



T.C.
BAYINDIRLIK ve İSKÂN BAKANLIĞI
AFET İŞLERİ GENEL MÜDÜRLÜĞÜ
DEPREM ARAŞTIRMA DAİRESİ

**DEPREM
ARAŞTIRMA
"BÜLTENİ"**

17



Deprem Araştırma Bülteni (DAB)

Bulletin of Earthquake Research
(Bull. Earthq. Res.)



Nisan [April] / 1977
Cilt [Volume]: 5

Sayı [Issue]: 17

Bayındırlık ve İskân Bakanlığı [Ministry of Public Works and Settlement]
Afet İşleri Genel Müdürlüğü [General Directorate of Disaster Affairs]
Deprem Dairesi Başkanlığı [Directorate of Earthquake Research]

İÇİNDEKİLER [INDEX]

Sayfa [Page]

ARAŞTIRMA [RESEARCH]

Deprem Hareketi ve Dinamik Zemin Parametreleri İlişkisi [Relationship
Between Earthquake Motion and Dynamic Soil Parameters]

M. Yener ÖZKAN, Çetin SOYDEMİR, Aybars GÜRPINAR 1-20

ARAŞTIRMA [RESEARCH]

Nükleer Güç Santralleri İçin Deprem Riski Analizi [Earthquake Risk
Analysis for Nuclear Power Plants]

M. Semih YÜCEMEN, Polat GÜLKAN 21-39

ARAŞTIRMA [RESEARCH]

Zeminlerin Dinamik Davranışlarına Ait Gerilme-Deformasyon Bağıntıları
[Stress-Strain Relationships Belonging to Dynamic Behaviors of Soils]

W.D.L FINN, M. Ali ERGUUVANLI 40-52

ARAŞTIRMA [RESEARCH]

Aletsel Sismolojide Bazı Ana Yöntemler ve Uygulamalar [Some Main
Methods and Applications in Instrumental Seismology]

Ersin BAŞARIR 53-96

**DEPREM
ARASTIRMA
ENSTITÜSÜ
BÜLTENİ**

17

**DEPREM
ARASTIRMA
ENSTITÜSÜ
BÜLTENİ**

17

**DEPREM ARAŞTIRMA
ENSTITÜSÜ BÜLTENİ**



Üç Ayda Bir Yayınlanır
Bilim ve Meslek Dergisi



Sahibi
İmar ve İskan Bakanlığı adına
Oktay Ergünay
Deprem Araştırma Enstitüsü Başkanı



Yazılı İşleri Müdürü
Aysel Özil
Deprem Araştırma Enstitüsü
Yayın ve Döktümantasyon Müdürü



Yönetim Yeri ve Yazışma Adresi

Deprem Araştırma Enstitüsü
Başkanlığı, Yüksel Caddesi No. : 7/B
Yenigehir/ANKARA



Telefon : 18 66 29 — 17 69 55



Basıldığı Yer
Baylan Matbaası 17 75 34 — 25 07 85



İlanlar pazarlığa tabidir.

Deprem Araştırma Enstitüsü Bülteni

YIL : 5

Sayı 17

NİSAN 1977

BU SAYIDA

Deprem Hareketi ve Dinamik Zemin Parametreleri İlişkisi

**M.Y. ÖZKAN
A. GÜRPINAR
Ö. SOYDEMİR**

Nükleer Güç Santralları için Deprem Riski Analizi

**M.S. YÜCEMEN
P. GÜRKAN**

Zeminlerin Dinamik Davranışlarına Ait Genilme Deformasyon Bağıntıları.

**W.D.L. FINN
A. ERGUUVANLI**

Aletsel Sismolojide Bazı Ana Yöntemler ve Uygulamalar

L.E. BAŞARIR

DEPREM HAREKETİ VE DİNAMİK ZEMİN PARAMETRELERİ İLİŞKİSİ

M. Yener ÖZKAN*

Çetin SOYDEMİR***

Aybars GÜRPINAR**

Summary

Determination of suitable dynamic soil parameters is an important problem in the dynamic response analysis of soil deposits under seismic excitations. In this study, the variation of dynamic soil parameters with the depth of soil layers under band limited white noise base excitations are presented. It has been concluded that, the variation of shear modulus and damping ratio with depth do not differ significantly, if the root mean square values of the band limited white noise base excitations are the same, regardless of the time histories of the accelerations.

1. Giriş

Deprem dalgalarının, zemin tabakaları içinden geçen uğradıkları değişim, özellikle son on yıl içinde araştırmacıların dikkatlerini üzerine toplamış, ve birbirinden farklı yapı gösteren zemin formasyonlarının, bu dalgaları farklı biçimde etkilediği, ve sonuçta, farklı deprem hareketlerine sebep olduğu anlaşılmıştır. Bu gerçeğin bir sonucu olarak da, farklı zeminler üzerinde yapılmış aynı tip binaların, bir deprem hareketi sırasında, farklı hasarlara maruz kalaşları, dolayısıyla yapıların üzerine oturacakları zeminin özelliklerinin de gözönüne alınarak projelendirilmesi gereği ortaya çıkmıştır.

Projelendirmede ise karşılaşılan sorunların en önemlilerinden birisi de zeminle ilgili elastik ve sönüüm parametrelerinin değişik yükler altında değişik değerler aldığı ve yükün statik ya da dinamik olması halinde parametrelerin aynı olmadığını göz önünde tutmak gereğidir.

Eldeki çalışmanın amacı değişik mertebedeki dinamik deprem yüklerine maruz zeminlerde elastik ve sönüüm parametrelerinin derinliğe göre değişimini saptamak olacaktır.

2. Zemin Dinamiği İçin Geliştirilen Yöntemler

Son yıllarda, zeminlerin deprem hareketi karşısındaki davranışlarını, ve deprem dalgalarının zemin içinden geçen uğradıkları değişimini incelemek için birçok analitik metod geliştirilmiştir (Idriss v.d., 1969; Schnabel v.d., 1972; Streeter, v.d., 1974 v.s.)

Genel olarak, bu yöntemlerle hesaplanan zemin yüzeyindeki deprem hareketi ile, aynı yerde aletlerle kaydedilen zemin hareketleri, hemen hemen aynı

(*) Y. Müh. Dr. İnşaat Mühendisliği Bölümü, O.D.T.Ü.

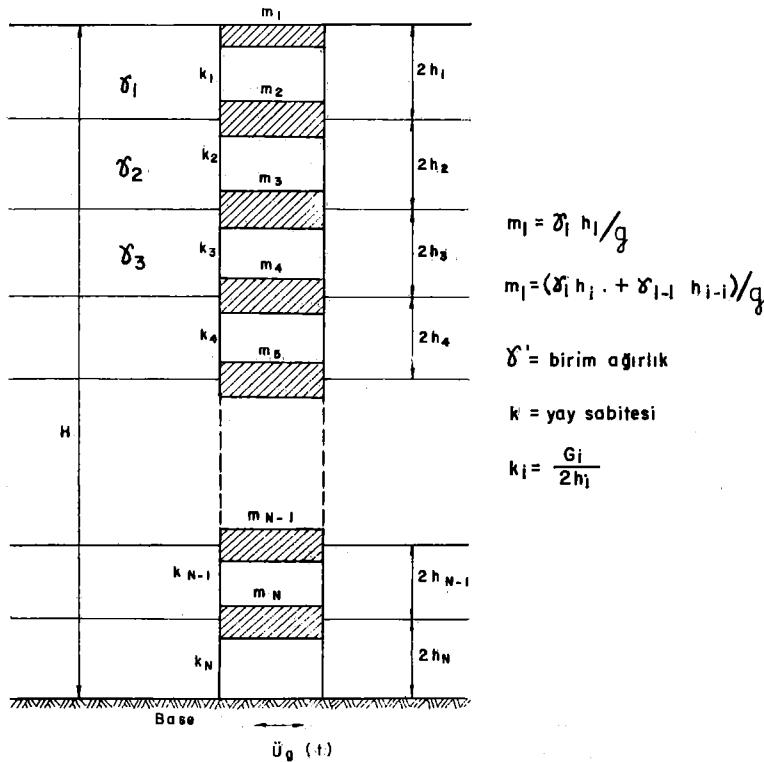
(**) Doç. Dr. Mühendislik Bilimleri Bölümü, O.D.T.Ü.

(***) Prof. Dr. İnşaat Mühendisliği Bölümü O.D.T.Ü.

