

ELEKTRONİK TİCARET'TE SAYISAL İMZANIN KULLANIMI

M. Nusret SARISAKAL¹ K. Göksel MARANGOZ² Osman N. UÇAN³

¹İstanbul Üniversitesi, Mühendislik Fakültesi, Bilgisayar Mühendisliği Bölümü, 34850, Avcılar, İstanbul

²DataMarket Bilgisayar Servis Hizmetleri A.Ş., Sistem Destek Bölümü

³İstanbul Üniversitesi, Mühendislik Fakültesi, Elektrik-Elektronik Mühendisliği Böl. 34850, Avcılar, İstanbul

¹e-posta: nsarisakal@istanbul.edu.tr ²e-posta:gmarangoz@datamarket.com.tr

³e-posta:uosman@istanbul.edu.tr

ABSTRACT

This exercise has been a solution to the security problem of electronic commerce by using digital signature systems in which DSA and RSA algorithms have been analyzed. With the help of DSA and signature systems a like, users will be able to exchange messages with each other, build up trade links and in line with the expansion of the electronic commerce. In this exercise a digital signature system has been created by using RSA algorithm.

Key Words: Security, Digital Signature, e-Commerce, RSA, DSA

ÖZET

Bu çalışmada, ticaret'te bir sorun olan güvenlik problemine çözüm olabilecek sayısal imza sistemlerine genel bir giriş yapılmış DSA ve RSA algoritmaları incelenmiştir. DSA ve benzeri sayısal imza sistemlerinin oluşturulmasıyla kullanıcılar birbirlerine güvenli bir şekilde mesaj gönderebilecek, iş bağlantıları kurabilecek, e-ticaret'in yaygınlaşması sağlanacaktır. Bu çalışmada RSA algoritmasının kullanıldığı bir sayısal imza sistemi geliştirilmiştir.

Anahtar Kelimeler: Güvenlik, Sayısal İmza, e-Ticaret, RSA, DSA

1. GİRİŞ

Günümüzde, İnternet üzerinde, güvenlik ön plana çıkmaya başlamıştır. Verilerin güvenilir bir biçimde aktarımı ve eldesi için, kriptografi bilimi araçlarıyla ile çeşitli şifreleme, anahtarlama ve çözümlenme algoritmaları bulunmaktadır. Şifreleme, gerçekten değerli bilgiyi organize suç örgütlerine, kötü niyetli kişilere ve büyük hükümetlere karşı korumak için kullanılabilecek bir yöntemdir. Kriptografi; kişisel, güven, erişim kontrolü, elektronik ödeme, toplu (şirket, ulus, vs.) güvenlik ve pek çok alan için ana araçlardan biri olmuştur.

Kriptografi literatüründe kullanılan terimleri sırası ile açıklayalım: Gönderici, bir mesaj

gönderen, alıcı ise mesaj alan kişi olarak tanımlanır. Bir mesaj, doğrusal olmayan fonksiyonlar kullanarak deşifirmeye, şifreleme denir. Şifrenin bir metni çözümlenmeye, ters şifreleme, yani matematiksel fonksiyonun tersini kullanarak, şifrenin çözümlenmesi denir.

Gönderilecek metni M, şifrenin metni S ile, şifreleme fonksiyonunu da F ile gösterelim. Şifrenin metnin uzunluğu, gönderilecek metnin uzunluğundan fazla olabilir. Bu durumda, şifrenin metni şifreleme algoritmaları yardımı ile boy olarak küçültmeye çalışırız. Bu tanımlamalara göre şifreleme olayının matematiksel modeli;

$$F(M) = a$$

biçiminde verilir. ^a ifrenin çözümlenmesi için kullanılabilecek ters şifreleme fonksiyonu ise aşağıdaki gibidir:

$$a(M) = F$$

Genel olarak her °ifreleme ve °ifre çözümlenme algoritmasının birbirlerinin ters fonksiyonları olmaları gerektiği ortadadır. Fakat, bu fonksiyonların lineer olmaması da işleri ayrıca zorlatmaktadır.

Kriptografi uzun süre, askeri ve diplomatik haberlemede kullanılmaktaydı. Fakat, veri şifreleme standartı (DES) 1974 yılında bir IBM çalışması tarafından geliştirilip ve 1977'de ulusal bir standart olarak kabul edilince bu bilim dalı adlar üzerinde iletilen verilerin şifrelenmesine de taşındı.

Bir kişi diğer bir kimseye bir mesaj göndermek istiyor ve başka hiçbir kimsenin mesajı okumadığından emin olmak istiyor. Ancak, başka bir kişinin mesajı açması veya elektronik iletişimi duyması olasılığı yüksektir. Mesajın içeriğini istenmeyen kişilerden saklamak için şifreleme encryption adı verilmektedir. °ifrenin mesajı cihertext (°ifreli-mesaj) denmektedir. °ifreli metinden düz-metni elde etme işlemine decryption (çözme) adı verilir. °ifreleme ve çözme işlemleri genelde bir anahtar kullanılarak yapılır ve şifreleme işleminden sonra çözme işlemi sadece doğru anahtarın bilinmesiyle gerçekleştirilebilir.

2. ŞİFRELEME ALGORİTMALARI

Bazı kriptografik metodlar algoritmanın gizliliğine dayanır; bu tip algoritmaların şifrelerinde sadece tarihi önemi vardır ve gerçek dünya ihtiyaçları için yeterli değildirler.

