

## DOĞRUSAL OLMAYAN OTOREGRESİF ZAMAN SERİLERİ MODELLERİNİN KESTİRİMİ

Dursun AYDIN\*  
Öznur İŞÇİ\*\*

### ÖZET

Doğrusal olmayan zaman serileri için parametrik ve parametrik olmayan yöntemlerin kullanıldığı bilinmektedir. Bu çalışmada, parametrik yöntemlerden otoregresif (AR) ve kendinden eşik değerli (SETAR) modelleri, parametrik olmayan yöntemlerden ise toplamsal regresyon modeli (ARM) kullanılmıştır. Parametrik olmayan regresyon teknikleri hatalardaki otokorelasyonun varlığına genellikle duyarlıdır. Bu duyarlılığın pratik sonuçları düzeltme parametresinin uygun seçimiyle açıklanır. Bu bağlamda mevcut literatürdeki splayn düzeltme yöntemini esas alan *backfitting algoritması* incelenmiştir. Bu amaçla, Türkiye'deki ihracat birim değer endeksi verisi, AR, SETAR ve ARM modelleri ile tahmin edilerek uygun model belirlenmeye çalışılmıştır.

**Anahtar Kelimeler:** Zaman serisi, AR modeli, SETAR modeli, ARM modeli.

## NONLINEAR TIME SERIES MODELS PREDICTING AUTOREGRESSIVE

### ABSTRACT

It is known that parametric and nonparametric methods are used for nonlinear time series. Of the parametric methods, autoregressive (AR) model and self-threshold value (SETAR) model and, of the nonparametric methods, additive regression model (ARM) have been used in this study. Nonparametric regression techniques are often sensitive to presence of autocorrelation in errors. Practical results of this sensitivity is explained by appropriate selection of smoothing parameter. In this context, backfitting algorithm based on smoothing spline method in the existing literature is discussed. As an application, an appropriate model for the export unit value index data for Turkey is try to be determined by fitting each of AR, SETAR and, ARM models to the data.

**Keywords:** Time series, AR model, SETAR model, ARM model.

### 1. GİRİŞ

Bir regresyon modelinin hataları genellikle otokorelasyonlu zaman serilerinin tahmininde kullanılması muhtemeldir. Bununla ilgili çalışmalar Engle, Granger, Rice ve Weiss (1986); Harvey ve Koopman (1993) tarafından yapılmıştır. Hatalar otokorelasyonlu olduğu zaman parametrik olmayan tahmin yöntemleri kullanılabilir. Altman (1990); Hurvich ve Zeger (1990); Hart (1991, 1994) hatalar otokorelasyonlu olduğu zaman genellikle bağımsız değişken olarak zamanı tek değişkenli parametrik olmayan yöntemlerle

---

\* Doç. Dr., Muğla Üniversitesi, Fen Fakültesi, İstatistik Bölümü.

\*\* Yrd. Doç. Doç., Muğla Üniversitesi, Fen Fakültesi, İstatistik Bölümü.

### *Doğrusal Olmayan Otoregresif Zaman Serileri Modellerinin Kestirimi*

ilişkilendirmişlerdir. Hatalar için otoregressive model (Smith, Wong ve Kohn, 1998),

$$y_t = f(x_t) + u_t, \quad t = 1, \dots, n \quad (1)$$

şeklinde ifade edilebilir. Burada  $y_t$  bağımlı değişken,  $f(x_t)$  bağımsız değişken  $x_t$ 'nin bilinmeyen regresyon fonksiyonunu,  $u_t$  durağan bir otokorelasyon hata dizisidir. Hatalar, sıfır ortalama  $s$ .nci dereceden durağan otoregresif süreçle aşağıdaki gibi modellenir:

$$u_t = \theta_1 u_{t-1} + \dots + \theta_s u_{t-s} + \varepsilon_t, \quad \varepsilon_t \square NIID(0, \sigma^2) \quad (2)$$

Zaman serileri modellerini kurma konusunda sıklıkla kullanılan yaklaşımların çoğu bir doğrusal Gaussian süreçten elde edilir (Box, Jenkins ve Reinsel, 1994). Çok sayıda çekici özellik sağlayan doğrusal Gaussian modellerine duyulan bu ilgilerinin önemli nedenleri arasında; birçok doğrusal olmayan modellerin uygun olarak üretmekte başarısız olduğu fiziksel yorumlar, frekans analizi, asimtotik sonuçlar, istatistiksel çıkarsama gibi durumlar sayılabilir. Bu avantajlarına rağmen, gerçek yaşam sistemi genellikle doğrusal olmayan birçok özellik içerir ve bu özellikler doğrusal istatistiksel modelleriyle tam olarak açıklanamaz. Diğer bir ifadeyle, doğrusal modeller ekonomik ve finansal verilerin belirli özelliklerini açıklamada yetersiz kalırlar.