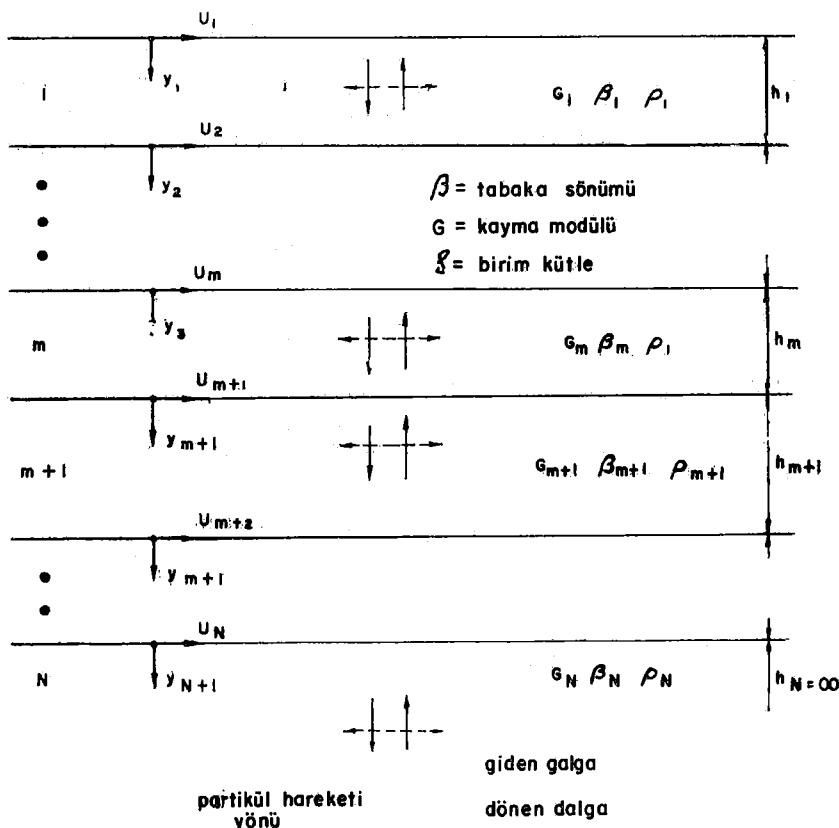
özellikleri göstermekte, ve biribirlerinden çok farklı bir görüntü vermemektedirler. Özellikle bu hareketlerin tepki spektrumları birbirine çok yakın olmaktadır. (Seed v.d. 1972)

Zeminlerin deprem hareketi karşılarındaki davranışlarını ve taban hareketinin yüzeye ulaşığı zaman nasıl bir hareket haline dönüşeceğini incelemek için kullanılan metodları iki genel gruba ayırmak mümkündür. Bunlardan ilki, yukarıda da sözü edilen deterministik metodlardır. Deterministik analizde, taban hareketi, ivme-zaman (veya hız-zaman, yer değiştirmeye-zaman) olarak bilinmelidir. Çıkan hareket de yine aynı şekilde deterministik olarak belirlenir. Bu tip analizlerde, zemin, eğer yatay tabakalarдан oluşmuş ise, toplanmış kütle veya sürekli tabakalı ortam olarak idealize edilebilir (Şekil 1 ve 2). Eğer zemin, yatay tabakalarдан oluşmamış ise, o zaman sonlu elemanlar yolu ile zemini üçgen veya dörtgen elemanlara ayırıp, her elemana ayrı zemin parametreleri vererek, değişen zemin yapısını analize dahil etmek mümkündür. (Idriss ve Seed, 1967; Kovacs v.d. 1971 v.s.)

Yukarıda sözcü edilen analizler genel olarak lineer (doğrusal) karakterde olup, zemin parametrelerinin doğrusal olmayan özelliklerini hesaba katmak gerektiğinden, belli bir yakınsaklık elde edilinceye kadar iterasyon yapılır.



Şekil 1 - Zemin tabakasının toplanmış kütle modeli
ile idealizasyonu .



Şekil 2 - Zemin tabakasının tabakalı sürekli ortam modeli ile idealizasyonu.

İkinci grup analiz şekli ise, istatistik yaklaşımındır. Burada, taban hareketi bir gelişigüzel oluşum (random process şeklinde düşünülür, ve güç spektrumu cinsinden ifade edilir. Zemin yüzeyine çıkan hareket ise, yine bir gelişigüzel oluşumdur, ve bu oluşumun güç spektrumu bulunabilir. (Özgür ve Gürpınar, 1973; Gürpınar v.d. 1974, Dobry v.d. 1971; Özkan, 1976). Bu tip analizde de yataş tabakalarдан oluşan zemin, toplanmış kütle veya tabakalı sonsuz ortam olarak idealize edilebilir. Bu analiz şekli de deterministik analiz gibi esasta doğrusal olup, taban hareketi spektral yoğunluk fonksiyonu $S_i(w)$, çıkan yüzey hareketinin spektral yoğunluk fonksiyonu $S_o(w)$ ile gösterilirse

$$S_o(w) = |H(w)|^2 S_i(w) \quad (1)$$

şeklinde ifade edilebilir. Burada $H(w)$ zeminin transfer fonksiyonu olup zemin parametrelerine bağlıdır.

3. Dinamik Zemin Parametreleri

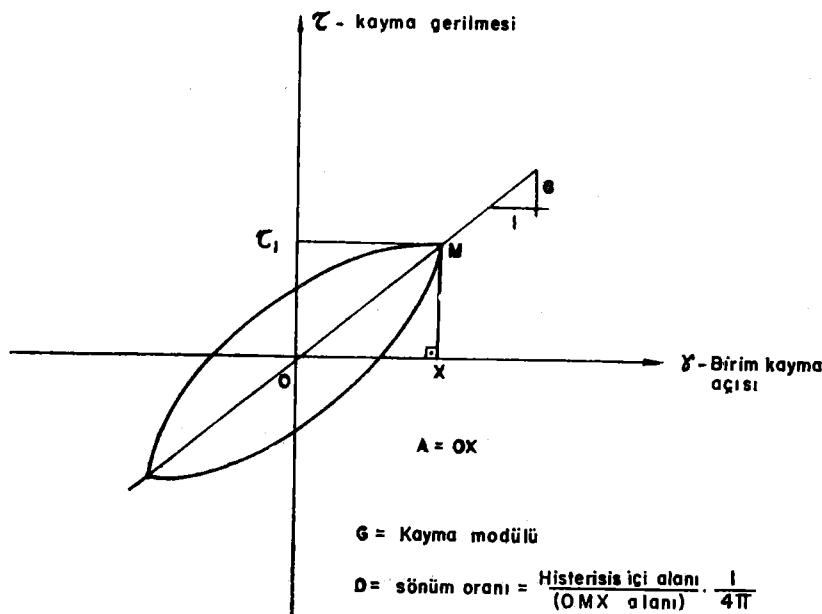
Zeminlerin tekrarlı yük altında gerilme-birim kayma açısı ilişkisi idealize edilmiş olarak Şekil-3'de gösterilmiştir. Bu sekilden de görülebileceği gibi, bu ilişki lineer olmayıp, bir histerisis eğrisi şeklindedir. Dinamik analizlerde, kayma modülü olarak, bu eğrinin iki uç noktasını birleştiren doğrunun eğimi alınmaktadır. Sönüüm oranı ise, histerisis eğrisinin alanı ile orantılı olup (Şekil-3) :

$$D = \frac{\text{Histerisis eğrisi içinde kalan alan}}{\text{OMX üçgeni alanı}} = \frac{1}{\frac{4}{\pi}}$$

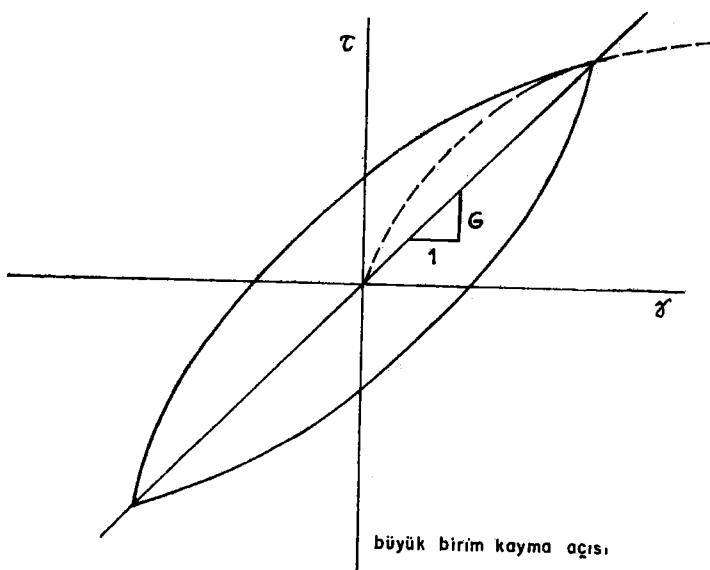
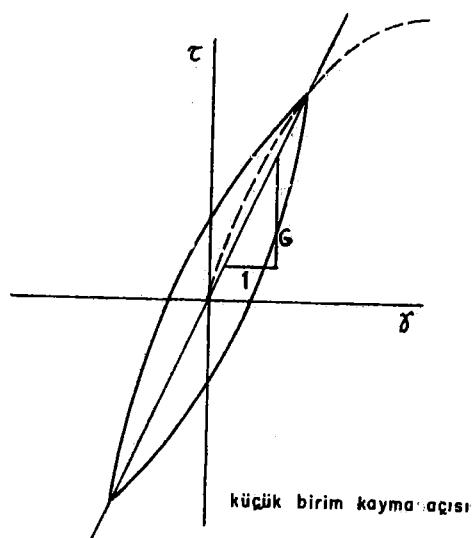
şeklinde tanımlanır.

Şekil-4'de ise iki farklı birim kayma açısına tekabül eden histerisis eğrileri verilmektedir. Bu sekilden anlaşılabileceği gibi, küçük birim kayma açılara tekkabül eden kayma modülleri, daha büyük birim kayma açısına tekabül eden kayma modülünden daha büyüktür. Sönüüm oranı ise, birim kayma açısı büyütükçe, daha büyük değerler almaktadır.

Yukarıdaki açıklamalardan da görülebileceği gibi dinamik zemin parametreleri olarak sözü edilen, G, kayma modülü, D, sünonm oranı hiçbir zemin cinsi



Şekil 3 - Tekrarlı yük altında zeminlerin gerilme-birim kayma açısı ilişkisi.



