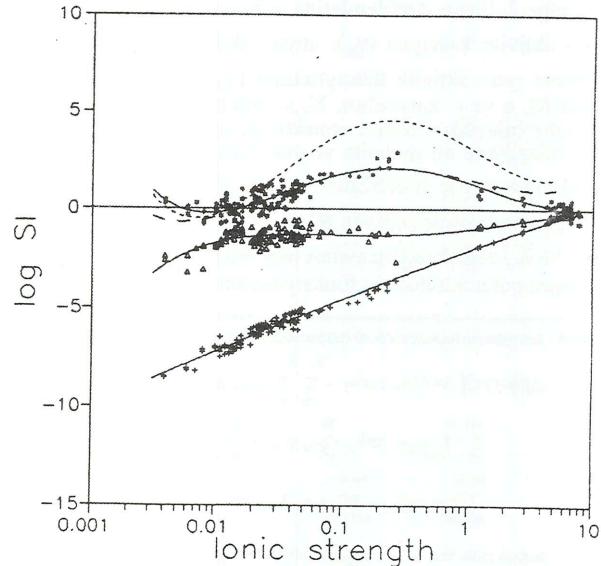
Uygulamalarda PITDI programı sonuçlarının 25°C ve bir atmosfer termodinamik denge durumunu esas aldığı unutulmamalıdır. PITDI sonuçlarının değerlendirilmesinden önce hidrojeokimyasal sistemdeki denge durumunun geçerliliği araştırılmalı ve sonuçlar ona göre yorumlanmalıdır.



**Şekil 1.** Tuz Gölü yüzey sularının 25 °C ve 1 atm. de halit (arti), jips (üçgen), kalsit (altı - köşeli yıldız), hantit (beş - köşeli yıldız), polihalit (çarpım), aragonit (daire içi artı) ve manyezit (baklava dilimi) doygunluk indeksleri (Çamur ve Mutlu, 1995).

**Çizelge 4.** Serbest iyon konsantrasyon hesaplamalarında kullanılan tepkime ve kütle korunum denklemleri. Denklemlerde K..... harfi ile başlayan değişkenler, o bileşige ait tepkimenin  $\exp(-\Delta G^\circ / RT)$  değeridir.

Serbest bileşikler arasındaki konsantrasyon dağılımını belirleyen termodinamik ifadelerin tepkimeleri:	
$H_2O = OH^- + H^+$	$Mg^{2+} + OH^- \rightleftharpoons MgOH^+$
$H^+ + SO_4^{2-} \rightleftharpoons HSO_4^-$	$Ca^{2+} + CO_3^{2-} \rightleftharpoons CaCO_3^o$
$Mg^{2+} + CO_3^{2-} \rightleftharpoons MgCO_3^o$	$CO_2^o + H_2O \rightleftharpoons CO_3^{2-} + 2H^+$
$CO_3^{2-} + H^+ \rightleftharpoons HCO_3^-$	
Her bir toplam ( $T$ ) konsantrasyonu esas alan kütle korunumuna dayalı denklemler:	
$m_{Ca}^T = m_{Ca2+} + m_{CaCO_3^o}$	
$m_{Mg}^T = m_{Mg2+} + m_{MgOH^+} + m_{MgCO_3^o}$	
$m_{Na}^T = m_{Na+}$	
$m_K^T = m_{K+}$	
$m_{SO_4}^T = m_{SO_42-} + m_{HSO_4^-}$	
$m_{Cl}^T = m_{Cl^-}$	
$Alkalinitet = 2m_{CO_3^2-} + m_{HCO_3^-} + 2m_{CaCO_3^o} + 2m_{MgCO_3^o}$	
$+ m_{OH^-} + m_{MgOH^+} - m_{H^+} - m_{HSO_4^-}$	
Tepkimelelerin termodinamik ifadesi ve kütle korunumu denklemleri sayısal bir çözüm için yeniden düzenlenmiştir:	
$m_{Na+} = m_{Na}^T$	
$m_{K+} = m_{K}^T$	
$m_{Cl^-} = m_{Cl}^T$	
$m_{H^+} = a_{H^+}/\gamma_{H^+}$	
$m_{OH^-} = (KH_2O \cdot a_{H_2O})/(a_{H^+} \cdot \gamma_{OH^-})$	
$m_{SO_42-} = m_{SO_4}^T / (1 + (KHSO_4 \cdot a_{H^+} \cdot \gamma_{SO_42-}) / (\gamma_{HSO_4^-}))$	
$m_{HSO_4^-} = (KHSO_4 \cdot a_{H^+} \cdot m_{SO_42-} \cdot \gamma_{SO_42-}) / (\gamma_{HSO_4^-})$	
$m_{CO_3^2-} = (Alkalinitet - 2m_{CaCO_3^o} + 2m_{MgCO_3^o} + m_{OH^-} + m_{MgOH^+} - m_{H^+} - m_{HSO_4^-}) / (2 \cdot (KHCO_3 \cdot a_{H^+} \cdot \gamma_{CO_3^2-}) / (\gamma_{HCO_3^-}))$	
$m_{HCO_3^-} = (KHCO_3 \cdot m_{CO_3^2-} \cdot \gamma_{CO_3^2-} \cdot a_{H^+}) / (\gamma_{HCO_3^-})$	
$m_{Ca2+} = m_{Ca}^T / (1 + (KCaCO_3 \cdot \gamma_{Ca2+} \cdot m_{CO_3^2-} \cdot \gamma_{CO_3^2-}) / (\gamma_{CaCO_3^o}))$	
$m_{Mg2+} = m_{Mg}^T / (1 + ((KMgOH \cdot \gamma_{Mg2+} \cdot m_{Mg2+} \cdot \gamma_{OH^-}) / (\gamma_{MgOH^+})) + ((KMgCO_3 \cdot \gamma_{Mg2+} \cdot m_{CO_3^2-} \cdot \gamma_{CO_3^2-}) / (\gamma_{MgCO_3^o}))$	
$m_{MgOH^+} = (KMgOH \cdot m_{Mg2+} \cdot \gamma_{Mg2+} \cdot m_{OH^-} \cdot \gamma_{OH^-}) / (\gamma_{MgOH^+})$	
$m_{CO_2^o} = (m_{CO_3^2-} \cdot \gamma_{CO_3^2-} \cdot a_{H^+}) / (KCO_3 \cdot a_{H_2O} \cdot \gamma_{CO_2^o})$	
$m_{CaCO_3^o} = (KCaCO_3 \cdot m_{Ca2+} \cdot \gamma_{Ca2+} \cdot m_{CO_3^2-} \cdot \gamma_{CO_3^2-}) / (\gamma_{CaCO_3^o})$	
$m_{MgCO_3^o} = (KMgCO_3 \cdot m_{Mg2+} \cdot \gamma_{Mg2+} \cdot m_{CO_3^2-} \cdot \gamma_{CO_3^2-}) / (\gamma_{MgCO_3^o})$	



**Şekil 2.** Tuz Gölü basenindeki yüzey sularının 25 °C ve 1 atm. de halit (arti), jips (üçgen), kalsit (altı - köşeli yıldız), dolomit (kısa kesik çizgiler) ve manyezit (uzun kesik çizgiler) doygunluk indeksleri (Çamur ve Mutlu, 1996).