Ekonomik ve finansal sistemler hem yapısal hem de davranışsal değişimler içerdiğinden, deneysel verileri farklı zamanlarda açıklamak için farklı zaman serileri kullanmak gerekir. Zaman serilerindeki doğrusal olmayan davranışı modellemek için, farklı modellerde farklı olan dinamikleri almak ve farklı modellerin var olmasını sağlamak gerekir. Doğrusal olmayan zaman serileri 1970'li yılların sonlarında değer kazanmaya başlamış ve gerçek verilerle doğrusal olmayan dinamikleri modellemek için gerekli olması nedeniyle ün kazanmıştır (Tong, 2007). Bu bakış açısından yolla çıkarak burada öncelikle farklı modellerden oluşan ve otoregresif (AR) model tarafından tanımlanan eşik değerli otoregresif model (Threshold Outoregressive Model-TAR) ya da basitçe kendinden eşik değerli otoregresive (Self-Exciting Threshold Model-SETAR) model dikkate alınmıştır. Bu model durağan zaman serileri için önemli bir bakış açısı sağlar. TAR modeli parçalı doğrusal modellerden oluşmakta ve temel fikri eşik değişken olarak adlandırılan görülebilen tek bir değişkenin değerine göre bir doğrusal AR modelinin parametrelerini değiştirmektir. Eğer bu değişken zaman serisinin gecikmeli değeriye, SETAR modeli olarak adlandırılır.

Zaman serilerinde bir diğer yaklaşım, otokorelasyon hatalı parametrik olmayan bir toplamsal regresyon modelinin (additive regression model-ARM)

tahmini şeklinde verilebilir. Doğrusal olmayan bileşenlerin her biri birkaç düğüm noktasını kullanan bir regresyon splaynı olarak modellendirilirken, hatalar kısmi otokorelasyonlarına göre parametreleştirilmiş yüksek bir dereceden durağan otoregresif bir süreç ile modellendirilir.

Eşitlik (1)'de verilen modelin toplamsal şekli biçiminde ifade edilen model (10)'u oluşturan her bir parametrik olmayan fonksiyon, lokal ağırlıklı polinomiyal (Fan ve Gijbels, 1996) ve splayn düzeltme (Green ve Silverman, 1994) veya cezalı regresyon splayn (Eilers ve Marx, 1996) gibi parametrik olmayan düzeltme yöntemlerine dayalı ve Hastie ve Tibshirani (1990) tarafından verilen “*backfitting algoritması*” kullanılarak tahmin edilebilir. Model (10)'daki her bir parametrik olmayan terimler, cezalı kübik splayn regresyonları ile temsil edilen fonksiyonlardır. Bu fonksiyonlar, Wood (2000)'un yaptığı çalışmada belirtildiği gibi, R ortamında “*mgcv paketi*” kullanılarak tahmin edilebilir.

## **2. ZAMAN SERİLERİNİN KESTİRİMİNDE KULLANILAN YÖNTEMLER**

Doğusal olmayan davranışlarını modellendirmede doğal olarak, farklı ülkelere ilişkin ekonomik ve finansal zaman serilerini farklı denklemlerle göstermek mümkündür. Bu bölüm, bir otoregresif AR, kendinden eşik değerli SETAR ve ARM modelleri tarafından belirlenen zaman serilerinin her bir denklemde farklı davrandığını varsayan modeller üzerinde durmaktadır.

### **2.1 AR Modeli**

Bağımlı  $y_t$  değişkeninin geçmiş dönemlere ait değerleri  $y_{t-1}, y_{t-2}, \dots, y_{t-p}$  içeriyorsa bu modellere otoregressif model denir. Birinci derece otoregressif AR(1) modeli aşağıdaki eşitlikle verilir,

$$\begin{aligned} y_t &= \beta_0 + \beta_1 y_{t-1} + u_t \\ u_t &= \phi u_{t-1} + \varepsilon_t, \quad \varepsilon_t \square NIID(0, \sigma^2) \end{aligned} \quad (3)$$

Birinci derece otoregressif istatistiksel modelinde  $\phi$ , -1 ile +1 arasında değer aldığı varsayılan bilinmeyen otokorelasyon parametresi ve  $\varepsilon_t$  ise, sıfır ortalamalı ve sabit bir  $\sigma_\varepsilon^2$  varyansa sahip bağımsız hata terimidir. Eşitlik (3)'de verilen istatistiksel model yapısı, AR(1) zaman serisi modeli veya AR(1) süreci olarak tanımlanır. Benzer şekilde ikinci derece otoregressif AR(2) modeli için aşağıdaki eşitlikle yazılabilir,

$$\begin{aligned} y_t &= \beta_0 + \beta_1 y_{t-1} + \beta_2 y_{t-2} + u_t \\ u_t &= \phi_1 u_{t-1} + \phi_2 u_{t-2} + \varepsilon_t, \quad \varepsilon_t \square NIID(0, \sigma^2) \end{aligned} \quad (4)$$

### *Doğrusal Olmayan Otoregresif Zaman Serileri Modellerinin Kestirimi*

Daha genel olarak,  $p$ 'inci dereceden otoregresif AR sürecini ifade eden bir istatistiksel modelini tanımlamak mümkündür. Böylece, AR(p) modeli,

$$\begin{aligned} y_t &= \beta_0 + \beta_1 y_{t-1} + \beta_2 y_{t-2} + \dots + \beta_p y_{t-p} + u_t \\ u_t &= \phi_1 u_{t-1} + \phi_2 u_{t-2} + \dots + \phi_p u_{t-p} + \varepsilon_t, \quad \varepsilon_t \sim NIID(0, \sigma^2) \end{aligned} \quad (5)$$

şeklinde yazılabilir. Burada  $\phi_1, \phi_2, \dots, \phi_p$ 'ler bilinmeyen otoregresif parametrelerdir (Dagum ve Giannerini, 2006).