Sekil 4 - Farklı birim kayma açılarına tekabül eden histeresis eğrileri.

icin sabit degerler olmayip en azindan birim kayma acisi genliginin fonksiyonudur. Bu konuda yapılan etrafı çalışmalar (Hardin, 1965; Hardin ve Black, 1968, Silver ve Seed, 1968, Hardin ve Drnevich, 1972, a, b; v.s.) dinamik zemin parametrelerinin bir çok degiskene bağlı olduğunu göstermiştir. Dinamik zemin parametrelerini etkileyen en önemli faktörler, birim kayma acisi genliği (shear strain amplitude), ortalama efektif asal gerilme, boşluk oranı, yükleme sayısı ve doygunluk derecesidir. Diğer faktörler ise, aşırı yükleme oranı, efektif mukavemet parametreleri, oktaedral kayma gerilmesi, yükleme frekansı, zaman, zemin strüktürü v.b. zemin ve yükleme durumu ile ilgili özelliklerdir. Hardin ve Drnevich (1972, a, b), zeminlerin kayma gerilmesi ile birim kayma açları arasında aşağıdaki ilişkiye vermiştir. (Şekil-5)

$$\tau = \frac{\gamma}{\frac{1}{G_{\max}} + \frac{\gamma}{\tau_{\max}}} \quad (2)$$

γ = birim kayma acisi

τ_{\max} = kırılma anında kayma gerilmesi

G_{\max} = maksimum kayma modülüdür ve

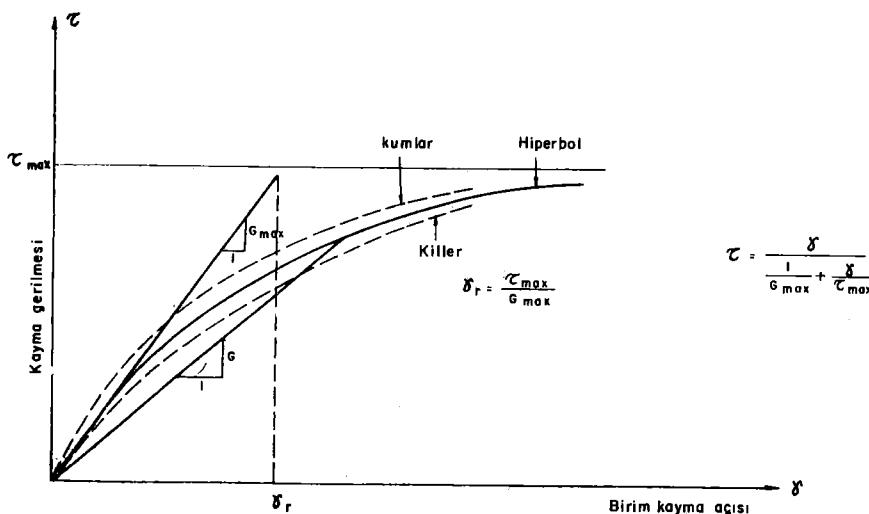
$$G_{\max} = 14760 \times \frac{(2.973 - e)^2}{1 + e} \quad (OCR)^n \quad (\sigma_m)^{1/2} \quad (lb/ft^2) \quad (3)$$

ifadesi ile bulunur. Burada ise :

e = boşluk oranı

OCR = aşırı yükleme oranı

σ_m = efektif ortalama asal gerilme



Şekil 5 - Zeminlerin kayma gerilmesi - birim kayma acisi ilişkisinin hiperbolik idealizasyonu (Hardin ve Drnevich, 1972)

olup, n ise zeminin plastisite indisine bağlıdır. Plastik indis sıfır ise $n = 0$ olup, plastik indis 100 olduğunda $n = 0,5$ değerine yükselir. Herhangi bir birim kayma açısı için kayma modülü, G denklem (2) den :

$$G = \frac{G_{\max}}{1 + \frac{\gamma}{\gamma_r}} \quad (4)$$

şeklinde bulunur. Burada;

$$\gamma_r = \tau_{\max}/G_{\max} \text{ olur}$$

Aynı araştırmacılar, denklem (4) ü aşağıdaki şekilde ifade etmenin deneyleri daha iyi yansittığını belirtmişlerdir.

$$G = \frac{G_{\max}}{1 + \gamma_h} \quad (5)$$

$$\gamma_h = \frac{\gamma}{\gamma_r} [1 + e^{-\beta (\gamma/\gamma_r)}] \quad (6)$$

γ_h "hiperbolik birim kayma açısı" olup, ve değerleri çeşitli zeminler için verilmiştir. (Hardin ve Drnevich, b)

Söñüm oranı da benzer bir ifade ile :

$$D = D_{\max} \frac{\gamma_h}{1 + \gamma_h} \quad (7)$$

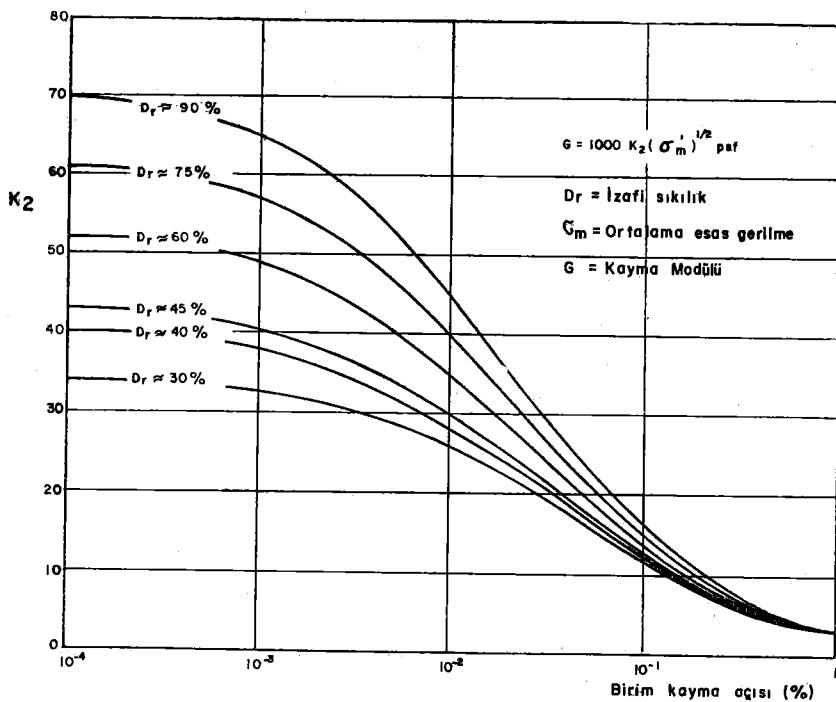
şeklinde verilmiştir.

D_{\max} , zeminin çok büyük birim kayma açılardındaki söñüm oranı olup % 25 - % 30 arasındadır.

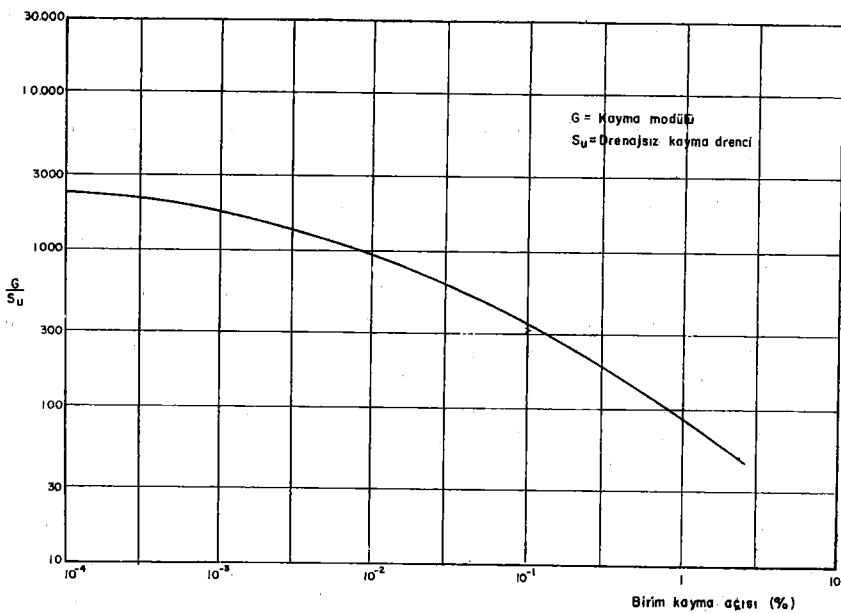
Yukarıdaki kısa açıklamalardan anlaşılabileceği gibi, dinamik zemin parametrelerinin tayini çok yönlü bir problem olup, özellikle pratiğe dönük çalışmalar için karışık bir görünüm göstermektedir. Seed ve Idriss, 1970; Hardin ve Drnevich'in daha önceki aynı mahiyetteki çalışmaları ile kendi ve diğer araştırmacıların çalışmalarını birleştirerek, bilgisayar programlarında kullanabilecek basit eğriler vermişlerdir. (Şekil-6, 7, 8, 9). Bu değerlerden görüleceği gibi, kumların dinamik kayma modülü, G ; izafi sıklık, efektif ortalaması asal gerilme ve birim kayma mukavemeti ile birim kayma açısı, dinamik kayma modülünü etkileyen faktörlerdir. Söñüm oranı ise gerek killerde gerekse kumlarda, birim kayma açısının fonksiyonudur.