**Çizelge 5.** Programın ekrana yansıyan çıktıları.

Tuz Gölü Mayısı			
ITERASYON 9			
İyonik güç= 5.79024			
Yük derecesi= 1.434361			
Suyun aktivitesi = .7845429			
pH= 7.34			
log pCO <sub>2</sub> =-2.405316			
	MOLALITE S	GAMA S	AKTİVİTE
Na <sup>+</sup>	.5.108929	.9051347	4.624269
K <sup>+</sup>	2.780982E-02	.4841076	1.346295E-02
Ca <sup>++</sup>	2.654263E-02	.909281	2.413471E-02
Mg <sup>++</sup>	.1353137	1.473225	.1993474
MgOH <sup>+</sup>	1.202175E-08	.4387932	5.275061E-06
H <sup>+</sup>	1.275607E-08	3.583298	4.57088E-08
Cl <sup>-</sup>	5.439828	.966167	5.255783
SO <sub>4</sub> <sup>2-</sup>	8.836965E-02	2.017942E-02	1.783248E-03
HSO <sub>4</sub> <sup>-</sup>	1.251992E-08	.6188855	7.748396E-09
OH <sup>-</sup>	3.579113E-07	.4795583	1.716393E-07
HCO <sub>3</sub> <sup>-</sup>	2.717661E-03	.3903254	1.060772E-03
CO <sub>3</sub> <sup>2-</sup>	5.184486E-05	2.050796E-02	1.063232E-06
CO <sub>2</sub> <sup>o</sup>	4.725977E-05	2.847972	1.345945E-04
CaCO <sub>3</sub> <sup>o</sup>	3.633041E-05	1	3.633041E-05
MgCO <sub>3</sub> <sup>o</sup>	1.795721E-04	1	1.795721E-04
DEVAM ETMEK İÇİN HERHANGI BİR TUSA BASINIZ			
Log doygunluk indeksi			
ANHİDRİT	-4.096011E-03	APTİTALİT	-6.642399
ARAGONİT	6.287317	ARKANİT	-4.714232
BLOEDİT	-2.942482	BRUSİTE	3.346873
KALSİT	.8154754	CaCİTEHİD	-6.314663
CaOKSİCI B	-211.1582	KARNALİT	-5.371991
EPSOMİT	-2.305722	GAYLUSİT	-3.339996
JİPS	3.596465E-03	HALİT	-1847271
KAİNİT	-4.722929	KALİSİNİT	-39.87804
LĀBLİ TUZ	-1.742001	LEONİT	-6.382211
MgOKSİCI	-5.437513	MERKLİT	-4.415664
MİSENİT	-67.44225	NAHKOLİT	-1.906319
NESKUHONİT	-1.822896	PIKRÖMERİT	-6.244236
POLİHALİT	-5.138606	PORTLANDİT	-9.95831
KSESKİUCİO <sub>3</sub>	-46.13517	K Na CO <sub>3</sub>	-7.695533
SESKÜKSO <sub>4</sub>	-14.90761	SESKUNASO <sub>4</sub>	-10.02814
SILVİT	-2.050083	SİNJENİT	-3.513638
TENARDİT	-1.131204	TERMONATRİ	-5.230524
		TRONA	-6.118652

---

**DEĞİNİLEN BELGELER**

- Çamur, M.Z. ve Mutlu, H., 1995, Tuz Gölü'ndeki mineral çökelmanının termodinamik değerlendirmesi: Türkiye Jeoloji Bülteni, 38, 67-73.
- Çamur, M.Z. ve Mutlu, H., 1996, Major ion geochemistry and mineralogy of the Salt Lake (Tuz Gölü) Basin, Turkey: Chemical Geology, (basımda).
- Debye, P. ve Hückel, E., 1923, On the theory of electrolytes: *Physik. Z.*, 24, 185 - 208.
- Gueddari, M., Monnin, C., Perret, D., Fritz, B., and Tardy, Y., 1983, Geochemistry of brines of the Chott el Jerid in southern Tunisia - Application of Pitzer's equations: *Chemical Geology*, 39, 165 - 178.
- Harvie, C.E., Moller, N. and Weare, J.H., 1984, The prediction of mineral solubilities in natural waters: The Na - K - Mg - Ca - H - Cl - SO<sub>4</sub> - OH - HCO<sub>3</sub> - CO<sub>3</sub> - CO<sub>2</sub> - H<sub>2</sub>O system to high ionic strengths at 25°C: *Geochim. Cosmochim. Acta*, 48, 723 - 751.
- He, S. and Morse, J.W., 1993, Prediction of halite, gypsum and anhydrite solubility in natural brines under subsurface conditions: *Computers and Geosci.*, 19, 1 - 22.
- Helgeson, H.C. and David, H.K., 1974a, Therotical prediction of the thermodynamic behaviour of aqueous electrolytes at high pressures and temperatures: I. Summary of the thermodynamic / electrostatic properties of the solvent: *Amer. Jour. Sci.*, 274, 1089 - 1198.
- Helgeson, H.C. and David, H.K., 1974b, Therotical prediction of the thermodynamic behaviour of aqueous electrolytes at high pressures and temperatures: II. Debye - Hückel parameters for activity coefficients and relative partial molal properties: *Amer. Jour. Sci.*, 274, 1199 - 1261.
- Helgeson, H.C. and David, H.K., 1976, Therotical prediction of the thermodynamic behaviour of aqueous electrolytes at high pressures and temperatures: III. Equation of state for aqueous species at infinite dilution: *Amer. Jour. Sci.*, 276, 97 - 240.
- Helgeson, H.C., Delany, J.M., Nesbitt, H.W. and Dennis, K.B., 1978, Summary and critique of the termodynamic properties of rock - forming minerals: *Amer. Jour. Sci.*, 278 - A, 1 - 119.
- Helgeson, H.C., Kirkham, D.H. and Flowers, G.C., 1981, Therotical prediction of the thermodynamic behaviour of aqueous electrolytes at high pressures and temperatures: IV. Calculation of activity coefficients, osmotic coefficients, and apparent molal and standard and relative partial molal properties to 600°C and 5 kb: *Amer. Jour. Sci.*, 281, 1249 - 1516.
- Johnson, J.W., Oelkers, E.H., and Helgeson, H.C., 1991, SUPCRT 92: A software package for calculating the standard molal thermodynamic properties of minerals, gases, aqueous species, and reactions from 1 to 5000 bars and 0° to 1000°C: Geological Society of America Short Course Manual, 50 s.
- Nordstrom, D.K. and Munoz, J.L., 1986, Geochemical Thermodynamics: Blackwell Sci. Pub., 477 s.
- Pitzer, K.S., 1973, Thermodynamics of Electrolytes: I. Theoretical basis and general equations: *Jour. Phys. Chem.*, 77, 268 - 277.
- Pitzer, K.S., 1979, Theory: ion interaction approach: R.D. Pytkowicz (ed.), Activity coefficients in electrolyte solutions, CRC Press, 1, 157 - 208.
- Pitzer, K.S., 1987, Thermodynamic model for aqueous solutions of liquid - like density: I. S.E. Carmichael and H.P. Eugster (eds.), Thermodynamic modelling of geological materials: Minerals, fluids and melts: *Reviews in Mineralogy*, 17, 97 - 142.
- Pitzer, K.S. and Moyarga, G., 1974, Thermodynamics of electrolytes. III. Activity and osmotic coefficients for 2:2 electrolytes: *J. Solution Chem.*, 3, 539 - 546.
- Pitzer, K.S. and Kim, J.J., 1974, Thermodynamics of electrolytes. IV. Activity and osmotic coefficients for mixed electrolytes: *J. Am. Chem. Soc.*, v. 96, 5701 - 5707.
- Plummer, L.N., Jones, B.F. and Truesdell, A.H., 1976, WATEQF --- A FORTRAN IV version of WATEQ a computer program for calculating chemical equilibria of natural waters: U.S.G.S. Water - Resources Investigations Report, 76 - 13.
- Plummer, L.N., Prestemon, E.C. and Parkhurst, D.L., 1994, An interactive code (NETPATH) for modeling net geochemical reactions along a flow path: U.S.G.S. Water - Resources Investigations Report, 91 - 4078.
- Truesdell, A.H. and Jones, B.F., 1974, WATEQ: A computer program for calculating chemical equilibria of natural waters: *Journal of Research U.S.G.S.* 2, 233 - 248.
- Weare, J.H., 1987, Models of mineral solubility in concentrated brines with application to field observations: I. S.E. Carmichael and H.P. Eugster (eds.), Thermodynamic modelling of geological materials: Minerals, fluids and melts: *Reviews in Mineralogy*, 17, 42 - 97.
- Whitfield, M., 1979, Activity coefficients in natural waters: In: R.D. Pytkowicz (ed.): Activiy coefficients in electrolyte solutions, 2, 154 - 299.
- Wigley, T.M.L., 1977, WATSPEC: A computer program for determining the equilibrium speciation of aqueous solutions: *Brit. Geomorph. Res. Group Tech. Bull.*, 20, 3 - 39.