#### **2.2 SETAR Modeli**

Doğrusal olmayan zaman serisi modellerinde popüler yöntemlerden biri olan TAR (Threshold AutoRegressive) modeli ilk defa Tong (1978) tarafından önerilmiş ve daha sonra detaylı olarak ele alınmıştır. SETAR (Self-Exciting TAR) modeli TAR modelinin özel bir durumudur.

SETAR olarak bilinen parçalı doğrusal modeller, doğrusal olmayan modellerin en basit sınıfını oluşturur. SETAR modelini teşkil eden basit AR modelleri regresyon metotlarını kullanarak kolayca tahmin edilebilir. Doğrusal olmayan davranışları dikkate almak için AR modelleri genişletilerek doğrusal olmayan modeller kolayca anlaşılır ve yorumlanır hale gelir. SETAR modeli ve onun istatistiksel özelliklerinin ayrıntılı bir kapsamı Tong (1990)'da bulunabilir. Bu model yaygın olarak ekonomik serilerin asimetrik modellemesi için kullanılmaktadır. Örneğin, Pfann, Schotman ve Tschernig (1996) makalesinde, Amerika'daki faiz oranları bir denklemden daha fazla denkleme sahip olduğunu tartışmış ve bu serileri SETAR modeliyle tahmin etmiştir. Yine bu modeller döviz kuru modellemesi için Henry, Olekalns ve Summers (2001) tarafından kullanılmıştır. Ayrıca, değişik alanlarda uygulamalar ve zaman serileri analizinde doğrusal olmayan SETAR modellerinin kullanımı konusunda ayrıntılı bilgiler ve örnekler, Tong ve Lim (1980); Tong (1983, 1990); Granger ve Terasvirta (1993); Franses ve Dijk (2000), Chan ve Tong (2001) tarafından yapılan çalışmalarda bulunabilir.

TAR model formu basitliğine rağmen, bir TAR modeli oluştururken pek çok parametre tahmin edilmeli ve değişkenleri seçmek gereklidir. Bu durum yöntemin erken kullanımı engellemiştir. Ancak son zamanlarda, TAR modellerinin özellikleri ve tahmini konusunda çok ilerleme kaydedilmiştir (Zivot, 2005).

SETAR modellerinin birkaç türü vardır. Burada sadece eşik değerin durumuna bağlı olarak iki doğrusal alt modelden oluşan ve Tong (1990) tarafından tanımlanan iki denklemlilik SETAR modeli esas alınmıştır. Gösterim kolaylığı için, SETAR (1),  $k = 1$  için tek(bir) denklemlilik doğrusal AR modelini; SETAR (2),  $k = 2$  için iki denklemlilik TAR modelini göstermektedir. Tek denklemlilik SETAR (1) model için,  $-\infty = r_0 < r_1 < \dots < r_k = \infty$  ve bilinmeyen parametreleri  $\Theta = (\phi^{(1)}, \sigma^{(1)})$ ; iki denklemlilik SETAR (2) model için, tek eşik değeri  $-\infty < r_1 < \infty$  ve bilinmeyen parametreleri  $\Theta = (\phi^{(1)}, \phi^{(2)}, \sigma^{(1)}, \sigma^{(2)})$  göstermektedir.

Gecikme parametresi  $d$  pozitif bir tamsayı olmak üzere, SETAR modeli için eşik değişken, sürecin kendisinin belli bir gecikmeli değeridir. Birinci dereceden SETAR modeli aşağıdaki gibi tanımlanır:

$$y_t = \begin{cases} \phi_{1,0} + \phi_{1,1}y_{t-1} + \sigma_1 e_t, & y_{t-1} \leq r \\ \phi_{2,0} + \phi_{2,1}y_{t-1} + \sigma_2 e_t, & y_{t-1} > r \end{cases} \quad (6)$$

Burada  $\phi$  'ler otoregresif parametrelerdir.  $\sigma$  gürültü standart sapması,  $r$  eşik değer parametresi ve  $e_t$  birim varyans ve sıfır ortalamalı bağımsız ve aynı dağılımlı rastgele hata terimleridir.  $y_t$  'nin koşullu dağılımı  $\phi_{1,0}$  sabit terim ve  $\phi_{1,1}$  otoregresif katsayılı ve  $\sigma_1^2$  hata varyanslı kullanıma hazır olan birinci AR(1) alt modeliyle aynıdır. Diğer taraftan,  $y_t$  'nin 1. gecikme değeri  $r$  eşik değerini aşarsa,  $\phi_{2,0}, \phi_{2,1}, \sigma_2^2$  parametrelili ikinci AR(1) süreci kullanıma hazırdır.

Birinci dereceden SETAR modeli tamsayı değerli bir gecikme ile yüksek dereceye kadar kolayca genişletilebilir:

$$y_t = \begin{cases} \phi_{1,0} + \phi_{1,1}y_{t-1} + \dots + \phi_{1,p_1}y_{t-p_1} + \sigma_1 e_t, & y_{t-d} \leq r \\ \phi_{2,0} + \phi_{2,1}y_{t-1} + \dots + \phi_{2,p_2}y_{t-p_2} + \sigma_2 e_t, & y_{t-d} > r \end{cases} \quad (7)$$

Burada iki alt modelin  $p_1$  ve  $p_2$  otoregresif derecelerinin aynı olması gerekmez ve  $d$  gecikme parametresi maksimum otoregresif dereceden daha büyük olabilir. Ancak, notasyonu basitleştirmek için  $p_1 = p_2 = p$  ve  $1 \leq d \leq p$  olduğu varsayılabilir. Eşitlik (7) ile tanımlanan TAR modeli  $d$  gecikmeli  $TAR(2, p_1, p_2)$  modeli olarak gösterilir.