4. İvme Ortalama Değerlerinin Dinamik Zemin Parametrelerine Etkisi :

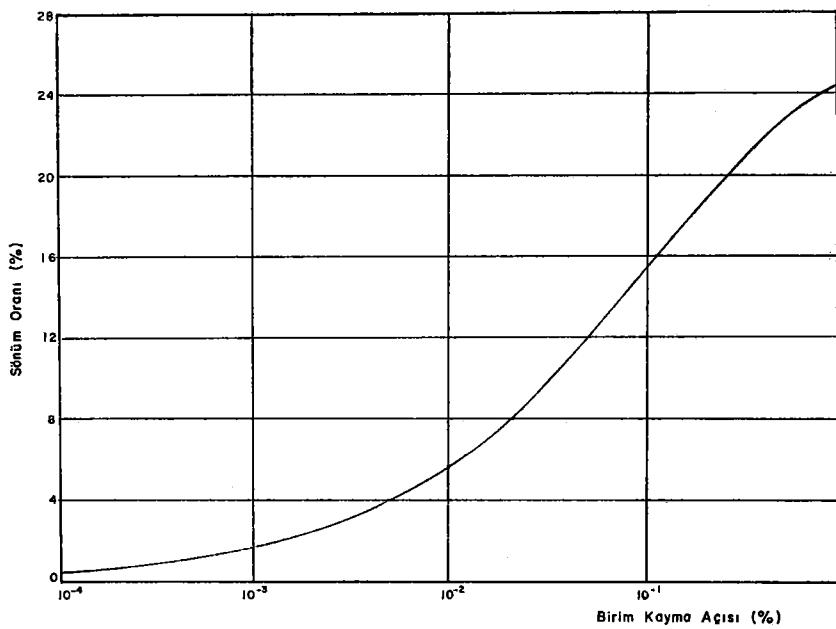
Yukarıdaki paragraflarda dinamik zemin parametrelerinin çeşitli faktörlerle bağlı olduğu, ve bu arada en önemli faktörlerden birinin de birim kayma açısı olduğu anlatılmıştır. Bir deprem hareketi sırasında birim kayma gerilme-



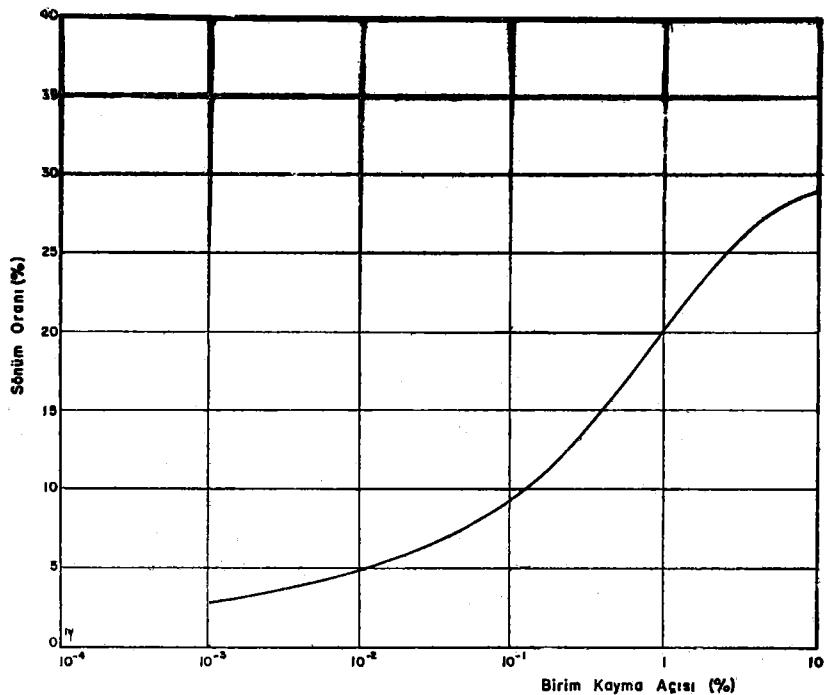
**Sekil 6 - Kumlarda kayma modülü-birim kayma açısı ilişkisi
(Seed ve Idriss , 1970)**



Sekil .7 - Killerde kayma modülü-birim kayma açısı ilişkisi (Seed ve Idriss , 1976)



Şekil 8 - Kumlarda sónum oranı - birim kayma ağacı ilişkisi (Seed ve Idriss , 1970)



Şekil 9 - Killerde sónum oranı - birim kayma ağacı ilişkisi (Seed ve Idriss, 1970)

si, zamanın bir fonksiyonu olup, her an değişmektedir. Deterministik bir analiz sırasında, zemin dinamik parametrelerini birim kayma açısına bağımlılığını da gözönüne alabilmek için yapılan sey, zemine analiz başında tahmini parametreler vermek, ve analiz sonunda gesitli derinliklerdeki birim kayma gerilmesi-zaman ilişkisinden bir "temsil edici birim kayma açısı" bularak bu değerlere tekabül eden yeni parametreleri seğerek ikinci analizde kullanmaktadır. Bu işlemeye (iterasyon) son iki analizde bulunan parametreler arasındaki fark belli bir yüzdeden az oluncaya kadar devam edilir. Idriss v.d. 1969. "temsil edici birim kayma açısı" olarak maksimum birim kayma açısının belli bir yüzdesini kullanmışlardır.

Yapılan çalışmada, Idriss v.d. (1969) tarafından hazırlanan bilgisayar programı bazı değişiklikler yapılarak kullanılmıştır. Şekil-6, 7, 8, 9'da gösterilen eğriler programa dahil edilmiş, ayrıca herhangi bir derinlikte kayma gerilmesini bulabilmek için "temsil edici birim kayma açısı" olarak, o derinlikteki birim kayma açısı değerleri kare ortalamalarının kare kökü (KOKK) alınmıştır.

Stasyoner bir gelişigüzel oluşumun, kare ortalamaları kare kökü, aşağıda ki şekilde tamamlanır :

$$KOKK = \left[\int_{-\infty}^{+\infty} S(w) \cdot dw \right]^{1/2} = \left[\int_0^{\infty} w(f) \cdot df \right]^{1/2} \quad (8)$$

burada, (w), iki taraflı spektral yoğunluk fonksiyonu, $W(f)$ ise tek taraflı deneysel spektral yoğunluk fonksiyonudur. $S(w)$ ile $W(f)$ arasında :

$$W(f) = 4\pi S(w) \quad (9)$$

ilişkisi vardır.

Bandi sınırlı "beyaz gürültü" şeklindeki bir stasyoner gelişigüzel oluşumda ise; spektral yoğunluk fonksiyonu $S(w)$ (veya $W(f)$) belli bir $w_1 < w < w_2$ aralığında sabit bir değere eşit olup, bu bandın dışında sıfır olur. Bu konuda daha ayrıntılı bilgi için Soydemir, Gürpınar ve Özgür (1974)'e başvurulabilir.

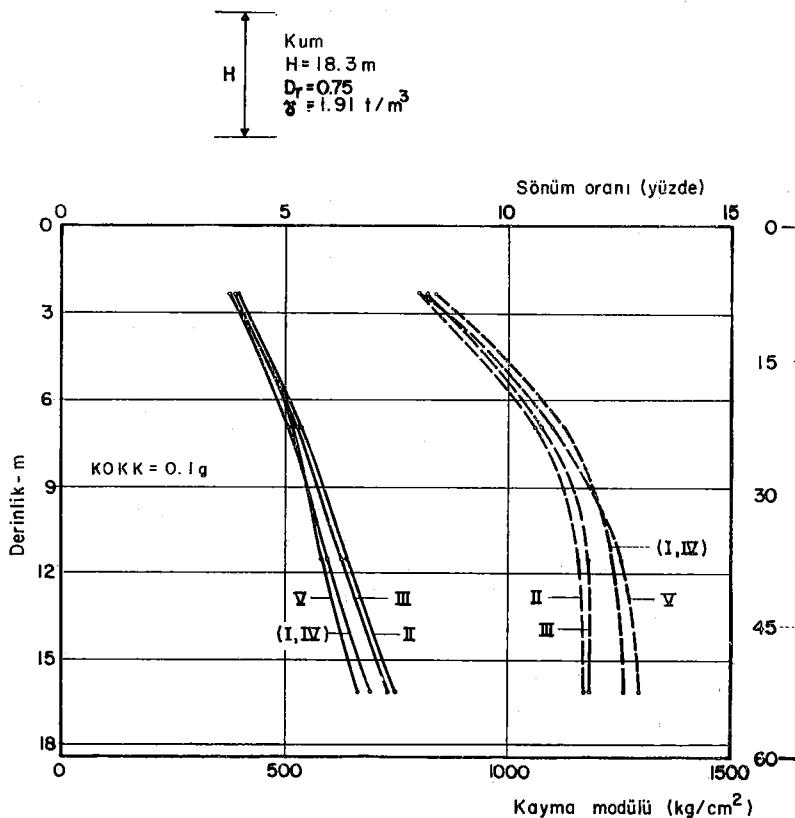
Taban hareketi yapay bir şekilde üretilmiştir. Bunun için taban hareketinin stasyoner gelişigüzel oluşum olduğu ve bandı sınırlı "beyaz gürültü" olarak adlandırılan ve belirli bir frekans bandına eşit ivme spektral yoğunluk fonksiyonuna sahip olduğu varsayılmıştır. Taban hareketleri spektral yoğunluklarının başka şekillerde olabileceği de gerçek olmakla birlikte, Eycroft (1960) büyük deprem hareketleri ivmelerinin bandı sınırlı "beyaz gürültü" şeklinde kabul edilebileceğini ve spektral yoğunluğunun $0,75 \text{ ft}^2/\text{saniye}^4$ /devir-saniye olarak alınabileceğini göstermiştir.