---

**EKLER**
**EK-I Program Hakkında Bilgiler**

Program QUICK BASIC'n microsoft versiyonu kullanılarak yazılmış bir ana onuç alt-programdan oluşmaktadır. Ana program termodinamik veriler ve model parametrelerini sırasıyla TERMO.DAT (Çizelge I.1) ve PIT.DAT (Çizelge I.2) dış ASCII dosyalarından okur. Dosyaların okunması komutunda dosyaların "A" sürücüsünde olduğu esas alınmıştır. Başka sürücüler için bu komutta ilgili değişiklikler yapılmalıdır. Toplam konsantrasyon değerleri Na, K, Ca, Mg, Cl, SO<sub>4</sub>, HCO<sub>3</sub>, CO<sub>3</sub> sırasıyla ana programda ekrana mg/l veya molarite biriminden yazılmaktadır. Yazılan konsantrasyonların toplam değilde serbest iyon konsantrasyonları temsil ettiği düşünülyorsa "Serbest iyon hesaplaması istiyormusunuz?" sorusuna "H"veya "h" cevabını veriniz. Aksi takdirde "E" veya "e" yazınız. Ana program ayrıca alt - programların ve iterasyonların kontrolünü de yapmaktadır. Alt - programlar ve işlevleri söyledir:

**ANYON:** Anyonların aktivitelerini hesaplar.

**CIKTI:** Hesaplanan değerleri belirli bir format içerisinde ekrana yansıtır.

**DI:** Doygunluk indeksini hesaplar.

**FE:** Elektrostatik simetri dışı karışım terimlerindeki "j" fonksiyonlarını hesaplar.

**FFUN:** F fonksiyonunu hesaplar.

**FIAP:** Karışık anyonlar için ikincil değişken katsayılarını hesaplar.

FICP: Karışık katyonlar için ikincil değişken katsayılarını hesaplar.

GFUN: Tek elektrotlar için ikincil değişken katsayılarında mevcut "g" fonksiyonlarını hesaplar.

INTEG: Elektrostatik simetri dışı karışım denklemlerindeki integralleri Chebyshev polinominal yaklaşımıları kullanılarak çözer.

**KATYON:** Katyonların aktivitelerini hesaplar.

**OSMO:** Osmotik katsayı ve suyun aktivitesini hesaplar.

NOTR: Yüksüz ivonların aktivitelerini hesaplar.

ZEE: Elektrostatik simetri dışı karışım terimlerini hesaplar.

Program çalışırken her bir iterasyon sonucuna ait bilgiler ekrana yansır. Bir önceki iterasyon sonuçları ile takip eden iterasyon sonuçları arasındaki farkların toplamı tolerans değerinden ( $TOLER = 1E-08$ ) az ise istenilen değerler hesaplanmıştır, nihai sonuçlar ekranda gözükmü. Ekrana yansyan sonuçlar uygulama bölümünde açıklanmıştır. Eğer iterasyon sayısı ITMAX da belirtilen limiti geçerse "iterasyon sayısı ITMAX 1 geçti çözüm yok" yazısı ekrana gelecektir. CIKTI alt-programındaki PRINT komutlarının başına L harfi eklenmek suretiyle (LPRINT) çıktılar bir yazıcıya aktarılabilir. Eğer arzu edilirse sonuçları bir dosyaya aktarmak için; CIKTI alt-programının başına OPEN "A:PITDI.OUT" FOR OUTPUT ACCESS WRITE AS #3 ve sonuna CLOSE #3 yazarak bu alt-programdaki her bir PRINT komutunun önüne #3, (PRINT #3,) eklemek yeterlidir. Bu durumda PRINT "DEVAM ET-MEK İÇİN HERHANGI BİR TUŞA BASINIZ" ve DO LO-OP WHILE INKEY\$="" komutlarını iptal ediniz. Daha sonra "A" sürücüsünde oluşturulan çıktı dosyası(PITDI.OUT) herhangi bir yazılım programı ile ekrana yansıtılabilir veya yazıcıya aktarılabilir.

**Çizelge I.1.** PITDI programı tarafından kullanılan TER-MO.DAT dosyası.

"Na<sup>+</sup>", "K<sup>+</sup>", "Ca<sup>++</sup>", "Mg<sup>++</sup>", "MgOH<sup>-</sup>", "H<sup>+</sup>  
"Cl<sup>-</sup>", "SO<sub>4</sub><sup>2-</sup>", "HSO<sub>4</sub><sup>-</sup>", "OH<sup>-</sup>", "HC03<sup>-</sup>", "CO3<sup>2-</sup>  
"CO<sub>2</sub>O", "CaCO<sub>3</sub>", "MgCO<sub>3</sub>"  
105.651, 113.957, 223.3, 183.468, 251.94, 0  
52.955, 300.386, 304.942, 63.435, 236.751, 212.944  
155.68, 443.5, 403.155  
'ANHIDRIT', 'APITALIT', 'ANTARTIKTI', 'ARAGONIT', 'ARKANIT', 'BISKOVIT'  
'BLOEDIT', 'BRUSITE', 'BURKEITE', 'KALSIIT', 'CACITETHID', 'CAOKSICI A', 'CAOKSICI B'  
'KARNALIT', 'DOLOMIT', 'EPSOMIT', 'GAYLUSIT', 'GLAUBERIT', 'JIPPS', 'HALIT'  
'HEKZAHIDRIT', 'KAINIT', 'KALISINIT', 'KYESERIT', 'LAMIL TIZ', 'LEONIT'  
'MANYEZIT', 'MgOKSICI', 'MERKALIT', 'MIRABILIT', 'MISENIT', 'NAHKOLIT', 'NATRON'  
'NESKUHONIT', 'PIKROMERIT', 'PIRSONIT', 'POLIHALIT', 'PORTLANDIT', 'K CO3'  
'KSESKUICO3', 'Na CO3', 'K TRONA', 'SESKUICO4', 'SESKUINa504', 'NaCO3HEPHI'  
'SILVIT', 'SINJENIT', 'TAKHIDRAT', 'TENARDIT', 'TERMONATRI', 'TRONA'  
533.73, 1057.05, 893.65, 455.17, 1532.39, 853.1, 1383.6, 335.4, 1449.4, 455.6  
698.7, 2658.45, 778.41, 1020.3, 871.99, 1157.83, 1360.5, 1047.45, 725.56, 154.99  
1061.6, 938.2, 350.06, 579.8, 1751.45, 1403.97, 414.45, 1029.6, 417.57, 1471.15  
3039.24, 343.33, 1382.78, 695.3, 1596.1, 1073.1, 2282.5, 362.12, 57.37, 37.2555.4  
1006.8, 971.74, 754.90, 859.19, 1069.95, 1484.81, 164.8, 2015.9, 512.35, 318.5, 960.38