Anahtar temelli algoritmaların iki çeşidi vardır. Bunlar; simetrik (gizli-anahtar) ve asimetrik (açık-anahtar) algoritmalarıdır. Simetrik algoritmalarda °ifreleme ve çözme işlemleri için aynı anahtar kullanılır veya çözme anahtarı şifreleme anahtarından türetilir. Asimetrik algoritmalarda ise şifreleme ve çözme için farklı anahtar kullanılır ve çözme anahtarı şifreleme anahtarından elde edilemez.

Simetrik algoritmalar stream cipher (akan °ifre) ve blok cipher olarak ikiye ayrılabilir. Stream

cipher'lar belli bir anda bir bitlik düz-metni şifreleyebilirken, blok cipher'lar pek çok biti alıp (Örneğin 64 bit) bunları tek bir blok olarak şifrelerler. Asimetrik şifreleme algoritmalarında bir anahtarın halka açık olması söz konusudur. Şifreleme anahtarı özel veya gizli anahtar, şifre çözme anahtarı ise açık anahtar olarak adlandırılmaktadır. En yaygın simetrik şifreleme algoritması DES'tir. RSA ise çok kullanılan asimetrik şifreleme algoritmasıdır.

Açık anahtar şifreleme algoritmalarının (ing. Public Key Cryptography) sağladığı başka bir olanak ise sayısal imzalıdır. B'nin aldığı mesajın gerçekten A'dan gelip gelmediğini öğrenebilmesi için, A'nın mesajı imzalaması gerekir. A, mesajı yollarken, gizli anahtarıyla °ifreler. B, A'nın şifrelediği mesajı A'nın açık anahtarıyla çözer. Böylece mektubun A'dan geldiğini ve değiştirilmediğini anlar.

3. E-TİCARET'E GENEL BAKIŞ

Bilgisayar ağlarının gündelik yaşamımıza girmesi, dünyanın çehresini değiştirmekte ve kâğıt üzerinde yapılmakta olan hemen hemen her şey için, yepyeni bir ortam sunmaktadır. Bu ortama Elektronik ortam denilmektedir. İnsanların birbirleriyle yüz yüze konuşarak yaptıkları birçok iş yerini bilgisayarların otomatik olarak yapabildikleri bir haberlemede türüne bırakmaya başlamıştır: 'Elektronik Veri Değişimi - EVD', ya da İngilizcede kullanıldığı gibi 'Electronic Data Interchange - EDI'. EDI sayesinde bilgisayarlar, kendilerine belirli bir yazıyla önceden öğretildiği şekilde ve kullanıcılarının istediği konularda, birbirleriyle otomatik olarak veri değişim tokuşu yapmakta, otomatik olarak yollanan ve alıcısına ulaşan verileri yine otomatik olarak değerlendirilmektedirler.

Günümüzde, teknolojinin etkilediği ticaretin yeni ismi olan Elektronik Ticaret, ürünlerin genelde bir ağ üzerinden elektronik olarak alım, satım, sipariş ve bazen de ulaştırılması olarak tarif edilebilir [1].

Elektronik ticaretin temel araçları olarak telefon, fax, televizyon, elektronik ödeme ve para transfer sistemleri, elektronik veri değişimi (Electronic Data Interchange - EDI) ve Internet olarak altı ana araç sayılabilir [1].

Klasik elektronik ticaret araçlarından, Telefon esnek ve interaktif. Faks ise interaktif olmasına

raðmen gönderilen dokümanýn görüntü kalitesi iyi deðildir. Televizyon çok yaygýn olmasına raðmen tek yönlü bir iletiþim aracıdır. Ticaretin önemli destekleri olan elektronik ödeme ve fon transfer sistemleri (ATM, kredi kartlarý, borç kartlarý ve akýllý kartlar) sadece para aktarýlmasýnda kullanýldýðýndan ticaret sürecinde sýnyrlý bir bölüme hitab etmektedir [1].

Genel de elektronik ticaret, internet ve diðer aðlar üzerinden yapýlan ticaret olarak anlaýlmaktadır. Elektronik ticaretin çok yeni bir kavram olmamasýna karþýn, ticari iþlemler de bir veya daha fazla insan tarafýndan ses, görüntü ve yazýlý metinlerin ayný anda interaktif bir biçimde iletilmesi, zaman ve mekan sýnyrýnýn olmayýþ ve nispeten daha düþük maliyetlerle çalyýlabilmesi þeklinde internet ortamýnýn sunduðu olanaklar, elektronik ticaret kavramýný hýzla gündeme getirmiþtir. Bu olanaklar internetin; diðer elektronik ticaret araçlarýna göre daha esnek olmasýný saðlar. Internet ortamý iletiþim ve ticaretin önündeki engelleri azaltmaktadır [1].

Örneðin, internette bir shareware tipi programýn indirilip beðenildiðinde bunun ücretinin ödenmesi bir elektronik ticarettir. Bir ürünü, örneðin bir kitabý, elektronik ortam kitapçýlarýnýn raflarýnda bulmak, bunun hakkýnda bilgi almak ve sipari°ini vermekte bir elektronik ticarettir [1].