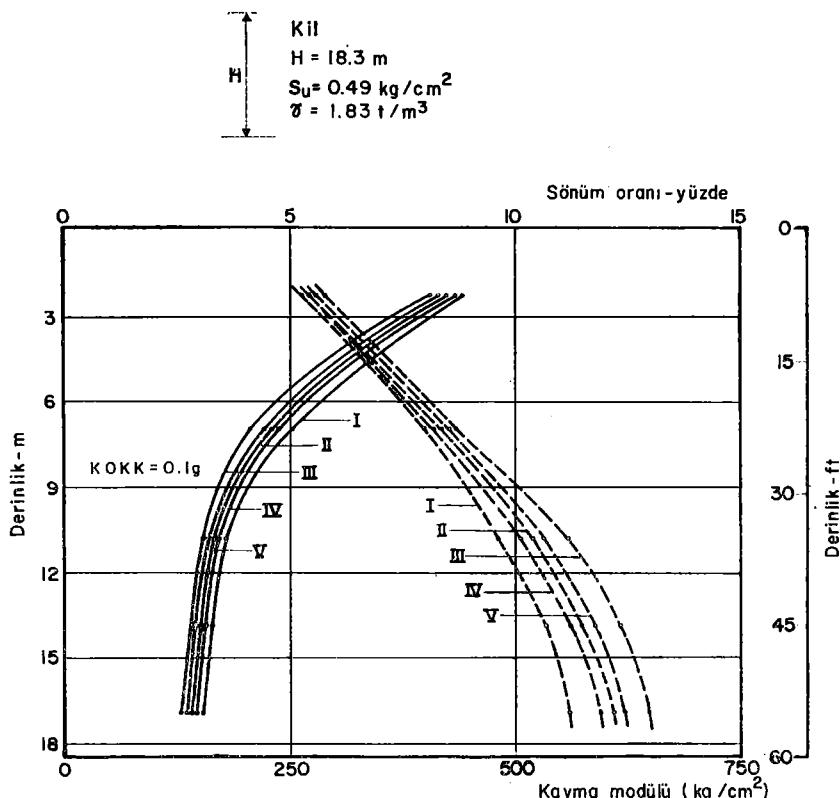
Yapay olarak beş adet bandı sınırlı "beyaz gürültü" niteliğinde deprem kaydı üretilmiştir. Kayıt uzunluğu 20 saniye, band aralığı $1/20 - 10$ devir - saniye olarak alınmıştır. Deprem enerjisi, deprem ivmelerinin KOKK ile orantılı olduğundan, deprem enerjisini simüle etmek KOKK değerini değiştirmek suretiyle mümkündür. KOKK beş kayıtta da aynı, 0.1 g. alınmış, ve bu birbirinden farklı kayıtlar ayrı ayrı taban hareketi olarak kullanılarak, doygın bir kil tabakası ve bir kum tabakasının bu hareketler altındaki davranışını incelenmiştir. Kil tabakasının birim ağırlığı 1.83 t/m^3 , drenajsız kayma drenci 0.50 kg/cm^2 ,

derinliği 18.3 metre; kum tabakasının ise, birim ağırlığı 1.91 t/m^3 , izafi sıklığı % 75 ve derinliği 18.3 m. olarak alınmıştır.

Şekil-10 ve Şekil-11'de beş ayrı deprem hareketi altında, bu iki cins zemin tabakasında, kayma modülü ve sönüm oranlarının derinlikle değişimi verilmektedir. Bu şekillerde görüleceği gibi, bu iki parametre de, taban ivmeleri KOKK değeri aynı olan beş ayrı deprem hareketi altında çok farklı değerler göstermemektedir.

Diğer taraftan, 1 numaralı kayıt, ordinatları ayarlanmak suretiyle değişik KOKK değerlerinde (0.025 g , 0.05 g , 0.1 g , 0.2 g) taban hareketi olarak aynı zemin tabakaları için kullanılmış ve kayma modülü ile sönüm oranının derinlikle değişimleri farklı KOKK değerleri için büyük farklılıklar göstermiştir. Bu sonuçlar Şekil-12, Şekil-19'da gösterilmiştir. Bu farklılıklar, büyük KOKK değerine sahip bir deprem hareketlerinde, büyük birim kayma açısı değişimleri nedeniyle büyük sönüm oranları ve yine aynı sebeple küçük kayma modülü meydana gelmesinden doğmaktadır.





Şekil 11 - Aynı KOKK ivme değerlerine fakat farklı ivme-zaman ilişkilerine sahip sınırlı bantlı "beyaz gürültü" şeklindeki taban hareketleri altında, bir kil tabakasında dinamik zemin parametrelerinin derinlikle değişimi.

Şekil-10 Şekil-19'un incelenmesinden gözlenecek bir husus da, kil tabakasında kayma modülünün derinlikle azalması, sönüm oranının derinlikle artışı; kum tabakasında ise kayma modülünün derinlikle az da olsa bir miktar artışıdır. Kil tabakasında kayma modülünün derinlikle azalığı birim kayma açısının derinlikle artışı nedeniyedir. Kum tabakasında kayma modülünün derinlikle artışı ise, kayma modülünün aşağıdaki ifadeye göre, efektif ortalama asal gerilme kare kökü ile orantılı artışından dolayıdır :

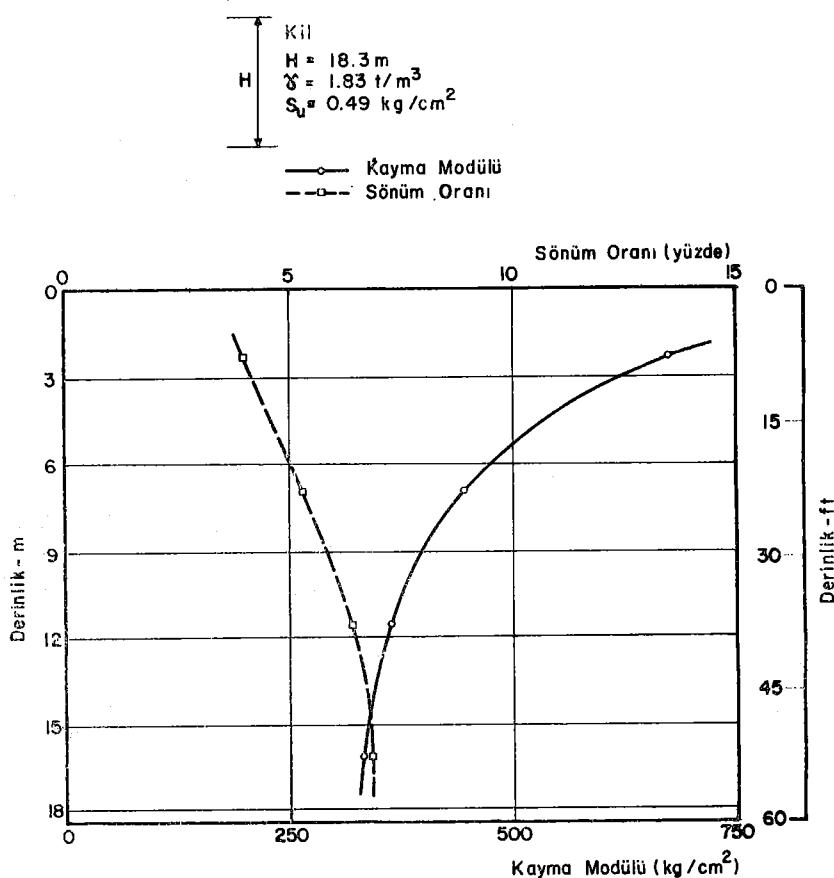
$$G = K_2 (\delta_m)^{1/2} \quad (10)$$

Bu ifadede, K_2 bir sabit olup, δ_m efektif ortalama asal gerilmedir. (Idriss ve Seed, 1970)

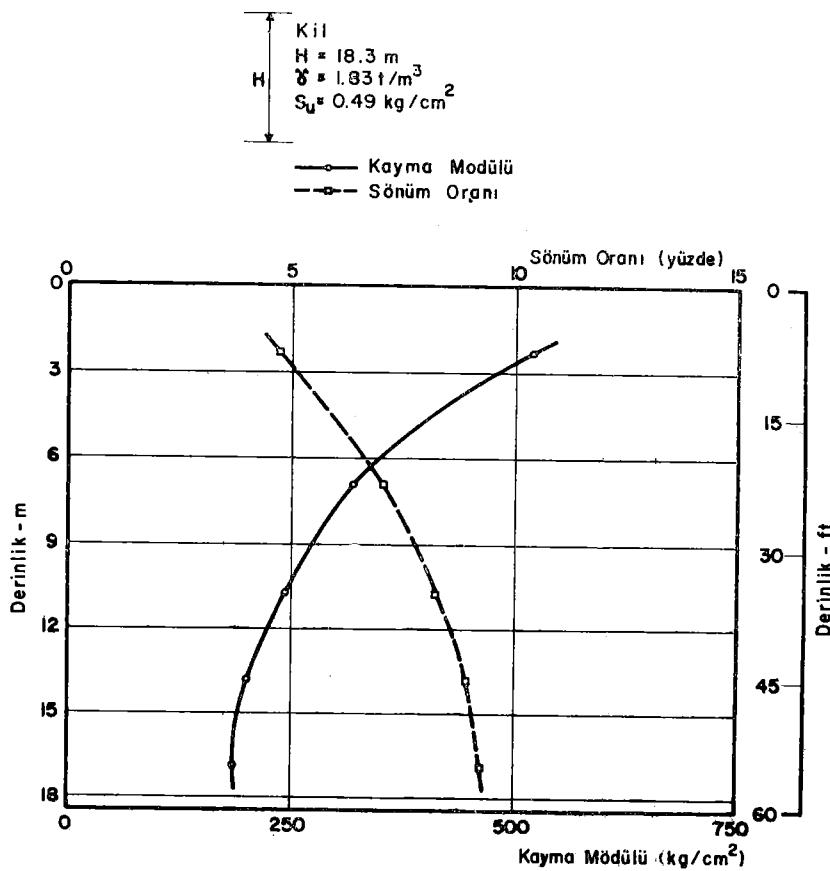
Sönüm oranlarının hem kil hem de kum tabakalarında derinlikle artışı ise, her iki tabakada da birim kayma açısının derinlikle artışı nedeniyedir.