**Çizelge I.2.** PITDI programı tarafından kullanılan PIT.DAT dış dosyası.

## EK-II. PITDI Bilgisayar Programı

```

DIM BETO(6, 6), BET1(6, 6), BET2(6, 6), C0(6, 6)
DIM THECCP(6, 6), FIX1(6, 6, 6), THEAAP(6, 6), FIM(6, 6, 6)
DIM NOTC(3, 6), NOTA(3, 6), AM1(21), AM2(21), KK(21)
DIM MAT(6), MCT(6), MA(6), MC(6), MN(3), ZM(6), ZX(6), WM(6), WX(6)
DIM CAT$(6), ANS$(6), NOT$(3), B(23), D(23), TEMA(6), TEMC(6)
DIM AMF(6), AXF(6), GMF(6), GXF(6), ANF(3), GNF(3), NG(3)
DIM SI(51), MIN$(51), MG(6), XG(6), MING(51), DGR(51), LOGK(51)
DIM IAP(51) AS DOUBLE
NA = 6: NC = 6: NN = 3: MIN = 51
PRINT ****
PRINT " PITDI "
PRINT " "
PRINT " Dr. M. Zeki Camur      Mayis, 1995 "
PRINT " M.T.A. Gen. Mud., Ankara "
PRINT ****
' PIT.DAT daki verileri oku
OPEN "A:PIT.DAT" FOR INPUT ACCESS READ AS #1
INPUT #1, DUMMY$
FOR J = 1 TO 21
    INPUT #1, KK(J), AM1(J), AM2(J)
NEXT
INPUT #1, DUMMY$
FOR C = 1 TO NC
    FOR A = 1 TO NA
        INPUT #1, BETO(C, A), BET1(C, A), BET2(C, A), C0(C, A)
    NEXT
NEXT
INPUT #1, DUMMY$
FOR C = 1 TO NC - 1
    FOR CP = C + 1 TO NC
        INPUT #1, THECCP(C, CP)
        FOR X = 1 TO NC
            INPUT #1, FIX1(C, CP, X)
        NEXT
    NEXT
NEXT
INPUT #1, DUMMY$
FOR A = 1 TO NA - 1
    FOR AP = A + 1 TO NA
        INPUT #1, THEAAP(A, AP)
        FOR M = 1 TO NC
            INPUT #1, FIM(A, AP, M)
        NEXT
    NEXT
NEXT
INPUT #1, DUMMY$
FOR N = 1 TO NN
    FOR C = 1 TO NC
        INPUT #1, NOTC(N, C)
    NEXT
NEXT
INPUT #1, DUMMY$
FOR N = 1 TO NN
    FOR A = 1 TO NC
        INPUT #1, NOTA(N, A)
    NEXT
NEXT
CLOSE #1
' TERMO.DAT daki verileri oku
OPEN "A:TERMO.DAT" FOR INPUT ACCESS READ AS #2
FOR C = 1 TO NC
    INPUT #2, CAT$(C)
NEXT
FOR A = 1 TO NA
    INPUT #2, AN$(A)

```

```

NEXT
FOR N = 1 TO NN
    INPUT #2, NOT$(N)
NEXT
FOR C = 1 TO NC
    INPUT #2, MG(C)
NEXT
FOR A = 1 TO NA
    INPUT #2, XG(A)
NEXT
FOR N = 1 TO NN
    INPUT #2, NG(N)
NEXT
FOR I = 1 TO MIN
    INPUT #2, MIN$(I)
NEXT
FOR I = 1 TO MIN
    INPUT #2, MING(I)
NEXT
CLOSE #2
FOR C = 1 TO NC
    READ ZM(C), WM(C)
NEXT
DATA 1.22.98851,1,39.09304,2,40.08016,2,24.30724,1,41.3142,1,1.008
FOR A = 1 TO NA
    READ ZX(A), WX(A)
NEXT
DATA -1,35.44823,-2,96.0614,-1,97.069,-1,17.008,-1,61.0128,-2,60.024
PRINT : INPUT 'Problem basligini yaziniz ==>'; TITLE$
PP = 0
PRINT : INPUT 'mg/l icin (1) veya molalite icin (2) yaziniz==>'; PP
FOR C = 1 TO NC - 2
    PRINT
    PRINT CAT$(C); " konsantrasyonunu giriniz"; "==>": INPUT ; MCT(C):
NEXT
FOR A = 1 TO NA
    IF A <> 3 AND A <> 4 THEN
        PRINT
        PRINT AN$(A); " konsantrasyonunu giriniz"; "==>": INPUT ; MAT(A):
    END IF
NEXT
IF PP = 1 THEN
    PRINT : INPUT "Solisyonun yogunlugu (g/cc veya kg/l) ==>"; DENS
    IF DENS <= 0 THEN DENS = 1
    GMSOL = 1000 * DENS
    TDS = 0
    FOR J = 1 TO NC
        TDS = TDS + (MCT(J) / 1000): TDS = TDS + (MAT(J)) / 1000)
    NEXT
    GMH2O = GMSOL - TDS
    FOR J = 1 TO NC
        MCT(J) = MCT(J) / WM(J) / GMH2O
        MAT(J) = MAT(J) / WX(J) / GMH2O
    NEXT
END IF
PRINT : INPUT "pH ==>"; PH: CLS
PRINT : INPUT "Serbest iyon hesaplamasi istiyormusunuz? (E/H)==>"; DUMA$
IF DUMA$ = 'E' OR DUMA$ = 'e' THEN DUMA$ = 'E'
IF DUMA$ = 'H' OR DUMA$ = 'h' THEN DUMA$ = 'H'
ITMAX = 25: TOLER = 1E-08
BG = 1.2: AG = .391: AH = 10 ^ (-PH)
KW = 1E-14: KMGOH = 154.17005#: KHSO4 = 95.0605: KHCO3 = 2.1827E+10
KCACO3 = 1415.7938#: KMGC03 = 847.22741#: KCO3 = 2.1037E-17
'Sayisal metod icin ilk tahminler
FOR J = 1 TO NC
    GXF(J) = 1: GMF(J) = 1