Daha detaylý olarak Elektronik Ticaret, elektronik ortamda açýk ve kapalý aðlar üzerinden yapýlan; mal (taþýnýr, taþýnmaz) ve hizmet (bilgi servisleri, danyþmanlýk, finans, hukuk, saðlýk, eðitim, ulaþtırma vb.) ticareti, sayısal biçime çevrilmiþ yazýlý metin, ses, video görüntülerinin iþlenmesi ve iletilmesi, ürün tasarýmý, üretim, doðrudan tüketiciye pazarlama, üretim izleme, sevkiyat izleme, tanýtým, reklam ve bilgilendirme, sipari° verme, sözle°me yapma, banka iþlemleri ve fon transferi, ortak tasarým geli°tirme ve mühendislik, kamu alýmlarý, elektronik para (sanal para) çýkarma, elektronik hisse alýþveriþi ve borsa, açýk arttırma, sayısal imza, enoterlik, güvenilir üçüncü taraf i°lemleri, vergilendirme ve vergi toplama, fikri mülkiyet haklarýnýn transferi, kiralınması vb. iþlemler olarak belirtilebilir [1].

3.1. E-Ticaret'in Güvenliði

Kullanýcýlarýn E-ticarete güven duyabilmesinin önündeki en önemli teknik sorun, Internet üzerindeki bilgi güvenliðinin saðlanması ve

güvenli ödeme yapýlabilmesidir. Bilgi güvenliðinden kastedilenler;

- Kimlik kanýtlanması,
- Bilginin bütünlüðünün bozulmamasý,
- Bilginin gizliliðidir.

Bilgi güvenliðinin saðlanabilmesi için, her kullanýcýya biri gizli diðeri açýk iki anahtar (sayý dizisi) veren açýk anahtarlý þifreleme algoritmalarý kullanýlması ve dünya üzerine yayýlmýþ bir açýk anahtar altyapýsýnýn (public key infrastructure) kurulması gereklidir.

Açýk anahtarlý þifrelemede kimlik kanýtlanması ve bilgi bütünlüðü, sayısal imza (digital signature) ile saðlanmaktadır. Sayısal imza, yollanan mesajın özetinin, imzalayanın gizli anahtarıyla þifrenmesiyle oluşur. Ýmzayı doðrulamak için, imzalayanın açýk anahtarı kullanýlýr. Bu nedenle, açýk anahtarlar herkesin kullanýmına açýk bir veri tabanında tutulmalı ve sürekli olarak güncellenmelidir. Bu veri tabanlarýný güncelleyen, anahtar üretimi, daðýtýmı ve yönetimini saðlayan, kiþilerin açýk anahtarlarý ve kimlik bilgilerini içeren elektronik kimlik belgelerini hazýrlayan onay kurumlarý veya güvenilir üçüncü kurulu°lar, birbirleriyle eþgüdüm içinde çalyılmalı, ulusal ve uluslararası düzeylerde, kendilerine benzer kurulu°larla karþýlýklý olarak birbirlerini tanımalıdırlar.

Dünya pazarýndaki en tanýnmýþ onay kurumu olan VeriSign, RSA Bilgi Güvenliði, Ameritech ve Visa þirketlerinin ortaklýðıyla kurulmuştur. Açýk aðlar üzerinden birbirine ulaþmak isteyen iki kullanýcý, örneðin Avrupa'de, ABD'de veya Avustralya'da olabileceði gibi, kimliklerini karþýlýklý olarak hýzlyca kanýtlayabilmeleri, bütün onay kurumlarýnýn uyum içinde çalyýyor olmasına baðlýdır. Açýk anahtar altyapýsýndan amaçlanan da, e°güdüm ve etkile°im içinde çalyılması gereken onay kurumlarý, güvenilir üçüncü kurulu°lar, sayısal noterler, zaman damgasý vurma veya anahtar bulma kurumlarý gibi kurulu°larýn saðladýðý ulusal ve küresel hizmetlerin bütünüdür.

ABD'de açýk anahtar altyapýsý kurma sorumluluðunu üstlenen Ulusal Standartlar ve Teknoloji Geli°tirme Enstitüsü – NIST; AT&T, Motorola, VeriSign gibi kurulu°larýn da bulunduðu 10 onay kurumunun yazýlýmlarýný inceleyerek, bütün bu yazýlýmlarýn uyum içinde çalyılması için gerekli kysýtlarý belirlemektedir.

Onay kurumlarının önemli bir bölümünü de banka ve benzeri kuruluşların oluşturması çok doğaldır. Örneğin, SET(Secure Electronic Transactions) standardını geliştiren MasterCard ve Visa, bu standardın gerektirdiği onay kurumu, sertifika otoritesi hizmetlerini de vermektedir.

E-Ticaret'teki güvenlik sorunu güvenli ileti°im sağlayan SSL, SHTTP gibi protokolleri kullanılması veya bilginin şifreleme algoritmaları ile °ifrenmesiyle çözülebilir.

Sayısal sertifikalardan oluşan yapısı ile kredi kartının gerçek sahibinin alı°veriş yapıldığını garanti etmesi ve E-ticaret'te hem satıcı, hem alıcı hem de aracı finansal kurumlar arası bir güvenlik tamponu olu°turan SET (Secure Electronic Transaction) standardı ile temel ödeme sistemlerinin yaygınlaşması ve on-line alı°verişte bir sorun olan, güvenlik probleminin büyük ölçüde çözülmesi hedeflenmiştir.