Sonuç olarak, deprem enerjisi dolayısıyle taban hareketi KOKK değeri dinamik zemin parametrelerinin deprem kareketi sırasında alacağı değerler için

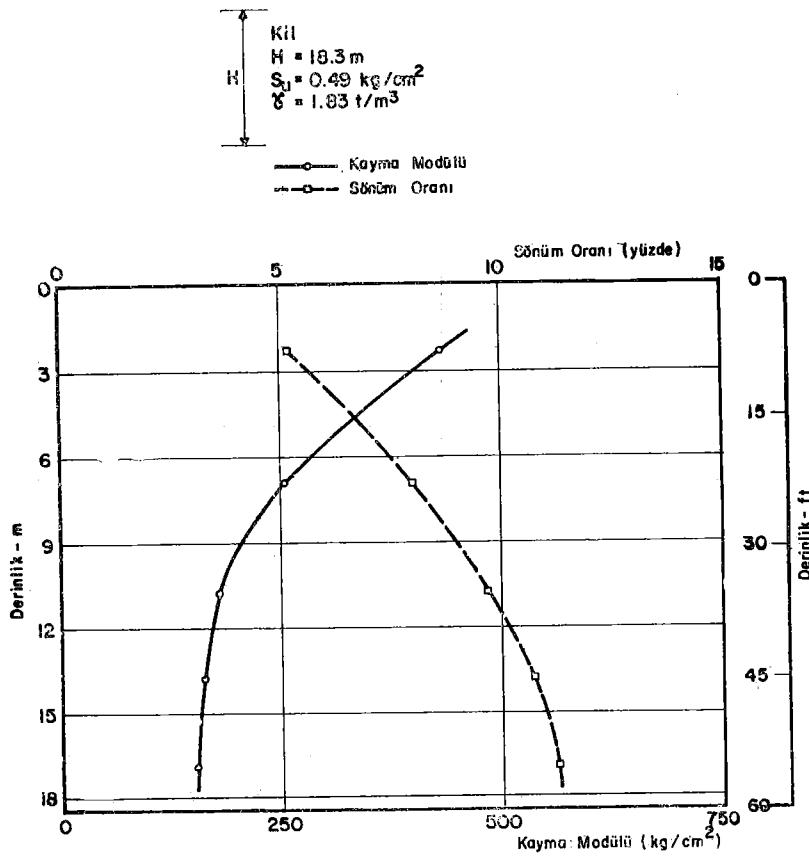
önemli bir faktördür, denilebilir. Aynı enerjiye, ya da KOKK değerine sahip farklı depremler için, muayyen bir zemin tabakasını temsil edecek dinamik parametreler, muayyen bir derinlikte, birbirine çok yakın değerler olarak alınabilir,



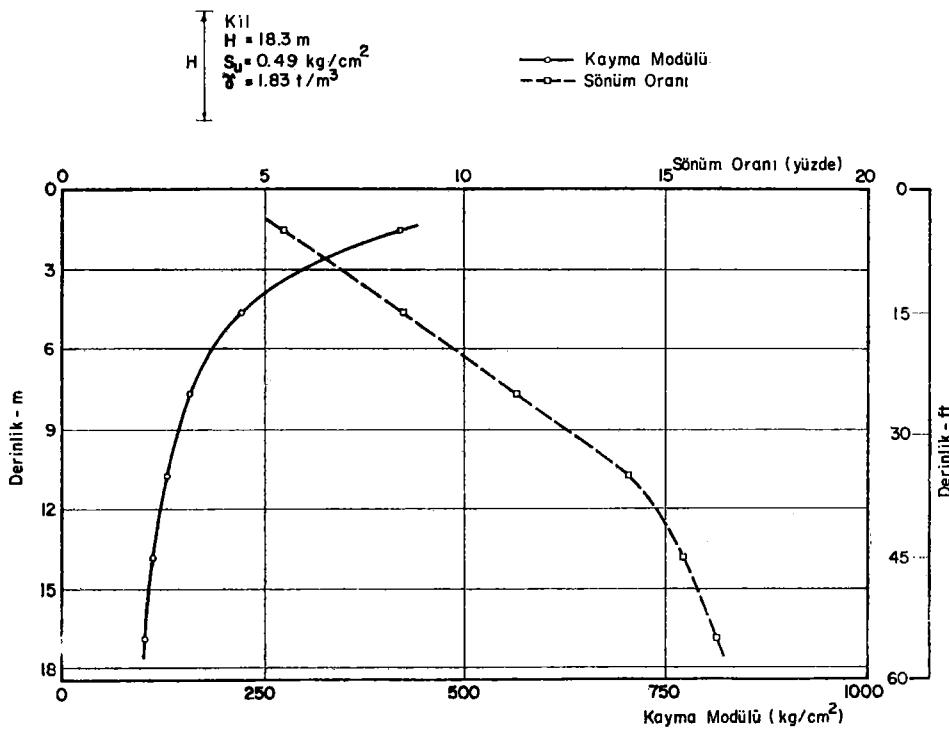
Şekil 12 - $\text{KOKK} = 0.025 \text{ g}$ olan sınırlı bantlı "beyaz gürültü" şeklindeki taban ivmeleri altında bir kil tabakasında dinamik zemin parametrelerinin derinlikle değişimi.



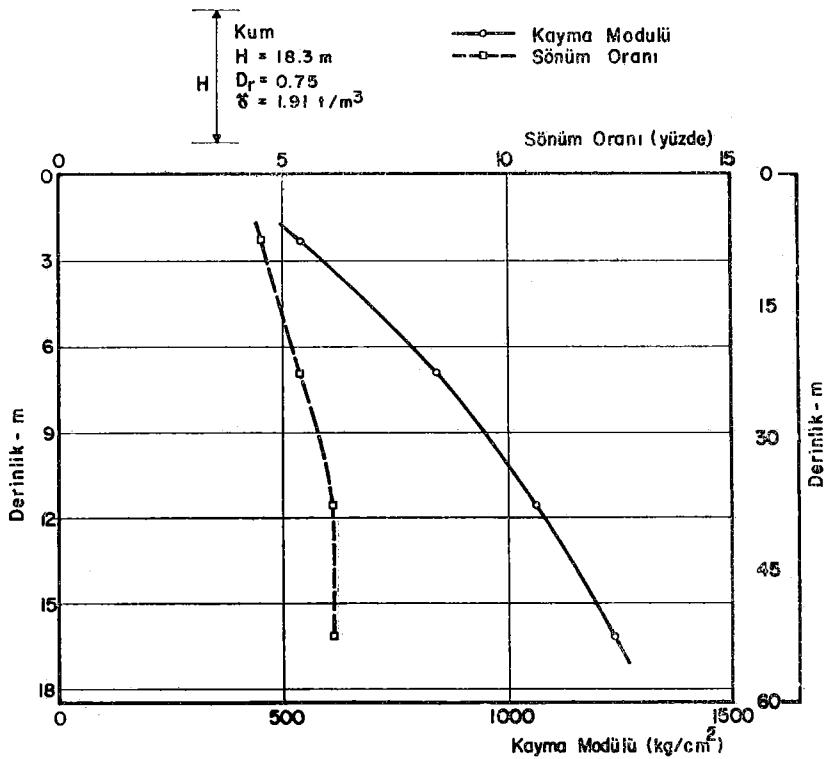
Şekil 13 - KOKK = 0.05 g olan sınırlı bantlı "beyaz gürültü" şeklindeki taban ivmeleri altında aynı kil tabakasında dinamik zemin parametrelerinin derinlikle değişimi.



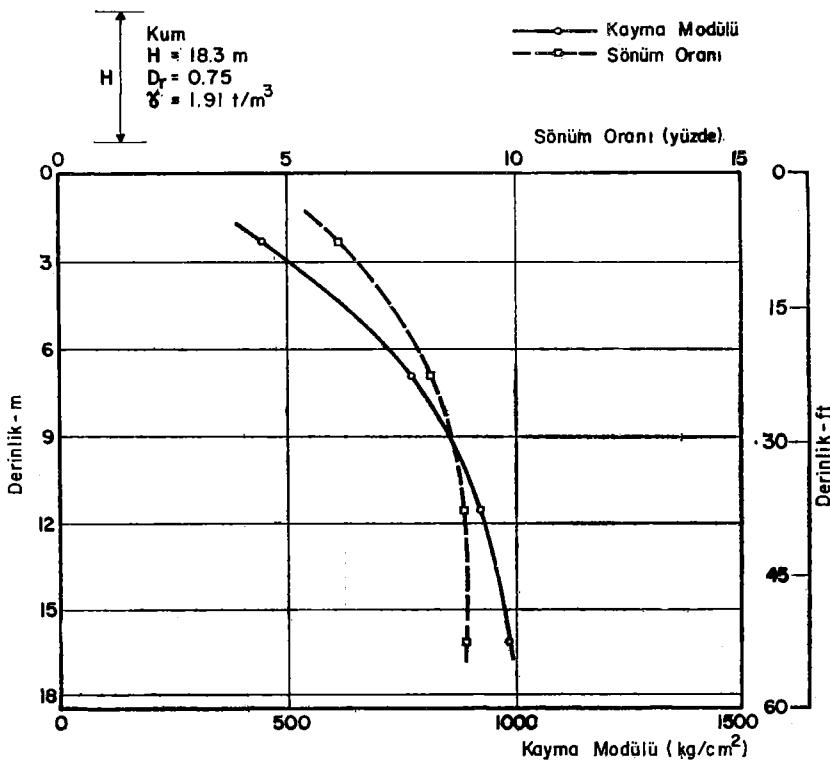
Sekil 14 - KOKK = O.1g olan sınırlı bantlı "beyaz gürültü" şeklindeki taban ivmeleri altında aynı kil tabakasında dinamik zemin parametrelerinin derinlikle değişimi.