```

```

NEXT
FOR N = 1 TO NN
    GNF(N) = 1
NEXT
FOR J = 1 TO NC
    MA(J) = MAT(J); MC(J) = MCT(J)
NEXT
ACWAT = 1
TCAR = MAT(5) + 2 * MAT(6) 'alkalinite
FOR ITER = 1 TO ITMAX
    PRINT "ITERASYON"; ITER
    IF DUMA$ = "H" THEN
        MC(1) = MCT(1); MC(2) = MCT(2); MC(3) = MCT(3); MC(4) = MCT(4); MC(5) = 0
        MC(6) = AH / GMF(6); MA(1) = MAT(1); MA(2) = MAT(2); MA(3) = 0
        MA(4) = KW * ACWAT / AH / GXF(4); MA(6) = TCAR - MA(4) + MC(6)
        MA(6) = MA(6) / (2 + (KHCO3 * GXF(6) * AH / GXF(5)))
        MA(5) = KHCO3 * MA(6) * GXF(6) * AH / GXF(5)
        MN(1) = MA(6) * GXF(6) * AH * AH / KCO3 / ACWAT / GNF(1); MN(2) = 0; MN(3) = 0
    ELSEIF DUMA$ = "E" THEN
        MC(1) = MCT(1); MC(2) = MCT(2); MC(6) = AH / GMF(6); MA(1) = MAT(1)
        MA(2) = MAT(2) / (1 + (KHSO4 * AH * GXF(2) / GXF(3)))
        MA(3) = KHSO4 * AH * MA(2) * GXF(2) / GXF(3); MA(4) = KW * ACWAT / AH / GXF(4)
        MA(6) = TCAR - 2 * MN(2) - 2 * MN(3) - MA(4) - MC(5) + MC(6) + MA(3)
        MA(6) = MA(6) / (2 + (KHCO3 * GXF(6) * AH / GXF(5)))
        MA(5) = KHCO3 * MA(6) * GXF(6) * AH / GXF(5)
        MC(3) = MCT(3) / (1 + (KCACO3 * GMF(3) * MA(6) * GXF(6) / GNF(2)))
        MC(4) = 1 + (KMGOH * GMF(4) * MA(4) * GXF(4) / GMF(5))
        MC(4) = MC(4) + (KMGOH * GMF(4) * MA(6) * GXF(6) / GNF(3)); MC(4) = MCT(4) / MC(4)
        MC(5) = KMGOH * MC(4) * GMF(4) * MA(4) * GXF(4) / GMF(5)
        MN(1) = MA(6) * GXF(6) * AH * AH / KCO3 / ACWAT / GNF(1)
        MN(2) = KCACO3 * MC(3) * GMF(3) * MA(6) * GXF(6) / GNF(2)
        MN(3) = KMGOH * MC(4) * GMF(4) * MA(6) * GXF(6) / GNF(3)
    END IF
    SUMDIF = 0
    FOR J = 1 TO 6
        DIFA = ABS(TEMA(J) - MA(J)); DIFC = ABS(TEM(C(J)) - MC(J)); SUMDIF = SUMDIF + DIFA + DIFC
    NEXT
    PRINT "Iterasyon toplam farkı"; SUMDIF
    SUM = 0
    FOR J = 1 TO NC
        CI1 = MC(J) * (ZM(J) ^ 2) ' I hesapla
        CI2 = MA(J) * (ZX(J) ^ 2); SUM = SUM + CI1 + CI2
    NEXT
    I = .5 * SUM; SQI = SQR(I)
    PRINT "yonik guc="; I
    TO1 = 0; TO2 = 0 'yuk dengesini hesapla
    FOR J = 1 TO NC
        B1 = MC(J) * ABS(ZM(J)); TO1 = TO1 + B1 : B2 = MA(J) * ABS(ZX(J)); TO2 = TO2 + B2
    NEXT
    CBE = (ABS((TO1 - TO2) / (TO1 + TO2))) * 100
    PRINT "Yuk dengesi="; CBE
    GOSUB FFUN
    GOSUB OSMO
    IF DUMA$ = "H" THEN
        PRINT ; TAB(20); " GAMA T"; TAB(35); "MOLALITE T"
    ELSEIF DUMA$ = "E" THEN
        PRINT ; TAB(20); " GAMA S"; TAB(35); "MOLALITE S"
    END IF
    GOSUB KATYON
    GOSUB ANYON
    GOSUB NOTR
    IF SUMDIF < TOLER THEN GOSUB DI
    IF SUMDIF < TOLER THEN GOSUB CIKTI
    FOR J = 1 TO 6
        TEMA(J) = MA(J); TEM(C(J)) = MC(J)
    NEXT

```

```

NEXT
IF ITER >= ITMAX THEN PRINT 'Maximum iterasyon sayisi gecti cozum yok'
END
*****
FFUN:
PRINT 'F fonksiyonunu hesapliyor ...'
'Z denklemi
SUMZ = 0
FOR J = 1 TO 6
    Z1 = MC(J) * ABS(ZM(J)) + MA(J) * ABS(ZX(J)): SUMZ = SUMZ + Z1
NEXT
Z = SUMZ
'D-H
y = SQI / (1 + BG * SQI):DD = (2 / BG) * LOG(1 + BG * SQI):FF = -AG * (y + DD)
'F
FSUM1 = 0
FOR C = 1 TO NC
    FOR A = 1 TO NA
        KAT = C: ANI = A
        GOSUB GFUN
        BCAP = (BET1(C, A) * GP1 / I) + (BET2(C, A) * GP2 / I)
        FSUM1 = FSUM1 + (MA(A) * MC(C) * BCAP)
    NEXT
NEXT
FSUM2 = 0
FOR C = 1 TO NC - 1
    FOR CP = C + 1 TO NC
        ZFE1 = ZM(C): ZFE2 = ZM(CP)
        GOSUB ZFE
        ETHEPR = MC(C) * MC(CP) * ETHEPR:FSUM2 = FSUM2 + ETHEPR
    NEXT
NEXT
FSUM3 = 0
FOR A = 1 TO NA - 1
    FOR AP = A + 1 TO NA
        ZFE1 = ZX(A): ZFE2 = ZX(AP)
        GOSUB ZFE
        ETHEPR = MA(A) * MA(AP) * ETHEPR:FSUM3 = FSUM3 + ETHEPR
    NEXT
NEXT
F = FF + FSUM1 + FSUM2 + FSUM3
RETURN
END
*****
OSMO:
PRINT 'Suyun aktivitesini hesapliyor ...'
OS1 = -AG / (1 + BG * SQI):OS1 = OS1 * I ^ (3 / 2):OS2 = 0
FOR C = 1 TO NC
    FOR A = 1 TO NA
        ALPH = 1.4 * SQI
        IF ABS(ZM(C)) = 1 OR ABS(ZX(A)) = 1 THEN ALPH = 2 * SQI
        BOCA = BETO(C, A) + BET1(C, A) * EXP(-ALPH) + BET2(C, A) * EXP(-12 * SQI)
        COCA = C0(C, A) / (2 * SQR(ABS(ZM(C) * ZX(A)))))
        OS2 = OS2 + MA(A) * MC(C) * (BOCA + (Z * COCA))
    NEXT
NEXT
OS3 = 0
FOR C = 1 TO NC - 1
    FOR CP = C + 1 TO NC
        ZFE1 = ZM(C): ZFE2 = ZM(CP)
        GOSUB ZFE
        DUM = C: M = C: C = CP:OS31 = 0
        FOR A = 1 TO NA
            GOSUB FICP
            OS31 = OS31 + T31
        NEXT

```

```

FICAP0 = THECC + ETHE + I * ETHEPR
C = DUM: OS3 = OS3 + MC(C) * MC(CP) * (FICAP0 + OS31)
NEXT
NEXT
OS4 = 0
FOR A = 1 TO NA - 1
    FOR AP = A + 1 TO NA
        ZFE1 = ZX(A): ZFE2 = ZX(AP)
        GOSUB ZFE
        DUM = A: X = A: A = AP: OS41 = 0
        FOR C = 1 TO NC
            GOSUB FIAP
            OS41 = OS41 + T31
        NEXT
        FICAP0 = THEAA + ETHE + I * ETHEPR: A = DUM
        OS4 = OS4 + MA(A) * MA(AP) * (FICAP0 + OS41)
    NEXT
NEXT
OS5 = 0
FOR N = 1 TO NN
    FOR C = 1 TO NC
        OS5 = OS5 + MN(N) * MC(C) * NOTC(N, C)
    NEXT
NEXT
OS6 = 0
FOR N = 1 TO NN
    FOR A = 1 TO NA
        OS6 = OS6 + MN(N) * MA(A) * NOTA(N, A)
    NEXT
NEXT
OSSUM = 0
FOR C = 1 TO NC
    OSSUM = OSSUM + MC(C) + MA(C)
NEXT
OSMO = (2 / OSSUM) * (OS1 + OS2 + OS3 + OS4 + OS5 + OS6)
OSMO = 1 + OSMO: LNWAT = -OSMO * 18.0152 * OSSUM / 1000
ACWAT = EXP(LNWAT)
PRINT "Suyun aktivitesi ="; ACWAT
RETURN
END
*****
KATYON:
FOR M = 1 TO NC
    IF DUMA$ = "H" AND M = 5 THEN 43
    SUM1 = 0
    FOR A = 1 TO NA
        KAT = M: ANI = A
        GOSUB GFUN
        BMA = BET0(M, A) + BET1(M, A) * G1 + BET2(M, A) * G2
        CMA = C0(M, A) / (2 * SQR(ABS(ZM(M) * ZX(A))))
        T21 = MA(A) * (2 * BMA + (Z * CMA))
        SUM1 = SUM1 + T21
    NEXT
    SUM3 = 0
    FOR C = 1 TO NC
        SUM2 = 0
        FOR A = 1 TO NA
            GOSUB FICP
            SUM2 = SUM2 + T31
        NEXT
        ZFE1 = ZM(M): ZFE2 = ZM(C)
        GOSUB ZFE
        FICAP = THECC + ETHE: T32 = MC(C) * (2 * FICAP + SUM2): SUM3 = SUM3 + T32
    NEXT
    SUM4 = 0
    FOR A = 1 TO NA - 1