4. SAYISAL İMZALAR

Bazı açık-anahtar algoritmaları sayısal imza üretmek için kullanılmaktadır. Bir sayısal imza, bazı gizli anahtarlar kullanılarak oluşturulmuş küçük bir bilgi parçasıdır ve imzanın gerçekten uygun bir özel anahtar kullanılarak üretildiğini doğrulamak için kullanılabilecek bir açık-anahtar vardır. İmza üretmek için kullanılan algoritma öyle olmalıdır ki gizli anahtar bilmeden geçerli sayılabilecek bir anahtar üretmek mümkün olmasın.

Sayısal imza mesajın gerçekten istenilen göndericiden geldiğini doğrulamak için kullanılır. Bunlar ayrıca dokümanları timestamp (zaman-pulu) ile i°aretlemek için de kullanılabilir; güvenilen bir kişi dokümanı imza ve kendi anahtarı ile zaman pulunu imza, böylece dokümanın belirtilen zamanda var olduğu doğrulanır. Sayısal imza bir açık-anahtarın belirli bir kişiye ait olduğunu doğrulamak veya onaylamak için kullanılabilir. Bu işlem, anahtarın ve bunun sahibi hakkındaki bilginin kombinasyonunun (combination), güvenilen bir anahtar ile imzalanması suretiyle yapılır. Üçüncü bir kişinin (güvenilen anahtarın sahibi) sayısal imzası, açık anahtar ve açık-anahtarın sahibi hakkındaki bilgiler genelde sertifikalar (certificates) olarak adlandırılır. Üçüncü kişi (Third Party) anahtarına güvenilmesinin sebebi, bunun başka bir güvenilir anahtar ile imzalanmış olmasından dolayıdır.

Sonuçta bazı anahtarlar güven hiyerarşisinin kökü olmalıdır.

Dağılımı bir altyapıda evrensel olarak kabul edilmiş köklerin olmasına gerek yoktur ve her kesimin farklı güvenilir kökleri olabilir. Keyfi bir dokümanın bir sayısal imzası tipik olarak dokümandan alınan bir mesaj özeti (message digest) hesaplaması ve imzalayan hakkında bilgi, bir zaman-pulu, vs. ile ili°kilendirilerek oluşturulur. Ortaya çıkan dizi uygun bir algoritma kullanılarak imzalayanın özel anahtarı kullanılarak şifrenir. Sonuçta elde edilen şifrenmiş bitler bloğu imzadır. Bir imza onaylamak için önce anahtarın, anahtara sahip olduğu düşünülen kişiye ait olup olmadığını belirlemesi ve sonra da kişinin açık-anahtarı kullanılarak imzanın çözülmesi gerekir. Eğer imza uygun bir °ekilde çözülmüş ve bilgi mesajınla uyuyorsa (uygun mesaj özeti vs.) imzanın geçerli olduğu kabul edilmektedir.

4.1 SAYISAL İMZA SİSTEMLERİ

Sayısal imza sistemi, bir imzalama ve bir doğrulama işlemlerinden oluşmaktadır. A imzalayan B ise alıcı, M imzalanacak mesaj, SA A'ya ait imzalama transformasyonu, VA A'ya ait doğrulama transformasyonu olarak kabul edilir ve sonuçta doğru yada yanlış şekilde bir çıktı üretir. SA, A tarafından imza üretmek için kullanılmakta ve gizli tutulmaktadır.

4.1.1. İmzalama İşlemi

A tarafı M mesajı için aşağıdaki şekilde bir imza oluşturur.

$$s = S_A(M) \text{ hesaplanır.}$$

(M,S) çifti B'ye gönderilir. S'ye M mesajının imzası adı verilir [2].

4.1.2. Doğrulama İşlemi

Mesajdaki S imzasının A tarafından üretildiğini doğrulamak için B tarafında aşağıdaki işlemler yapılmaktadır;

A'nın doğrulama fonksiyonunu (VA) elde eder.

$$U = V_A(M,S) \text{ hesaplar}$$

Eğer U="doğru" ise imza A tarafından üretilmiştir.

5. SAYISAL ÝMZA MEKANÝZMALARI

5.1. DSA (DÝGÝTAL SÝGATURE ALGORÝTHM)

Aðustos 1991'de ABD Ulusal Standartlar ve Teknolojileri Enstitüsü Sayısal Ýmza Standardında (DSS) kullanılmak üzere, Sayısal Ýmza Algoritması (DSA) önerdi [2]. DSA bir hükümet tarafından önerilen ilk sayısal imza sistemidir. Aynı zamanda Elgammal sisteminin deðişik bir versiyonudur.

5.1.1. DSA Parametreleri

DSA aþadýdaki parametreleri kullanmaktadır.

- **P**, bir asal modüldür. $2^{L-1} < p < 2^L$, $512 \leq L \leq 1024$ ve **L**, 64'ün bir katý olmalıdır.
- **q**, (**p-1**)'ün bir asal çarpanıdır. $2^{159} < q < 2^{160}$
- $g = h^{(p-1)/q} \bmod p$, $1 < h < p-1$ ve $h^{(p-1)/q} \bmod p > 1$ olan herhangi bir tamsayıdır.
- **x** rastgele bir sayıdır. $0 < x < q$
- $y = g^x \bmod p$
- **k** rastgele bir sayı. $0 < k < q$

p, **q** ve **g** tamsayıları herkese açık olabilir ve bir grup kullanıcı tarafından ortak olarak kullanılabilir. Bir kullanıcının gizli ve açık anahtarları sırasıyla **x** ve **y** dir. **k** parametreleri her imza için yeniden üretilmelidir.