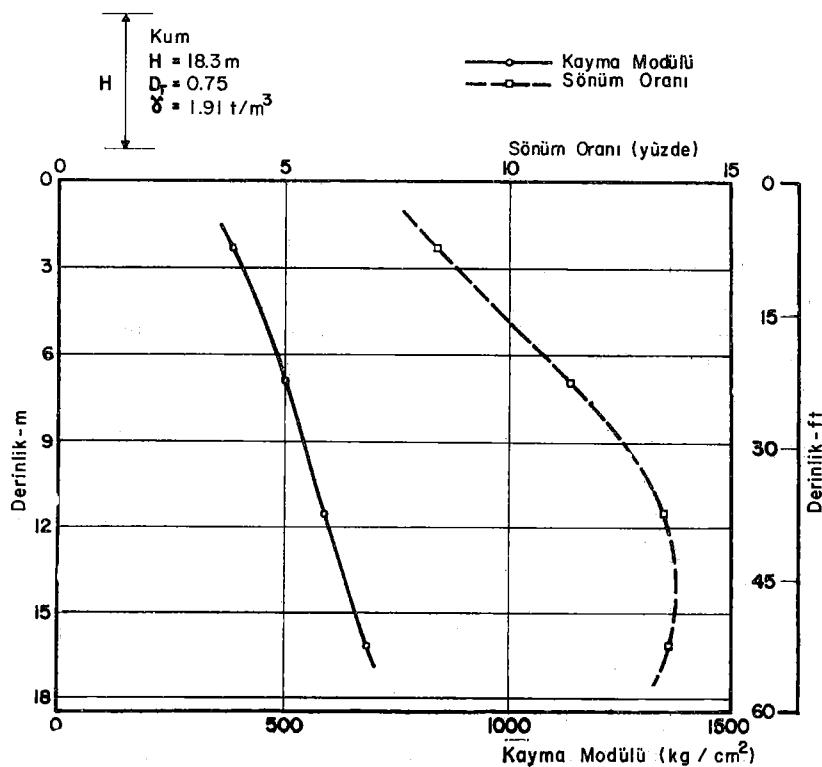
Şekil 15 - KOKK = 0.2 g olan sınırlı bantlı "beyaz gürültü" şeklindeki taban ivmeleri altında aynı kil tabakasında dinamik zemin parametrelerinin derinlikle değişimi.



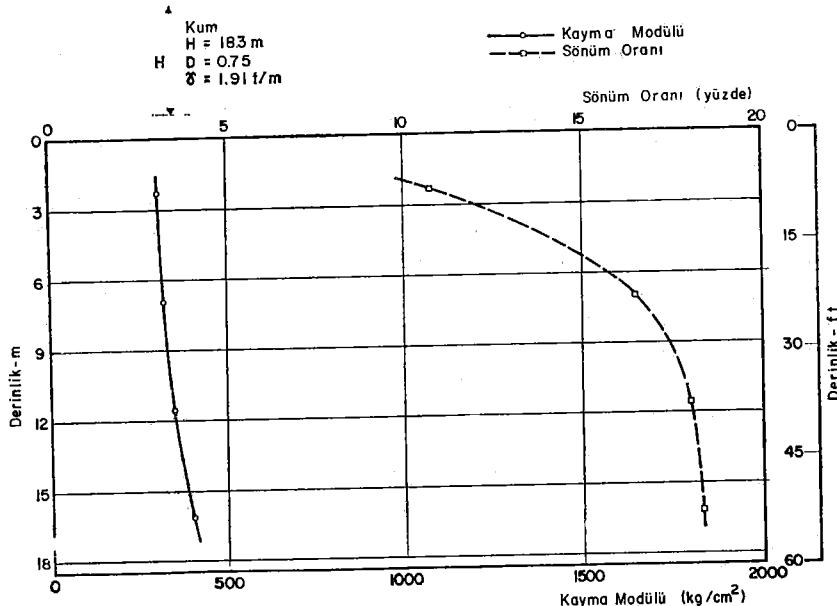
Şekil 16 - KOKK = 0.025-g olan sınırlı bantlı "beyaz gürültü" şeklindeki taban ivmeleri altında bir kum tabakasında dinamik zemin parametrelerinin derinlikle değişimi.



Şekil 17 - $K_{OKK} = 0.05$ olan sınırlı bantlı "beyaz gürültü" şeklindeki taban ivmeleri altında aynı kum tabakasında dinamik zemin parametrelerinin derinlikle değişimi.



Şekil 18 - KÖKK = 0.1g olan sınırlı bantlı "beyaz gürültü" şeklindeki taban ivmeleri altında aynı kum tabakasında dinamik zemin parametrelerinin derinlikle değişimi.



Şekil 19 - KÖKK = 0.2g olan sınırlı bantlı "beyaz gürültü" şeklindeki taban ivmeleri altında aynı kum tabakasında dinamik zemin parametrelerinin derinlikle değişimi.

KAYNAKLAR

1. Bycroft, G.N. White Noise Representation of Earthquakes", J.E.M.D., A.S.C.E., 1960.
2. Dobry, R., Whitman, R.V., Roessel, J.M. "Soil Properties and the One-Dimensional Theory of Amplification" Research Report, R 71-18 Massachusetts Institute of Technology, 1971.
3. Gürpinar, A.; Soydemir, Ç.; Özgür, D. "Zemin Yapısının Deprem İvme Spektrumuna Etkisi" T.B.T.A.K. - M.A.G. Proje No : MAG - 339 Ankara, 1974.
4. Hardin, B.O. "The Nature of Damping in Soils" J.S.M.F.D., A.S.C.E., 1965. Hardin, B.O., ve Block, W.L. "Vibration of Normally Consolidated Clays, J.S.M.F.D., A.S.C.E., 1968.
5. Hardin, B.O. ve Drnevich, V.P. "Shear Modulus and Damping in Soils : I Measurements and Parameter Effects" J.S.M.F.D., A.S.C.E., 1972, a. Hardin, B.O. ve Drnevich, V.P. "Shear Modulus and Damping in Soils : II- Design Equations and Curves" J.S.M.F.D., A.S.C.E., 1972, b.
6. Idriss, I.M., Dezfulian, H., Seed, H.B. "Computer Programs for Evaluating the Response of Soil Deposits With Nonlinear Characteristics using Equivalent Linear Procedures" Dept. of Civil Eng., Univ. of California, Berkeley, 1969.
7. Idriss, I.M.; Seed, H.B. "Response of Horizontally Soil Layers During Earthquakes" J.S.M.F.D., A.S.C.E., 1968.
8. Kovacs, W.D., Seed, H.B. Idriss, I.M. "Studies of Seismic Response of Earth Banks". J.S.M.F.D., A.S.C.E., 1971.
9. Özgür, D. ve Gürpinar, A. "Theoretical Simulation of Earthquake Acceleration Spectra" 5. Dünya Deprem Mühendisliği Konferansı, Roma, 1973.
10. Özkan, M.Y. "A Study on Response of Horizontally Layered Soil Deposits to Random Base Excitations" Thesis, Ph. D., Orta Doğu Teknik Üniversitesi, 1976.
11. Schnabel, P.B., Lysmer, J., Seed H.B. "SHAKE-A Program for Earthquake Response Analysis of Horizontally Layered Sites" College of Engineering, Univ. of California, Report No : EERC 72-12, 1972.
12. Seed, H.B.; ve Idriss, I.M. "Soil Moduli and Damping Factors for Dynamic Response Analysis" College of Eng., Univ. of California, Berkeley, Report No : EERC 70-10, 1970.
13. Streeter, V.L., Wylie, E.B., Richart, F.E. "Soil Motion Computations by Characteristic Method" J.G.E.D., A.S.C.E., 1974.
14. Silver, M.L. ve Seed, H.B. "Deformation Characteristics of Sands during Cyclic Loading" J.S.M.F.D., A.S.C.E., 1971.
15. Soydemir, Ç., Gürpinar, A., Özgür, D. "Zemin Yapısının Deprem İvme Spektrumuna Etkisi-Literatür Çalışması" Deprem Araştırma Enstitüsü Bülteni, 1974.

NÜKLEER GÜC SANTRALLARI İÇİN DEPREM RİSKİ ANALİZİ

M. Semih YÜCEMEN*

Polat GÜLKAN**

ABSTRACT

Recent developments in seismic risk evaluation are reviewed with the objective of assessing the seismic threat at a particular site under consideration for a nuclear power plant. Numerical results obtained from a refined analysis are presented for the site in question.

ÖZET

Deprem riski konusunda son yıllarda varılan gelişmeler göz önünde tutularak nükleer güç santrali yapılması planlanan belirli bir yerdeki deprem tehlikesinin saptanması incelenmektedir. Söz konusu yer için, geliştirilmiş çözümleme yönteminden bulunan sayısal sonuçlar sunulmaktadır.

1. GİRİŞ

Nükleer güç santrallarının tasarımında genellikle sismik yükler öncelik kazanmakta ve bu nedenle gelecekte olabileceği depremlerin etkilerinin göz önünde tutulması gerekmektedir. Depremlerin zaman, yer ve şiddet bakımından gösterdikleri rassallık nedeni ile depreme dayanıklı yapıların tasarımında olasılık yöntemlerine dayanan bir yaklaşım uygun düşmektedir. Burada anlatılan deprem riski analizi ile her deprem şiddeti veya en büyük zemin hareketi değişkeni için olasılık değerleri bulunabilmektedir.