```

```

FOR AP = A + 1 TO NA
    T41 = MA(A) * MA(AP) * FIM(A, AP, M):SUM4 = SUM4 + T41
NEXT
NEXT
SUM5 = 0
FOR C = 1 TO NC
    FOR A = 1 TO NA
        CCA = C0(C, A) / (2 * SQR(ABS(ZM(C) * ZX(A))))
        TS1 = MC(C) * MA(A) * CCA: SUM5 = SUM5 + TS1
    NEXT
NEXT
SUM6 = 0
FOR N = 1 TO NN
    SUM6 = SUM6 + MN(N) * 2 * NOTC(N, M)
NEXT
LNACC = (ZM(M) ^ 2 * F) + SUM1 + SUM3 + SUM4 + (ABS(ZM(M)) * SUM5) + SUM6
GMF(M) = EXP(LNACC): AMF(M) = GMF(M) * MC(M)
PRINT ; CAT$(M); TAB(20); GMF(M); TAB(35); MC(M)

43 NEXT
RETURN
END
*****
ANYON:
FOR X = 1 TO NC
    IF DUMA$ = 'H' AND X = 3 THEN 44
    SUM1 = 0
    FOR C = 1 TO NC
        KAT = C: ANI = X
        GOSUB GFUN
        BXC = BET0(C, X) + BET1(C, X) * G1 + BET2(C, X) * G2
        CXC = C0(C, X) / (2 * SQR(ABS(ZX(X) * ZM(C))))
        T21 = MC(C) * (2 * BXC + (Z * CXC)): SUM1 = SUM1 + T21
    NEXT
    SUM3 = 0
    FOR A = 1 TO NA
        SUM2 = 0
        FOR C = 1 TO NC
            GOSUB FIAP
            SUM2 = SUM2 + T31
        NEXT
        ZFE1 = ZX(X): ZFE2 = ZX(A)
        GOSUB ZFE
        FICAP = THEAA + ETHE: T32 = MA(A) * (2 * FICAP + SUM2)
        SUM3 = SUM3 + T32
    NEXT
    SUM4 = 0
    FOR C = 1 TO NC - 1
        FOR CP = C + 1 TO NC
            T41 = MC(C) * MC(CP) * FDX1(C, CP, X)
            SUM4 = SUM4 + T41
        NEXT
    NEXT
    SUM5 = 0
    FOR C = 1 TO NC
        FOR A = 1 TO NA
            CAC = C0(C, A) / (2 * SQR(ABS(ZX(A) * ZM(C))))
            TS1 = MA(A) * MC(C) * CAC: SUM5 = SUM5 + TS1
        NEXT
    NEXT
    SUM6 = 0
    FOR N = 1 TO NN
        SUM6 = SUM6 + MN(N) * 2 * NOTA(N, X)
    NEXT
LNACC = (ZX(X) ^ 2 * F) + SUM1 + SUM3 + SUM4 + (ABS(ZX(X)) * SUM5) + SUM6
GXF(X) = EXP(LNACC) : AXF(X) = GXF(X) * MA(X)
PRINT ; AN$(X); TAB(20); GXF(X); TAB(35); MA(X)

```

```

44 NEXT
RETURN
END
*****
NOTR:
FOR N = 1 TO NN
    IF DUMA$ = 'H' AND N <> 1 THEN RETURN
    SUM1 = 0
    FOR C = 1 TO NC
        SUM1 = SUM1 + MC(C) * 2 * NOTC(N, C)
    NEXT
    SUM2 = 0
    FOR A = 1 TO NA
        SUM2 = SUM2 + MA(A) * 2 * NOTA(N, A)
    NEXT
    GNF(N) = EXP(SUM1 + SUM2): ANF(N) = MN(N) * GNF(N)
    PRINT ; NOT$(N); TAB(20); GNF(N); TAB(35); MN(N)
NEXT
RETURN
END
*****
ZFE:
XIJ = 6 * ZFE1 * ZFE2 * AG * SQI : XX = XIJ: GOSUB FE: FIJ = FE: FIJPR = FEPR
XII = 6 * (ZFE1 ^ 2) * AG * SQI : XX = XII: GOSUB FE: FII = FE: FIIPR = FEPR
XJJ = 6 * (ZFE2 ^ 2) * AG * SQI : XX = XJJ: GOSUB FE: FJJ = FE: FJJPR = FEPR
ETHE = (ZFE1 * ZFE2 / (4 * I)) * (FIJ - .5 * FII - .5 * FJJ)
ETHEP1 = XIJ * FIJPR - .5 * XII * FIIPR - .5 * XJJ * FJJPR
ETHEPR = (-ETHE / I) + (ZFE1 * ZFE2 / (8 * I * I)) * ETHEP1
RETURN
END
*****
FE:
IF XX < 1 THEN
    ZF = 4 * (XX ^ (1 / 5)) - 2 : DZ = (4 / 5) * (XX ^ (-4 / 5))
    GOSUB INTEG
    FE = (XX / 4) - 1 + .5 * (B(1) - B(3)) 'JX
    FEPR = .25 + .5 * DZ * (D(1) - D(3)) 'JXP
END IF
IF XX >= 1 THEN
    ZF = (40 / 9) * (XX ^ (-1 / 10)) - (22 / 9) : DZ = (-40 / 90) * (XX ^ (-11 / 10))
    GOSUB INTEG
    FE = (XX / 4) - 1 + .5 * (B(1) - B(3)) : FEPR = .25 + .5 * DZ * (D(1) - D(3))
END IF
RETURN
END
*****
INTEG:
B(22) = 0: B(23) = 0: D(22) = 0: D(23) = 0
FOR K = 23 TO 3 STEP -1
    IF XX < 1 THEN
        B(K - 2) = ZF * B(K - 1) - B(K) + AM1(K - 2): D(K - 2) = B(K - 1) + ZF * D(K - 1) - D(K)
    END IF
    IF XX >= 1 THEN
        B(K - 2) = ZF * B(K - 1) - B(K) + AM2(K - 2): D(K - 2) = B(K - 1) + ZF * D(K - 1) - D(K)
    END IF
NEXT
RETURN
END
*****
GFUN:
X1 = 1.4 * SQI
IF ABS(ZM(KAT)) = 1 OR ABS(ZM(ANI)) = 1 THEN X1 = 2 * SQI
X2 = 12 * SQI: G1 = 2 * (1 - (1 + X1) * EXP(-X1)) / X1 / X1
G2 = 2 * (1 - (1 + X2) * EXP(-X2)) / X2 / X2
GP1 = -2 * (1 - (1 + X1 + (X1 * X1 / 2)) * EXP(-X1)) / X1 / X1
GP2 = -2 * (1 - (1 + X2 + (X2 * X2 / 2)) * EXP(-X2)) / X2 / X2