5.1.2 Ýmza üretimi

Bir **M** mesajın imzası aþadýdaki eþitliklere göre üretilen **r** ve **s** sayılarıdır.

$$r = (g^k \bmod p) \bmod q$$

$$s = (k^{-1}(\text{SHA}(M) + xr)) \bmod q$$

Yukarıda k^{-1} , **k**'nin **q** modülüne göre çarpımsal tersidir. SHA(M) güvenli çarpma algoritmasının ürettiği 160 bitlik bir katedir.

5.1.3. Ýmzanın Doğrulması

Ýmzalanmış bir mesajdaki imzanın doğrulanmasından önce **p**, **q** ve **g** ile imzalayanın açık anahtarı doğrulamayı yapacak tarafa asıllanmış bir şekilde duyurulmalıdır.

M, **r**' ve **s**, sırasıyla **M**, **r** ve **s**'nin alıcı tarafından alınmış versiyonları olsun. Alıcı önce $0 < r < q$ ve $0 < s < q$ olup olmadığını kontrol eder. Eğer

bu şartlar sağlanıyorsa imza reddedilir. Eğer sağlanıyorsa alıcı aþadýdaki hesabı yapar.

$$w = (s')^{-1} \bmod q$$

$$u_1 = ((\text{SHA}(M)) w) \bmod q$$

$$u_2 = ((r') w) \bmod q$$

$$v = (((g)^{u_1} (y)^{u_2}) \bmod p) \bmod q$$

Eğer $v = r'$ ise imza doğrulanmıştır. Aksi takdirde mesaj reddedilir.

Yukarıda **q** parametresinin sayısı 160 bit olarak gösterilmiştir. Ancak **p**'nin uzunluğu 512 ve 1024 arasında 64'ün bir katı olacak şekilde deðişebilir. 512 bitlik bir **p** saldırlara karşı yeterince güvenli olmayacaktır [2,3]. **p** için tavsiye edilen uzunluk 768 ya da 1024 bittir.

5.2. SHA-1 Mesaj Doğrulama Algoritması

Güvenli hash algoritması (SHA-1 - Secure Hash Algorithm), sayısal imza standardında (DSS - Digital Signature Standard) açıkça belirtildiği gibi, federal uygulamalarda güvenli bir Hash algoritması ihtiyaç duyulduğunda, sayısal imza algoritması (DSA - Digital Signature Algorithm) ile birlikte kullanılır. 2⁶⁴ bitten daha kısa uzunlukta bir mesaj için SHA-1, mesajın 160 bit uzunluğunda, "mesaj özeti" isminde bir özet tanımı içerir. Mesaj özeti, mesaj için bir imza üretimi sırasında kullanılır. SHA-1 aynı zamanda imzanın doğrulanması işlemi sırasında, alınan mesaj sürümü için bir mesaj özeti hesaplamak için de kullanılır. Üretim sırasında mesajda oluşacak herhangi bir deðişiklik, yüksek ihtimalla, farklı bir mesaj özeti ile sonuçlanacak ve imzanın doğrulanması başarısız olacaktır.

SHA-1 takip eden özelliklere sahip olması için tasarlanmıştır. Verilen bir mesaj özetine karşılık gelen bir mesajın bulunması veya aynı mesaj özetini üretecek iki farklı mesajın bulunabilmesi cebirsel olarak kolay değildir [4].

5.2.1. Bit Dizileri ve Tam Sayılar

Aþadýdaki terimler dizgesi, kullanılacak olan bit dizileri ve tam sayılarla ilgilidir :

- a. *Onaltılık bir rakam*, {0, 1, ..., 9, A, ..., F} kümesinin bir elemanıdır. Bir onaltılık rakam, 4 bitlik bir diziyi temsil eder.
Örnek: 7 = 0111, A = 1010.

- b. Bir kelime, 8 onaltýlýk rakam dizisi °eklinde temsil edebilecek bir 32 bitlik diziyeye eþittir. Bir kelimeyi 8 onaltýlýk rakama çevirmek için, her 4 bitlik dizi, yukarıda (a)'da belirtildiði gibi, onaltýlýk eþleðerine çevrilir.

Örnek : 1010 0001 0000 0011 1111 1110
0010 0011 = A103FE23

- c. 0 ile $2^{32} - 1$ arasýndaki (sýnýrlar dahil) bir tam sayý, bir kelime olarak gösterilebilir. Tam sayýnýn en düþük anlamlý dört biti, kelime gösterimindeki en saðdaki onaltýlýk rakam ile gösterilir.

Örnek : tam sayý $291 = 2^8 + 2^5 + 2^1 + 2^0 = 256 + 32 + 2 + 1$, onaltýlýk kelime 00000123 ile gösterilir.

Eðer z , $0 < z < 2^{64}$, aralıðında bir tam sayýysa,
 $z = 2^{32}x + y$,
 $0 < x < 2^{32}$ ve $0 < y < 2^{32}$.