### 2.3 ARM Modeli

Doğrusal olmayan zaman serisi modellerinin tahmininde kullanılan bir başka yöntemde ARM modelidir. Bu model, standart regresyon modelinden daha esnek bir yöntemdir. Burada  $x$  ve  $z$  bağımsız değişkenleri için ARM modeli,

$$y_t = f(x_t) + g(z_t) + u_t \quad (8)$$

şeklinde ifade edilebilir. Model (8)'de  $u_t$  hataları birbirinden bağımsız olduğunda Hastie and Tibshirani (1990) tarafından geliştirilen “*backfitting algoritması*”  $f$  ve  $g$  fonksiyonlarının tahmini için kullanılır. Ancak, otokorelasyonlu hatalı toplamsal regresyon modeli için backfitting algoritması mevcut değildir. Bu nedenle,  $u_t = \phi u_{t-1} + \varepsilon_t$  birinci derece otoregresyon ile oluşturulan  $u_t$  hatalı (8) modeli dikkate alındığında, bu model,

### *Doğrusal Olmayan Otoregresif Zaman Serileri Modellerinin Kestirimi*

$$y_t - \phi y_{t-1} = f(x_t) + g(z_t) - \phi f(x_{t-1}) - \phi g(z_{t-1}) + \varepsilon_t \quad (9)$$

şeklinde ifade edilen modele eşdeğer olur. Burada  $\varepsilon_t$  hataları, sıfır ortalama ve  $\sigma^2$  varyansı ile bağımsız ve aynı dağılıma sahiptir ( $\varepsilon_t \sim NIID(0, \sigma^2)$ ). Eşitlik (9)'da  $v_t = x_{t-1}$ ,  $w_t = z_{t-1}$ ,  $f_1(x) = f(x)$  ve  $g_1(x) = g(x)$  olarak yazılırsa söz konusu model,

$$y_t - \phi y_{t-1} = f(x_t) + g(z_t) - \phi f_1(v_t) - \phi g_1(w_t) + \varepsilon_t \quad (10)$$

olarak ifade edilir. “*Backfitting algoritması*”, dört farklı fonksiyon olarak  $f$ ,  $g$ ,  $f_1$  ve  $g_1$  dikkate alınarak  $f$  ve  $g$  parametrik olmayan fonksiyonlarının kestiricilerini veren (10) denkleminde uygulanabilir.

### **3. UYGULAMA**

Bu çalışma kapsamında 2002:12-2012:10 yılları arasındaki aylık ihracat birim değeri endeksi verileri kullanılmıştır. Dış ticaret birim değer endeksi, ihracat ya da ithalat birim değerlerinde meydana gelen değişimin ölçüsüdür. İthalatta CIF (Mal bedeli + Navlun + Sigorta + Yurt dışında yapılan diğer giderler) teslim şekline göre, ihracatta ise FOB (mal bedeli) teslim şekline göre istatistiklere yansımaktadır. İhracat birim değeri endeksi verileri Türkiye İstatistik Kurumu web sayfasından alınmıştır ([www.tuik.gov.tr](http://www.tuik.gov.tr)). İhracat birim değeri endeksi ( $y_t$ ) için AR (1) ve AR(2), SETAR ve ARM modelleri için tahminler yapılarak 4 farklı model karşılaştırılmıştır. Bu modellerin performansları, hata kareler ortalaması (Mean Square Error-MSE), ortalama mutlak yüzde hata (Mean Absolute Percentage Error -MAPE), modelin varyansı (Residual Variance-RV) ve model seçiminde kullanılan Akaike bilgi kriteri (Akaike's Information Criteria-AIC) değerleri kullanılarak karşılaştırılmıştır. Sayısal hesaplamalar için R istatistiksel paket programı kullanılmıştır.

#### **3.1 AR Modeli Sonuçları**

AR(1) ve AR(2) modeline ilişkin bulunan sonuçlar aşağıda verilen Şekil 1 ve Tablo 1'de özet olarak verilmiştir. AR(1) modeli için performans göstergeleri, RV=10.24, AIC=306, MSE=10.23891 ve MAPE=1.606 olarak hesaplanırken, AR(2) modeli için RV=7.682, AIC=271, MSE=7.682198 ve MAPE=1.449 olarak bulunmuştur.