```

```

RETURN
END
*****
FICP:
IF M = 1 THEN
    T31 = MA(A) * FIX1(M, C, A) : THECC = THECCP(M, C)
    RETURN
END IF
    IF M = 2 THEN 11
    IF M = 3 THEN 12
    IF M = 4 THEN 13
    IF M = 5 THEN 14
    IF M = 6 THEN 15
11 IF C = 1 THEN
    T31 = MA(A) * FIX1(1, 2, A) : THECC = THECCP(1, 2)
    RETURN
END IF
    T31 = MA(A) * FIX1(M, C, A) : THECC = THECCP(M, C)
    RETURN
12 IF C < 3 THEN
    T31 = MA(A) * FIX1(C, M, A) : THECC = THECCP(C, M)
    RETURN
END IF
    T31 = MA(A) * FIX1(M, C, A) : THECC = THECCP(M, C)
    RETURN
13 IF C < 4 THEN
    T31 = MA(A) * FIX1(C, M, A) : THECC = THECCP(C, M)
    RETURN
END IF
    T31 = MA(A) * FIX1(M, C, A) : THECC = THECCP(M, C)
    RETURN
14 IF C < 5 THEN
    T31 = MA(A) * FIX1(C, M, A) : THECC = THECCP(C, M)
    RETURN
END IF
    T31 = MA(A) * FIX1(M, C, A) : THECC = THECCP(M, C)
    RETURN
15 IF C < 6 THEN
    T31 = MA(A) * FIX1(C, M, A) : THECC = THECCP(C, M)
    RETURN
END IF
    T31 = MA(A) * FIX1(M, C, A) : THECC = THECCP(M, C)
RETURN
END
*****
FIAP:
IF X = 1 THEN
    T31 = MC(C) * FIM(X, A, C) : THEAA = THEAAP(X, A)
    RETURN
END IF
    IF X = 2 THEN 21
    IF X = 3 THEN 22
    IF X = 4 THEN 23
    IF X = 5 THEN 24
    IF X = 6 THEN 25
21 IF A = 1 THEN
    T31 = MC(C) * FIM(1, 2, C) : THEAA = THEAAP(1, 2)
    RETURN
END IF
    T31 = MC(C) * FIM(X, A, C) : THEAA = THEAAP(X, A)
    RETURN
22 IF A < 3 THEN
    T31 = MC(C) * FIM(A, X, C) : THEAA = THEAAP(A, X)
    RETURN
END IF
    T31 = MC(C) * FIM(X, A, C) : THEAA = THEAAP(X, A)

```

```

    RETURN
23 IF A < 4 THEN
    T31 = MC(C) * FIM(A, X, C): THEAA = THEAAP(A, X)
    RETURN
END IF
T31 = MC(C) * FIM(X, A, C): THEAA = THEAAP(X, A)
RETURN
24 IF A < 5 THEN
    T31 = MC(C) * FIM(A, X, C): THEAA = THEAAP(A, X)
    RETURN
END IF
T31 = MC(C) * FIM(X, A, C): THEAA = THEAAP(X, A)
RETURN
25 IF A < 6 THEN
    T31 = MC(C) * FIM(A, X, C): THEAA = THEAAP(A, X)
    RETURN
END IF
T31 = MC(C) * FIM(X, A, C): THEAA = THEAAP(X, A)
RETURN
END
*****
DI:
WAT = 95.6635
DGR(1) = MG(3) + XG(2) - MING(1): DGR(2) = MG(1) + 3 * MG(2) + 2 * XG(2) - MING(2)
DGR(3) = MG(3) + 2 * XG(1) + 6 * WAT - MING(3): DGR(4) = MG(3) + XG(6) - MING(4)
DGR(5) = 2 * MG(2) + XG(2) - MING(5): DGR(6) = MG(4) + 2 * XG(1) + 6 * WAT - MING(6)
DGR(7) = 2 * MG(1) + MG(4) + 2 * XG(2) + 4 * WAT - MING(7)
DGR(8) = MG(4) + 2 * XG(4) - MING(8): DGR(9) = 6 * MG(1) + 3 * XG(6) + 2 * XG(2) - MING(9)
DGR(10) = MG(3) + XG(6) - MING(10): DGR(11) = MG(3) + 2 * XG(1) + 4 * WAT - MING(11)
DGR(12) = 4 * MG(3) + 2 * XG(1) + 6 * XG(4) + 13 * WAT - MING(12)
DGR(13) = 4 * MG(3) + 2 * XG(1) + 2 * XG(4) + WAT - MING(13)
DGR(14) = MG(2) + MG(4) + 3 * XG(1) + 6 * WAT - MING(14)
DGR(15) = MG(3) + MG(4) + 2 * XG(6) - MING(15): DGR(16) = MG(4) + XG(2) + 7 * WAT - MING(16)
DGR(17) = MG(3) + 2 * MG(1) + 2 * XG(6) + 5 * WAT - MING(17)
DGR(18) = 2 * MG(1) + MG(3) + 2 * XG(2) - MING(18)
DGR(19) = MG(3) + XG(2) + 2 * WAT - MING(19): DGR(20) = MG(1) + XG(1) - MING(20)
DGR(21) = MG(4) + XG(2) + 6 * WAT - MING(21)
DGR(22) = MG(2) + MG(4) + XG(1) + XG(2) + 3 * WAT - MING(22)
DGR(23) = MG(2) + XG(3) - MING(23): DGR(24) = MG(4) + XG(2) + WAT - MING(24)
DGR(25) = 4 * MG(1) + MG(3) + 3 * XG(2) + 2 * WAT - MING(25)
DGR(26) = 2 * MG(2) + MG(4) + 2 * XG(2) + 4 * WAT - MING(26): DGR(27) = MG(4) + XG(6) - MING(27)
DGR(28) = 2 * MG(4) + XG(1) + 3 * XG(4) + 4 * WAT - MING(28)
DGR(29) = MG(1) + XG(3) - MING(29): DGR(30) = 2 * MG(1) + XG(2) + 10 * WAT - MING(30)
DGR(31) = 8 * MG(2) + 6 * MG(6) + 7 * XG(2) - MING(31): DGR(32) = MG(1) + XG(5) - MING(32)
DGR(33) = 2 * MG(1) + XG(6) + 10 * WAT - MING(33): DGR(34) = MG(4) + XG(6) + 3 * WAT - MING(34)
DGR(35) = 2 * MG(2) + MG(4) + 2 * XG(2) + 6 * WAT - MING(35)
DGR(36) = 2 * MG(1) + MG(3) + 2 * XG(6) + 2 * WAT - MING(36)
DGR(37) = 2 * MG(2) + MG(4) + 2 * MG(3) + 4 * XG(2) + 2 * WAT - MING(37)
DGR(38) = MG(3) + 2 * XG(4) - MING(38): DGR(39) = 2 * MG(2) + XG(6) + 1.5 * WAT - MING(39)
DGR(40) = 8 * MG(2) + 4 * MG(6) + 6 * XG(6) + 3 * WAT - MING(40)
DGR(41) = MG(2) + MG(1) + XG(6) + 6 * WAT - MING(41)
DGR(42) = 2 * MG(2) + MG(1) + MG(6) + 2 * XG(6) + 2 * WAT - MING(42)
DGR(43) = 3 * MG(2) + MG(6) + 2 * XG(2) - MING(43): DGR(44) = 3 * MG(1) + MG(6) + 2 * XG(2) -
MING(44)
DGR(45) = 2 * MG(1) + XG(6) + 7 * WAT - MING(45): DGR(46) = MG(2) + XG(1) - MING(46)
DGR(47) = 2 * MG(2) + MG(3) + 2 * XG(2) + WAT - MING(47)
DGR(48) = 2 * MG(4) + MG(3) + 6 * XG(1) + 12 * WAT - MING(48)
DGR(49) = 2 * MG(1) + XG(2) - MING(49): DGR(50) = 2 * MG(1) + XG(6) + WAT - MING(50)
DGR(51) = 3 * MG(1) + MG(6) + 2 * XG(6) + 2 * WAT - MING(51)
FOR J = 1 TO MIN
    LOGK(J) = DGR(J) / LOG(10)
NEXT
IAP(1) = AMF(3) * AXF(2): IAP(2) = AMF(1) * AMF(2) ^ 3 * AXF(2) ^ 2
IAP(3) = AMF(3) * AXF(1) ^ 2 * ACWAT ^ 6: IAP(4) = AMF(3) * AXF(6)
IAP(5) = AMF(2) ^ 2 * AXF(2): IAP(6) = AMF(4) * AXF(1) ^ 2 * ACWAT ^ 6
IAP(7) = AMF(1) ^ 2 * AMF(4) * AXF(2) ^ 2 * ACWAT ^ 4: IAP(8) = AMF(4) * AXF(4) ^ 2