'x' ve 'y', kelime X ve Y olarak gösterilebildiðinden 'z', kelime çifti (X, Y) olarak temsil edilebilir.

- d. blok = 512 bitlik dizi. Bir blok (örneğin B), 16 kelimelik bir seri ile gösterilebilir.

5.2.2 Kelimeler Üzerinde Ýþlemler

Aþaðýdaki mantýksal iþlemler, kelimelere uygulanabilir :

- a. Bit düzeyinde mantýksal kelime iþlemleri
 $X \wedge Y = X$ ve Y 'nin bit düzeyinde mantýksal "ve"si
 $X \vee Y = X$ ve Y 'nin bit düzeyinde mantýksal "veya"sy
 $X \text{ XOR } Y = X$ ve Y 'nin bit düzeyinde mantýksal "XOR"u
 $\sim X = X$ ve Y 'nin bit düzeyinde mantýksal tersi

Örnek :

```
01101100101110011101001001111011
XOR
01100101110000010110100110110111
-----
=00001001011110000101110111001100
```

- b. Ýþlem $X + Y$ þekilde tanımlanýr : X ve Y kelimeleri, x ve y tam sayýlarıný $0 < x < 2^{32}$ ve $0 < y < 2^{32}$ aralıðında temsil eder. Pozitif tam sayýlar n ve m için $n \bmod m$, n'in m'e

bölünmesi sonucu kalan olsun. Hesaplarsak,

$$Z = (x + y) \bmod 2^{32}$$

O halde, $0 < z < 2^{32}$ aralıðında z'yi bir kelimeye dönü'türürsek,

$$Z = X + Y \text{ olur.}$$

- c. Dairesel sola kaydırma iþlemi $S^n(X)$, X bir kelime ve n, $0 < n < 32$ aralıðında bir tam sayý, þu þekilde tanımlanýr :

$$S^n(X) = (X \ll n) \cup (X \gg 32 - n)$$

Yukarıda $X \ll n$ þu þekilde elde edilir : X'in en solundaki n biti atýlýr ve sonucu saðdan itibaren sýfýrlarla doldurulur (sonuç hala 32 bittir). $X \gg n$, X'in en saðdaki n bitin atýlýp sonucun soldan itibaren sýfýrlarla doldurulması ile saðlanýr. Böylece $S^n(X)$, X'in sola doðru n pozisyon dairesel kaymasına denktir.

5.2.3. Mesaj Doldurma

SHA-1, giripolarak saðlanan bir mesaj veya veri dosyasý için bir mesaj özeti hesaplamak için kullanýlýr. Mesaj veya veri dosyasý bir bit dizisi olarak ele alınmalýdır. Mesajın uzunluðu, mesajın içindeki bitlerin sayýsýdır (boşmesaj, 0 uzunluðuna sahiptir). Eðer mesajın içindeki bitlerin sayýsý 8'in katýysa, sadelik için mesaj onaltýlýk olarak ifade edebiliriz. Mesaj doldurmanın amacı, doldurulmuş bir mesajın toplam uzunluðunu, 512'nin katý yapmaktır. SHA-1 mesaj özetini hesaplariken, 512 bitlik bloklarý sýrasal olarak iþler. Aþaðýda, bu doldurmanın nasýl gerçekteþtirildiði açıklanmýþtır. Bir özet olarak, $512 \times n$ uzunlukta doldurulmu° bir mesajın üretilmesi için, mesajın sonuna sýrasýyla bir "1", m adet "0" ve 64 bitlik bir tam sayý eklenir. 64 bitlik tam sayý l, orjinal mesajın uzunluðudur. Bundan sonra mesaj, SHA-1 tarafýndan 512 bitlik n blok olarak i°lenecektir.

Bir mesajın $l < 2^{64}$ uzunluðunda olduðunu varsayalım. SHA-1'e giri° olmadan önce, mesaj saða aþaðýdaki þekilde kaydırýlýr :

- a. "1" eklenir. Orjinal mesaj "01010000" ise, "010100001" olur.

- b. "0"lar eklenir. "0"larýn sayýsý, mesajýn orjinal uzunluđuna bađlýdır. Son 512 bitlik blođun son 64 biti, orjinal mesajýn uzunluđu l için ayrýlýr.

Örnek : Ađıdaki bit dizisi orjinal mesajýmýz olsun :

01100001 01100010 01100011
01100100 01100101.

Adým (a)'dan sonra mesaj μ hale gelir :

01100001 01100010 01100011
01100100 01100101 1.

$l = 40$ iken, yukarıdaki bitlerin sayýsý 41 olduđundan, 407 adet "0" eklenir ve toplamda 448 bit olur. Bu, onaltýlık olarak, ađıdaki diziyi verir :

61626364	65800000
00000000	00000000
00000000	00000000
00000000	00000000
00000000	00000000
00000000	00000000
00000000	00000000
00000000	00000000.

- c. Orjinal mesajdaki bitlerin sayýsý l 'nin 2 kelimelik gösterimi ile sađlanır. Eđer $l < 2^{32}$ ise, ilk kelime tamamýyla sýfýrdan olur. Bu iki kelime doldurulmu⁹ mesaja eklenir.