**Tablo 1:** AR(1) ve AR(2) Modellerinin Sonuçları

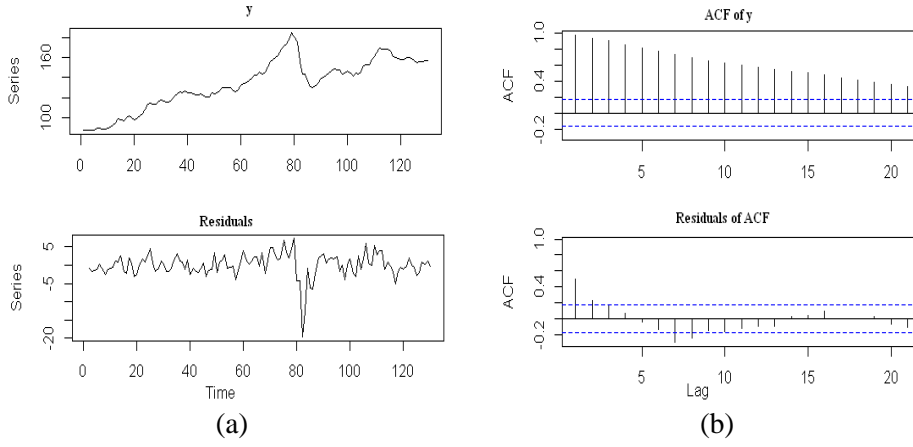
Model	Katsayılar	Standart hata	t-değeri	Pr(> t )	
AR(1)	$\beta_1$	3.067558	1.552554	1.9758	0.05034.
	$\phi$	0.981085	0.011427	85.8550	0.2e-16
AR(2)	$\beta_1$	2.775665	1.373516	2.0208	0.04543
	$\phi_1$	1.475066	0.076878	19.1872	0. 2.2e-16
	$\phi_2$	-0.493755	0.076085	-6.4895	1.823e-09

Bu sonuçlardan görüldüğü gibi AR(1) ve AR(2) modelleri, sırasıyla aşağıdaki gibi yazılabilir:

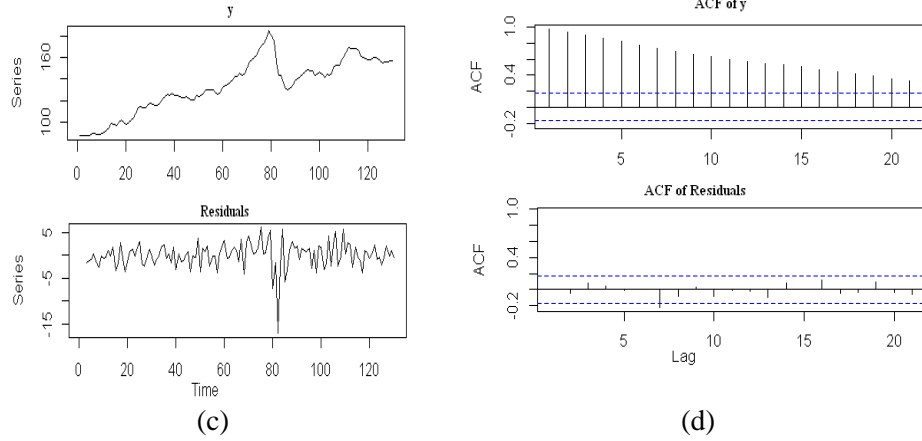
$$\text{AR (1) modeli : } y_t = 0.981085y_{t-1} + e_t$$

$$\text{AR (2) modeli : } y_t = 1.475066y_{t-1} - 0.493755y_{t-2} + e_t$$

Tablo 1’den görüldüğü gibi, ihracat birim değer endeksinin tahmininde kullanılan bu modeller anlamlı ve oldukça iyi tahminler vermektedir.



### Doğrusal Olmayan Otoregresif Zaman Serileri Modellerinin Kestirimi



**Şekil 1:** Panel (a)-(b) AR(1) Modeli Artıklarını ve ACF Değerleri, Panel (c)-(d) AR(2) Modeli Artıklarını ve ACFdeğerleri

Yukarıda Şekil 1’de panel (a)-(b) sırasıyla, gerçek gözlem değerleri, AR(1) modeli artıklarını ve ACF grafiğini gösterirken, panel (c)-(d) AR(2) modeline ilişkin değerleri gösterir.

### 3.2 SETAR Modeli Sonuçları

SETAR modelindeki birinci doğrusal denklem için 71 tane gözlem kullanılmıştır. Parametre değerleri 1.3026 ile -0.3029 ve standart hataları ise, 0.1637 ve 0.1641 olarak tahmin edilmiştir. İkinci doğrusal denklem için 59 tane gözlem kullanılmıştır. Bu denkleme ilişkin parametre değerleri 1.4811 ile -0.5823 olarak standart hataları ise, 0.0859 ve 0.08539 olarak tahmin edilmiştir. Ayrıca 130 gözlem kullanılarak varyans 7.177 ve eşik değeri 140 ve modelinin  $RV = 7.177$ ,  $AIC = 268$ ,  $MSE=7.176714$  ve  $MAPE=1.382$  olarak elde edilmiştir. Elde edilen model ve orijinal veriye ilişkin sonuçlar aşağıdaki Tablo 2 ile Şekil 2 ve Şekil 3’de gösterilmiştir.