```

```

IAP(9) = AMF(1) ^ 6 * AXF(6) ^ 3 * AXF(2) ^ 2:IAP(10) = AMF(3) * AXF(6)
IAP(11) = AMF(3) * AXF(1) ^ 2 * ACWAT ^ 4: IAP(12) = AMF(3) ^ 4 * AXF(1) ^ 2 * AXF(4) ^ 6 * ACWAT
^ 13
IAP(13) = AMF(3) ^ 4 * AXF(1) ^ 2 * AXF(4) ^ 2 * ACWAT
IAP(14) = AMF(2) * AMF(4) * AXF(1) ^ 3 * ACWAT ^ 6:IAP(15) = AMF(3) * AMF(4) * AXF(6) ^ 2
IAP(16) = AMF(4) * AXF(2) * ACWAT ^ 7: IAP(17) = AMF(3) * AMF(1) ^ 2 * AXF(6) ^ 2 * ACWAT ^ 5
IAP(18) = AMF(1) ^ 2 * AMF(3) * AXF(2) ^ 2:IAP(19) = AMF(3) * AXF(2) * ACWAT ^ 2
IAP(20) = AMF(1) * AXF(1):IAP(21) = AMF(4) * AXF(2) * ACWAT ^ 6
IAP(22) = AMF(2) * AMF(4) * AXF(1) * AXF(2) * ACWAT ^ 3:IAP(23) = AMF(2) * AXF(3)
IAP(24) = AMF(4) * AXF(2) * ACWAT:IAP(25) = AMF(1) ^ 4 * AMF(3) * AXF(2) ^ 3 * ACWAT ^ 2
IAP(26) = AMF(2) ^ 2 * AMF(4) * AXF(2) ^ 2 * ACWAT ^ 4:IAP(27) = AMF(4) * AXF(6)
IAP(28) = AMF(4) ^ 2 * AXF(1) * AXF(4) ^ 3 * ACWAT ^ 4:IAP(29) = AMF(1) * AXF(3)
IAP(30) = AMF(1) ^ 2 * AXF(2) * ACWAT ^ 10:IAP(31) = AMF(2) ^ 8 * AMF(6) ^ 6 * AXF(2) ^ 7
IAP(32) = AMF(1) * AXF(5):IAP(33) = AMF(1) ^ 2 * AXF(6) * ACWAT ^ 10
IAP(34) = AMF(4) * AXF(6) * ACWAT ^ 3: IAP(35) = AMF(2) ^ 2 * AMF(4) * AXF(2) ^ 2 * ACWAT ^ 6
IAP(36) = AMF(1) ^ 2 * AMF(3) * AXF(6) ^ 2 * ACWAT ^ 2
IAP(37) = AMF(2) ^ 2 * AMF(4) * AMF(3) ^ 2 * AXF(2) ^ 4 * ACWAT ^ 2
IAP(38) = AMF(3) * AXF(4) ^ 2:IAP(39) = AMF(2) ^ 2 * AXF(6) * ACWAT ^ 1.5
IAP(40) = AMF(2) ^ 8 * AMF(6) ^ 4 * AXF(6) ^ 6 * ACWAT ^ 3
IAP(41) = AMF(2) * AMF(1) * AXF(6) * ACWAT ^ 6
IAP(42) = AMF(2) ^ 2 * AMF(1) * AMF(6) * AXF(6) ^ 2 * ACWAT ^ 2
IAP(43) = AMF(2) ^ 3 * AMF(6) * AXF(2) ^ 2:IAP(44) = AMF(1) ^ 3 * AMF(6) * AXF(2) ^ 2
IAP(45) = AMF(1) ^ 2 * AXF(6) * ACWAT ^ 7:IAP(46) = AMF(2) * AXF(1)
IAP(47) = AMF(2) ^ 2 * AMF(3) * AXF(2) ^ 2 * ACWAT
IAP(48) = AMF(4) ^ 2 * AMF(3) * AXF(1) ^ 6 * ACWAT ^ 12:IAP(49) = AMF(1) ^ 2 * AXF(2)
IAP(50) = AMF(1) ^ 2 * AXF(6) * ACWAT: IAP(51) = AMF(1) ^ 3 * AMF(6) * AXF(6) ^ 2 * ACWAT ^ 2
FOR J = 1 TO MIN
    IAP(J) = LOG(IAP(J)) / LOG(10): SI(J) = IAP(J) - LOGK(J)
NEXT
RETURN
END
*****

```

CIKTI:

```

'Sonucları ekrana aktar
PCO2 = LOG(MN(1) * GNF(1) / .034225) / LOG(10):PRINT TITLE$
PRINT "ITERASYON"; ITER:PRINT "Iyonik guc="; I
PRINT "Yuk dengesi="; CBE:PRINT "Suyun aktivitesi ="; ACWAT
PRINT "pH="; PH:PRINT "log pCO2="; PCO2
    IF DUMA$ = 'E' THEN
PRINT ; TAB(7); "MOLALITE S"; TAB(22); "GAMA S"; TAB(36); "AKTIVITE"
    ELSEIF DUMA$ = 'H' THEN
PRINT ; TAB(7); "MOLALITE T"; TAB(22); "GAMA T"; TAB(36); "AKTIVITE"
    END IF
    FOR M = 1 TO NC
        IF DUMA$ = 'H' AND M = 5 THEN 33
PRINT ; CAT$(M); TAB(7); MC(M); TAB(22); GMF(M); TAB(36); AMF(M)
33    NEXT
        FOR X = 1 TO NA
            IF DUMA$ = 'H' AND X = 3 THEN 34
PRINT ; AN$(X); TAB(7); MA(X); TAB(22); GXF(X); TAB(36); AXF(X)
34    NEXT
        FOR N = 1 TO NN
            IF DUMA$ = 'H' AND N <> 1 THEN 35
PRINT ; NOT$(N); TAB(7); MN(N); TAB(22); GNF(N); TAB(36); ANF(N)
35    NEXT
            PRINT "DEVAM ETMEK ICIN HERHANGI BIR TUSA BASINIZ"
            DO:      LOOP WHILE INKEY$ = "":CLS
PRINT "Log doygunluk indeksi"
FOR I = 1 TO MIN
PRINT MIN$(I); TAB(11); SI(I); TAB(26); MIN$(I + 1); TAB(36); SI(I + 1);
PRINT TAB(49); MIN$(I + 2); TAB(60); SI(I + 2):I = I + 2
NEXT
END
*****

```