Örnek: Orjinal mesajýn (b)'deki gibi olduđunu dü⁹ünelim. O zaman $l = 40$ olur (l , hiçbir doldurma iđlemi yapılmadan önce hesaplanır). 40'ýn iki kelime gösterimi, onaltýlık düzende, 00000000 00000028 dir. Artýk doldurulmuş mesajýmýzýn son hali, onaltýlık düzende, ađıdaki şekildedir :

61626364	65800000
00000000	00000000
00000000	00000000
00000000	00000000
00000000	00000000
00000000	00000000
00000000	00000000
00000000	00000000
00000000	00000028.

Kayırlı mesaj, her $n > 0$ için, 16n kelime içerir. Kayırlı mesaj, onaltýlık kelime ve mesajýn ilk karakterlerini (veya bitlerini) içeren her M_i için, M_1, M_2, \dots, M_n 'den olu⁹an n bloklu bir dizi olarak ele alınýr.

5.2.4. Kullanýlan Fonksiyonlar

SHA-1'de bir dizi mantýksal fonksiyon, f_0, f_1, \dots, f_{79} , kullanýlýr. Her f_t , $0 \leq t < 79$, 32 bitlik kelimeler üzerinde i⁹lem yapar ve çýkýpolarak 32 bitlik bir kelime üretir. f_t , B, C ve D kelimeleri için μ şekilde tanımlanýr:

$$f_t(B,C,D) = (B \wedge C) \vee (\sim B \wedge D)$$

$$(00 \leq t < 19)$$

$$f_t(B,C,D) = B \text{ XOR } C \text{ XOR } D$$

$$(20 \leq t < 39)$$

$$f_t(B,C,D) = (B \wedge C) \vee (B \wedge D) \vee (C \wedge D)$$

$$(40 \leq t < 59)$$

$$f_t(B,C,D) = B \text{ XOR } C \text{ XOR } D$$

$$(60 \leq t < 79)$$

5.2.5. Kullanýlan Sabitler

SHA-1'de bir dizi sabit, K_0, K_1, \dots, K_{79} , kullanýlýr. Onaltýlık olarak ađıdaki gibi listelenebilirler:

$$K_t = 5A827999 \quad (00 \leq t < 19)$$

$$K_t = 6ED9EBA1 \quad (20 \leq t < 39)$$

$$K_t = 8F1BBCDC \quad (40 \leq t < 59)$$

$$K_t = CA62C1D6 \quad (60 \leq t < 79)$$

5.2.6. Mesaj Özetini Hesaplamak

Mesaj özeti, doldurulmuş mesajýn son hali kullanýlarak hesaplanır. Hesaplama, her biri 5 tane 32 bitlik kelimedenden ve 80 adet 32 bitlik kelimenin oluřturduđu bir diziden oluřan iki tampon kullanýr. Ýlk 5 kelimelik tampondaki kelimeler, A, B, C, D, E olarak adlandırýlýr. Ýkinci 5 kelimelik tampondaki kelimeler, H_0, H_1, H_2, H_3, H_4 olarak adlandırýlýr. 80 kelimelik dizideki kelimeler, W_0, W_1, \dots, W_{79} olarak adlandırýlýr. TEMP isimli tek kelimelik bir tampon da, ayrıca kullanýlýr.

Mesaj özeti olu⁹turmak için, 16 kelimelik bloklar, M_1, M_2, \dots, M_n , sýrasýyla iřlenir. Her M_i 'nin iřlenmesi, 80 adýmdan oluřur.

Herhangi bir blok i⁹lenmeden önce H_j 'ler, onaltýlık düzende, ađıdaki şekilde atanýr :

$$H_0 = 67452301$$

$$H_1 = EFCDA8B9$$

$$H_2 = 98BADCFE$$

$$H_3 = 10325476$$

$$H_4 = C3D2E1F0$$

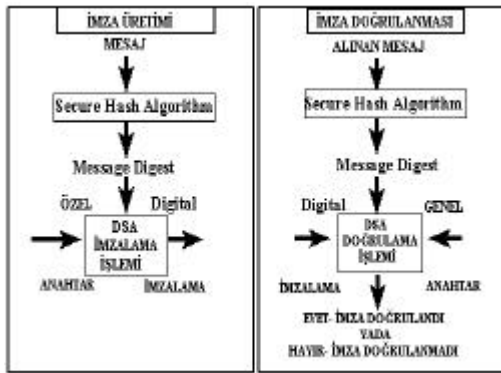
^a imdi M_1, M_2, \dots, M_n , aşağıdaki şekilde, ifade edilebilir :

- M_i 'yi, W_0 en soldaki kelime olacak şekilde 16 kelimeye bölün : W_0, \dots, W_{15} .
- $t = 16$ 'dan 79 'a kadar, $W_t = S^1(W_{t-3} \text{ XOR } W_{t-8} \text{ XOR } W_{t-14} \text{ XOR } W_{t-16})$ olsun.
- $A = H_0, B = H_1, C = H_2, D = H_3, E = H_4$ olsun.
- $t = 0$ 'dan 79 'a kadar, aşağıdaki işlemler gerçekleştirilir:
 $TEMP = S^5(A) + f(B,C,D) + E + W_t + K_i$;
 $E = D; D = C; C = S^{30}(B); B = A; A = TEMP$;
- $H_0 = H_0 + A, H_1 = H_1 + B, H_2 = H_2 + C, H_3 = H_3 + D, H_4 = H_4 + E$ olsun.