**Tablo 2:** SETAR Modeli Sonuçları

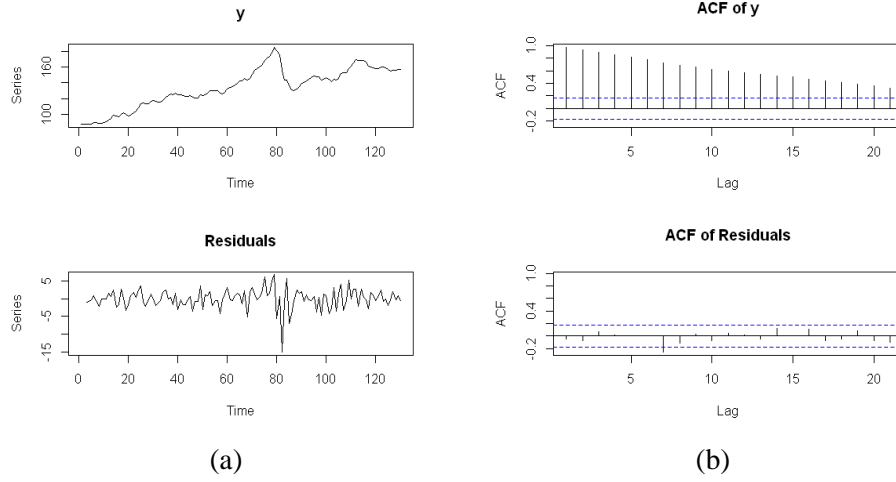
Model	Katsayılar	Standart hata	t-değeri	Pr(> t )	
Birinci Denklem	Sabit L	0.7257501	2.351842	0.3086	0.758153
	$\phi_1$	1.3025633	0.163716	7.9562	9.506e-13
	$\phi_2$	-0.3028683	0.164054	-1.8462	0.067255
İkinci Denklem	Sabit H	15.733816	5.180365	3.0372	0.002912
	$\phi_1$	1.481065	0.085926	17.2365	2.2e-16
	$\phi_2$	-0.582273	0.085393	-6.8187	3.579e-10
RV = 7.177		AIC = 268	MSE=7.176714	MAPE=1.382	



Bu sonuçlardan görüldüğü gibi tahmin edilen SETAR modeli,

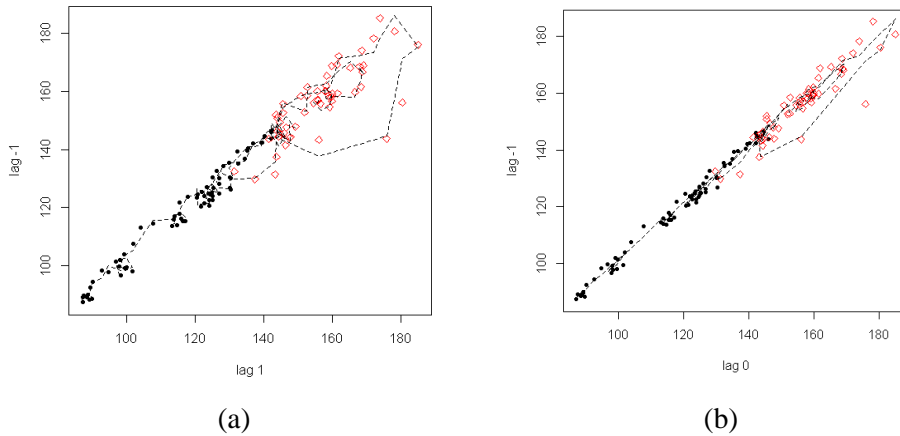
$$y_t = \begin{cases} 0.7257501 + 1.3025633y_{t-1} - 0.3028683y_{t-2} + e_t, & y_{t-2} \leq 140 \\ 15.733816 + 1.481065y_{t-1} - 0.582273y_{t-2} + e_t, & y_{t-2} > 140 \end{cases}$$

olarak yazılabilir.



**Şekil 2:** Panel (a)-(b) SETAR Modeli için Artık Değerleri ve ACF Değerleri

Şekil 3’de inceleme konusu veriye ilişkin gecikme değerlerini gösteren grafikler verilmektedir. Şekil 3’de verilen grafik incelendiğinde ortalama ve varyansta durağan olmayan ve doğrusallık yapısını taşımayan bir dizi olduğu söylenebilir.



**Şekil 3:** İhracat Birim Değer İndeksi için Gecikme Değerleri Grafikleri

### 3.3 ARM Modeli Sonuçları

Tablo 4’de görüldüğü gibi, ARM modeli için sabit değer, 134.84961 ve standart hata ise, 0.22487 olarak tahmin edilmiştir. Ayrıca modelinin RV = 5.806, AIC = 285, MSE=5.805659 ve MAPE=1.336 olarak bulunmuştur.

**Tablo 4:** Toplamsal Parametrik Modeli Sonuçları

Model	Katsayılar	Standart hata	t-değeri	Pr(> t )
ARM sabit	134.84961	0.22487	599.67	2.2e-16
RV = 5.806 AIC = 285 MSE=5.805659 MAPE=1.336				