M_n ifinden sonra, 160 bitlik mesaj özeti, aşağıdaki 5 kelime ile gösterilebilir :

$$H_0, H_1, H_2, H_3, H_4$$

Aşağıdaki şekilde Secure Hash Algorithm(SHA) ile DSA'nın birlikte nasıl kullanıldığını gösterilmiştir.



6. YAYGIN OLARAK KULLANILAN BİR SAYISAL İMZA MEKANİZMASI- RSA ALGORİTMASI

RSA public-key algoritması 1977 yılında R.Rivest, A.Shamir ve L.Adleman tarafından bulunmuş ve daha sonra public-key cryptography (açık anahtar şifreleme) ye uygun biçimde geliştirilmiştir. Bu algoritma, açık anahtar

şifreleme sistemleri ve sayısal imza sistemlerinde güvenli bir şekilde kullanılmaktadır. İnternet üzerinde elektronik iletişimde şifreleme işlemlerinde yaygın olarak kullanılmaktadır. Bu algoritma aynı zamanda Netscape Navigator ve Microsoft Explorer web tarayıcı programlarının uygulamaları olan Secure Socket Layer (SSL) ve kredi kartı işlemleri için Secure Electronic Transaction (SET) protokollerinde de kullanılmaktadır. Ayrıca S/MIME, PEM, MOSS ve PGP gibi gizli haberleşme protokolleri temel olarak RSA kullanılmaktadır.

RSA Algoritması açık anahtar şifreleme yönteminin temel uygulamasıdır. Bu şifreleme algoritmasının diğer bir iyi yönüde, önceden aralarında hiçbir görüşme yapmamış olan alıcı ve vericinin kendi aralarındaki iletişimin güvenli bir ortamda yapılmasıdır. İnternet iletişimi güvenli değilken kanallar üzerinden iletilmektedir. Bu durumda açık anahtar şifreleme yöntemleri ile internet üzerinde güvenlik sağlanmıştır.

6.1. RSA ALGORİTMASININ İŞLEYİŞİ

RSA Algoritması aşağıdaki gibi işlemektedir [4].

- Özel ve Açık anahtar çifti üretilir.
- P ve Q ekinde çok büyük (mesela,1024 bit) iki tane birbirinden farklı asal sayı bulunur.
- $N = P * Q$ ve $Z = (P-1) * (Q-1)$ hesaplanır.
- Z ile ortak böleni 1 olacak şekilde bir E sayı bulunur.
- Açık anahtar $[E, N]$ olarak belirlenir.
- $D = E^{-1} \text{ mod } Z$ olacak şekilde bir D sayı bulunur.
- Özel anahtar ise $[D, N]$ olarak belirlenir.
- Şifrelenecek mesaj M kabul ederse bu mesaj ikilik olarak $2^k < N$ olacak şekilde k bitlik kısımlara ayrılır. Daha sonra şifreleme için her bir kısma $C(i) = M(i)^E \text{ mod } N$ işlemi uygulanır.
- Özel anahtar $[D, N]$ kullanılarak şifre çözülür. $M(i) = C(i)^D \text{ mod } N$

7. SAYISAL İMZA SİSTEMİ UYGULAMASI

Geliştirilen sayısal imza uygulaması, dördüncüden girilen parametreler sonucunda şifrelenmek istenen metni P ve Q adlı iki asal sayı yardımı ile

Bu çalışmada üzerinde durulmayan ancak kimlik doğrulama konusunun kanuni boyutu açısından büyük önem taşıyan sertifika otoriteleri yada güvenilir üçüncü kişiler konusunda hükümlere büyük görev dümektedir. Amerika Birleşik Devletlerinin bazı eyaletlerinde (Utah, Georgia) ve Avustralya'da sayısal imzalar konusunda yasal düzenlemeler getirilmektedir [5].

E-Ticaret'in yaygınlaşması güvenlik yöntemlerinin artmasına bağlı olduğu görülmektedir. Bu güvenlik yöntemlerinde sayısal imzanın yeri küçümsenmeyecek kadar önemlidir.

İnternet uygulamalarının giderek arttığı günümüzde, gelişmelerin gerisinde kalmamak için ülkemizde de bu konudaki çalışmalara hız verilmelidir. Bizler güvenlik konularında kullanılmakta olan diğer algoritmaların ve bunların performans analizlerini yaparak yeni yöntemler geliştirmek için çalışmalarımıza devam etmekteyiz.

KAYNAKLAR

1. SARISAKAL M. Nusret, KARAHOCA Adem, DES Algoritmasını Kullanan Güvenilir Bir E-Posta Yönetim Uygulaması: Tuğra, İ.Ü. Mühendislik Fakültesi Elektrik & Elektronik Dergisi, Vol. 1, No. 1, pp 23-31, Mayıs 2001.
2. Menezes, Alfred J., Van Oorschot, Paul C. And Vanstone S. A., 1997, Handbook of Applied Cryptography, CRC Press.
3. Schneier B, 1995, Applied Cryptography: Protocols Algorithms and Source Code in C., Wiley.
4. Stinson D. R., Cryptography Theory and Practice, CRC Press, 1995, Florida
5. TÜBİTAK-BİLTEN Sunuş 1998, Sunuşu gerçekleştiren : Melek D. Yücel