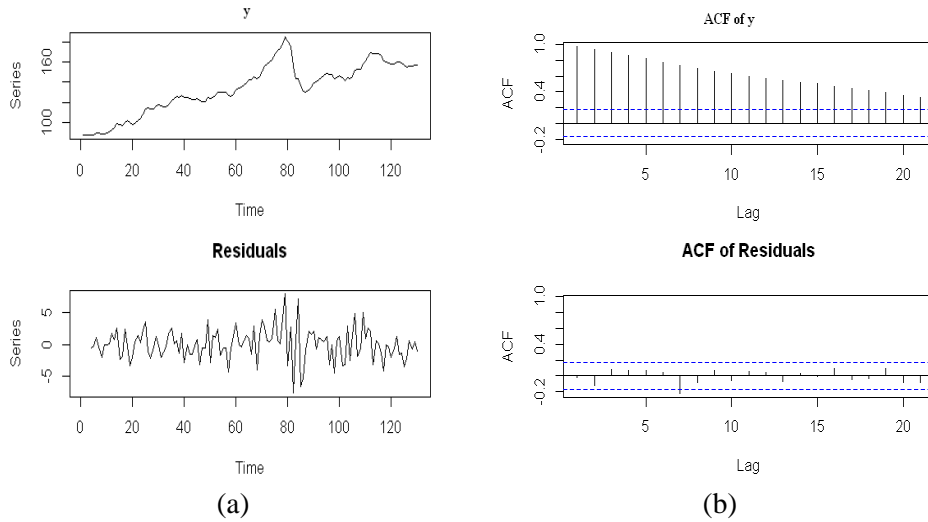
$$y_t = 134.84961 + e_t$$

Tablo 5’de görüldüğü gibi, toplamsal parametrik düzeltirme terimi için düzeltilmiş belirlilik katsayısı  $R^2=0.989$  ve GCV değeri = 6.9403 olarak elde edilmiştir. ARM modeline ilişkin artık değerleri ve ACF değerleri Şekil 4’de görülmektedir.

**Tablo 5:** Toplamsal Parametrik Düzeltirme

Parametrik olmayan fonksiyonların anlamlılık düzeyleri				
	EDF	Serbestlik derecesi	F	Pr(> t )
s(V1.0)	0.99999	1.0000	211.7233	2.2e-16
s(V1.1)	1.00000	1.0000	4.1573	0.0436576
s(V1.2)	6.48004	7.5252	4.5693	0.0001028
n =127 düzeltilmiş $R^2 = 0.989$ GCV değeri = 6.9403 Açıklanan Dev.= 0.99				

\*EDF: Modelin eş değer serbestlik derecesini gösterir.



**Şekil 4:** ARM modeli ACF ve Artık Değerleri

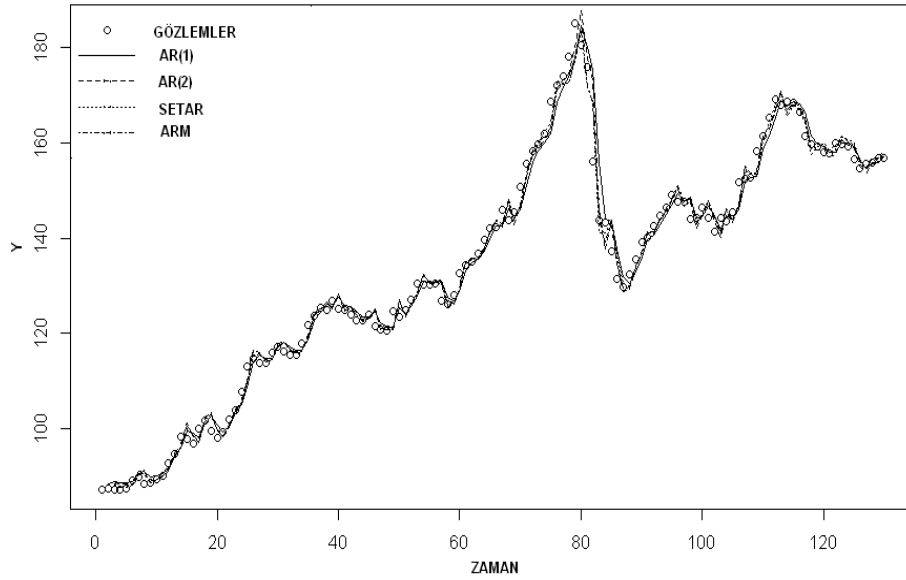
#### 4. SONUÇ ve DEĞERLENDİRME

Giriş bölümde belirtildiği gibi, AR, SETAR ve ARM modelleri doğrusal olmayan ekonomik zaman serilerinin tahminde yaygın olarak kullanılmaktadır. Parametrik olmayan regresyon teknikleri modele ait herhangi bir fonksiyonel şekli dikkate almadan değişkenler arasındaki ilişkiyi belirlemeye çalışır. Bu teknikler model parametrelerini hesaplamak yerine doğrudan modelin fonksiyonel şeklini belirlemeye çalışır.

Çalışmada Türkiye’de 2002:12-2012:10 dönemine ait ihracat birim değer endeksi verileri AR, SETAR ve ARM modelleri ile tahmin edilmiş olup, bu modellerin performans göstergeleri olarak RV, AIC, MSE ve MAPE değerleri hesaplanmıştır. Ayrıca, gerçek gözlem değerleri ve AR(1), AR(2), SETAR ile ARM modelleri kullanılarak yapılan tahmin değerleri grafiksel olarak Şekil 5’de gösterilmiştir. Söz konusu performans değerleri Tablo 6’da verilmiştir.

**Tablo 6:** Modellerin Performans Göstergeleri

Model	RV	AIC	MSE	MAPE
<b>AR(1) Modeli</b>	10.24	306	10.23891	1.606
<b>AR(2) Modeli</b>	7.682	271	7.682198	1.449
<b>SETAR Modeli</b>	7.177	<b>268</b>	7.176714	1.382
<b>ARM Modeli</b>	<b>5.806</b>	285	<b>5.805659</b>	<b>1.336</b>



**Şekil 5:** Gözlem ve Uyum Değerleri Grafiği

Tablo 6 incelendiğinde, en düşük RV, MSE ve MAPE değeri ARM modeli için elde edilmiştir. Bu değerler sırasıyla, 5.806, 5.805659 ve 1.336

### *Doğrusal Olmayan Otoregresif Zaman Serileri Modellerinin Kestirimi*

olarak bulunmuştur. En düşük AIC değeri, SETAR modeli için 268 olarak elde edilmiştir. Şekil 5 incelendiğinde, AR(1), AR(2), SETAR ve ARM modelleri ile yapılan tahminlerin oldukça iyi oldukları görülmektedir.

Bu sonuçlar dikkate alındığında, bağımsız hatalı modellerde olduğu gibi, otokorelasyonlu hatalı ARM modeli, ihracat birim değer indeks değerlerini gösteren zaman serisi verilerinin tahmini konusunda diğerlerinden üstün olduğu söylenebilir.

### **KAYNAKÇA**

- Altman, N. S. (1990). Kernel Smoothing of Data with Correlated Errors. *Journal of the American Statistical Association*, 85: 749-759.
- Box, G. E. P., Jenkins, G. M. ve Reinsel, G. C. (1994). *Time Series Analysis*. New Jersey: Prentice Hall.
- Chan, K. S. ve Tong, H. (2001). *Chaos: A Statistical Perspective*. Springer Verlag.
- Dagum, E. B. ve Giannerini, S. (2006). A Critical Investigation On Detrending Procedures For Non Linear Processes. *Journal of Macroeconomics*, Elsevier, Vol. 28(1), 175-191.
- Engle, R., Granger, W., Rice, J. ve Weiss, A. (1986). Semi Parametric Esitmates of The Relation Between Weather and Electricity Sales. *J. Am. Statist. Ass.*, 81, 310-320.
- Eilers, P. H. C. ve Marx, B. D. (1996). Flexible Smoothing with B-Splines And Penalties (with discussion). *Statist. Sci.*, 89, 89-121.
- Fan, J. ve Gijbels, I. (1996). *Local Polynomial Modelling and its Applications*. Chapman and Hall: London.
- Franses, P. H. ve Dijk, V. D. (2000). *Nonlinear Time Series Models in Empirical Finance*. Cambridge University Press, Cambridge.
- Granger, C. W. J. ve Terasvirta, T. (1993). *Modelling Nonlinear Economic Relationships*. Oxford University Press, Oxford.
- Green, P. J. ve Silverman, B. W. (1994) . *Nonparametric Regression and Generalized Linear Models: A Roughness Penalty Approach*. Chapman and Hall, London.
- Hart, J. D. (1991). Kernel Regression Estimation with Time Series Errors. *Journal of the Royal Statistical Society*, B 53: 173-187.
- Hart, J. D. (1994). Automated Kernel Smoothing of Dependent Data By Using Time Series Cross-Validation. *Journal of the Royal Statistical Society*, B 56: 529-542.
- Harvey, A. C. ve S. J. Koopman (1993) . Short Term Forecasting of Periodic Time Series Using Time-Varying Splines. *J. Amer. Statist. Assoc.*, to appear.
- Hastie, T. J. ve Tibshirani, R. J. (1990). *Generalized Additive Models*. New York: Chapman and Hall.

- Henry, Ó., Olekalns, N. ve Summers, P. (2001). Exchange Rate Instability, A Threshold Autoregressive Approach. *Economic Record*, 237, 160-166.
- Hurvich, C. M. ve Zeger, S. L. (1990). A Frequency Domain Selection Criterion for Regression with Autocorrelated Errors. *Journal of the American Statistical Association*, 85: 705-714.
- Pfann, G. A., Schotman, P. C. ve Tschernig, R. (1996). Nonlinear Interest Rate Dynamics and Implications for The Term Structure. *Journal of Econometrics*, 74, 149–176.
- Smith, M., Wong, C. M. ve Kohn, R. (1998) “Additive Nonparametric Regression with Autocorrelated Errors” *Journal of the Royal Statistical Society: Series B: Statistical Methodology*, Vol. 60, 2, 311-331.
- Tong, H. (1978). *On a Thresold Model. In Pattern Reconition and Signal Processing.* (Edited by C. H. Chen), Sijthoff and Noordhoff, Amsterdam, 101-41.
- Tong, H. ve Lim, K. S. (1980). Threshold Autoregression, Limit Cycles and Cyclical Data (with discussion). *Journal of the Royal Statistical Society, Ser. B*, 42, 245-292.
- Tong, H. (1983). *Threshold Models in Nonlinear Time Series Analysis.* Lecture Notes in Statistics, Springer-Verlag.
- Tong, H. (1990). *Nonlinear Time Series: A Dynamical System Approach.* Oxford University Press, Oxford.
- Tong, H. (2007). Birth of The Threshold Time Series Model. *Statist. Sinica*, 17, 8–14.
- TUİK (2012). *Türkiye İstatistik Kurumu.* Erişim Tarihi: 04.12.2012, [http://www.tuik.gov.tr/VeriBilgi.do?alt\\_id=13](http://www.tuik.gov.tr/VeriBilgi.do?alt_id=13)
- Wood, S. N. (2000). Modelling and Smoothing Parameter Estimation with Multiple Quadratic Penalties. *J.R. Statist. Soc. B* 62, 413-428.
- Zivot, E. (2005). Nonlinear Time Series Models. Erişim Tarihi: 04.12.2012, <http://faculty.washington.edu/ezivot/econ584/notes/nonlinear.pdf>