Bu çalışmada deprem riski analizi konusunda en son çalışmalar, özellikle nükleer güç santrallarına olan uygulamaya ağırlık verilerek, sunulmaktadır. Önerilen yöntemle, belirli bir bölgedeki sismik olayların zaman ve yer içinde olusları ile ilgili tarihi ve jeolojik bilgiler, bölgenin sismik etkinliği ve zemin hareketi değişkenlerinin azalmasına ilişkin bilgilerle birleştirilerek ilerde beklenen sismik faaliyet hakkında belirli olasılık değerleri saptanabilmektedir. Deterministik yaklaşımların, aksine böyle bir yöntemin *çiktısı* zemin hareketi değişkenleri için tek bir değer yerine bir olasılık dağılımı olmaktadır. Bu da, inşaat yerindeki belirli bir zemin hareketi değişkeninin veya deprem şiddetinin bir yıldaki aşılma olasılığını (veya ortalama tekrar süresini) gösteren bir eğri şeklindedir. Türkiye'deki ilk nükleer santralın kurulması düşünülen inşaat yeri için yapılan deprem riski analizi ile yöntemin uygulanması gösterilmiştir.

* Uygulamalı İstatistik Bölümü, Orta Doğu Teknik Üniveristesi, Ankara.

** İnşaat Mühendisliği Bölümü, Orta Doğu Teknik Üniveristesi, Ankara.

2. DEPREM RİSKİ ANALİZ MODELİ

2.1. Sismik Veri Kaynakları

Deprem tehlikesinin değerlendirilmesinde amaç, eskiden olmus deprem olaylarına ait eldeki bilgiyi düzenli bir biçimde kullanarak belirli bir alanda ve T zaman süresinde, en büyük zemin hareketi değişkeninin Y değerinden büyük olma olasılığının hesaplanmasıdır. Yapılacak analizde öncelikle geçmişteki depremlerle ilgili verilerin derlenmesi gereklidir. Bu veriler ne kadar doğru olur ve ne kadar uzun bir gözlem süresini kapsarsa gelecek için yapılan tahminler de o kadar güvenilir olacaktır. Deprem verileri, özellikle odak derinliği, episantır ve magnitüd bakımından yanlış olmaktadır. Bundan başka çok eski depremler içinde ancak büyük can ve mal kaybına yol açan ve yerleşme merkezleri yakınında olanlar için kayıt bulunmaktadır.

Bu nedenlerle yapılan araştırmalarda, çoğu kez yalnız aletsel kayıtlara dayanan deprem verilerinin elde edilebilir olduğu son altmış veya yetmiş yıllık bir gözlem süresi göz önünde tutulmaktadır. Daha önceki yıllara ait kayıtlardan ise genellikle beklenilebilecek en büyük magnitüdün tahmininde yararlanılabilir.

Depremlerin zaman içinde gösterdikleri dağılmının yanında coğrafi dağılımanın da incelenerek deprem kaynaklarının saptanması gereklidir. Deprem kaynaklarının saptanması için tüm fayların yerleri ve sismik etkinlikleri ile ilgili bilginin yanında geçmiş depremlerin episantılarını gösteren haritalar da incelenmelidir.

Kendine özgü jeolojik ve tektonik özelliklerinden dolayı bazı bölgelerde deprem olma olasılığı daha çoktur. Bu nedenle deprem riski analizinde ilk iş inşaat sahası etrafında ve belirli uzaklıkta (nükleer güç santralları için 320 km yarıçaplı dairesel bir alanda) bulunan sismotektonik bölgelerin* sınırlarının ve tektonik özelliklerinin saptanması gereklidir. Sismotektonik bölgeler küçük alanlara bölünmekte ve bu küçük alanların sismik etkinliklerinin kendi geometrik merkezlerinden yayıldığı varsayılmaktadır. Bu nedenle, her bir küçük alan noktasal bir kaynak olarak düşününebilir.

Sismologlar deprem olusunu zaman ve uzayda istatistikي yöntemlerle inceledikten sonra, $\ln N(m)$ ile Richter magnitüdü M arasında yaklaşık doğrusal bir bağıntı bulunduğu saptamışlardır. Bu bağıntı su şekilde gösterilebilir (11) :

$$\ln N(m) = a - b(m - m_0) \quad (1)$$

Burada $N(m)$ birim zaman içinde magnitüdü m 'ye eşit veya daha büyük depremlerin ortalama sayısı; m_0 magnitüdün alt sınırı; a ve b regresyon katsayılarıdır. Regresyon katsayılarının bulunmasında inşaat sahası etrafındaki sismotektonik bölgelerin her biri için ayrı bir regresyon analizi gereklidir.

2.2. Deprem Riski Modelindeki Varsayımlar ve Değişkenler

Belirli bir inşaat sahası için deprem tehlikesinin bulunması ile ilgili yöntemler ilk defa Cornell (1) tarafından geliştirilmiş olup son yıllarda birçok

* Sismotektonik bölge, Amerika Birleşik Devletleri Atom Enerjisi Komisyonu (17) ve Milletlerarası Atom Enerjisi Ajansı (16) tarafından, sınırları içinde jeolojik yapı özellikleri bakımından tutarlılık gösteren yöre olarak tanımlanmıştır.

arastırmacılar da bu konuda çalışmalar yapmışlardır. Önerilen yöntem, depremlerin uzay ve zaman içinde dağılımları ile magnitüd bakımından gösterikleri belirsizliklerin yanında inşaat sahasındaki zemin hareketi değişkenin değerini, inşaat sahasının deprem kaynağına olan uzaklıgına bağlı olarak tahmin edilmesini sağlayan azalımlı ilişkisindeki belirsizlikleri de içermektedir.

Analizde yapılan başlıca varsayımlar şunlardır :

(i) Alt sınır m_o 'dan büyük depremlerin oluşumu zamana göre homojen bir Poisson süreci olarak alınabilir. Alt sınırın seçiminde, m_o 'dan küçük magnitüdü depremlerin mühendislik yapılarını etkilemeyecek değerde olacakları varsayıılır.

(ii) Magnitüd-sıklık ilişkisi doğrusal bir ifade ile gösterilebilir. Bu doğrusal tekrar ilişkisi her bir sismotektonik bölge için Denklem 1'de verilen regresyon doğrusu şeklinde olacaktır. Magnitüd için bir üst sınırın da olduğu varsayılsa, magnitüdün birikimli dağılışı şu şekilde olacaktır :

$$F_M(m) = \Pr(M < m) = \begin{cases} 0 & m < m_o \\ k \{1 - e^{-\beta(m-m_o)}\} & m_o \leq m < m_1 \\ 1 & m \geq m_1 \end{cases} \quad (2)$$

Bu denklemde $k = \left\{ 1 - e^{-\beta(m_1-m_o)} \right\}^{-1}$ olup, birikimli dağılım işlevinin $m = m_1$ değerinde 1.0 olmasını sağlayan düzeltme katsayısidır. Deprem magnitüdlerinin üst sınırı o bölgede beklenilebilecek en büyük deprem m_1 ile belirlenmiştir.

(iii) Magnitüd M ile inşaat sahasında oluşan en büyük zemin hareketi değişkeni Y ve deprem kaynağının inşaat sahasına olan uzaklığı R arasında

$$Y = (b_1 e^{b_2 M R^{-b_3}}) \varepsilon \quad (3)$$

gibi bir bağıntı bulunmaktadır (6). Burada b_1 , b_2 ve b_3 empirik azalım parametrelerini simgelemektedir. ε 'nın azalımlı ilişkisindeki belirsizlikleri karşılayan bir rassal hata terimi olduğu varsayılmıştır. Nükleer santral gibi riyit sistemlerde en büyük yapı tepkisi, en büyük zemin ivmesiyle orantılı olacağından bu çalışmada Y en büyük zemin ivmesi olarak alınmıştır. Esteva (7) $\ln \varepsilon$ 'nın ortalaması sıfır, standard sapması σ olan yaklaşıklı bir normal dağılım gösterdiğini belirtmiştir. Birçok arastırmacı σ için 0.20 ile 1.10 arasında değişen değerler vermişlerdir. Donovan ve Barnstein (2) σ için sabit tek bir değer yerine değişik ivme düzeylerinde değişik σ değerleri kullanılmasını önermektedirler. Arastırmacıların 1971 San Fernando depreminden elde edilen ivme değerlerine dayanarak, zemin koşulları bilinen inşaat sahaları için verdikleri σ değerleri Tablo 1'de gösterilmiştir. Beklenildiği gibi, ε hata terimiyle azalımlı ilişkisinin rassallastırılması deprem riskini büyütür.

Hesaplama kolaylık ve çok yönlülük kazanılması bakımından sismotektonik bölgeler (alansal kaynaklar) inşaat sahasına belirli uzaklıktaki noktasal kaynaklara indirgenir. Her bir noktasal kaynak diğerlerinden ayrı düşünülerek hesaplamalar yapılır ve her birinin katkısı toplanarak inşaat sahasındaki deprem riski bulunur. Noktasal bir kaynakta, magnitüd için çift sınırlı üssel bir

dağılım (üst sınır m_1 , alt sınır m_0) varsayılsa, bu kaynaktan doğan bir depremin inşaat sahasında yarattığı zemin ivmesinin belirli bir y değerini aşma olasılığı söylenir (bak Ek. 1) :

$$\Pr(Y > y) = 1 - F_Y(y) = \Phi^*(\frac{Z_1}{\sigma}) - k \left\{ \Phi^*(\frac{Z_1}{\sigma}) - \Phi^*(\frac{Z_2}{\sigma}) \right\}$$

$$+ \frac{1}{2} e^{-\beta m_o R^{-b}} 3^{\frac{\beta}{b}} 2 \left(\frac{y}{b_1} \right)^{-\frac{\beta}{b}} 2 e^{\frac{\beta^2 \sigma^2}{2b^2}} 2 \left\{ \Phi^*(\frac{z_1}{\sigma} - \frac{\beta \sigma}{b_2}) - \Phi^*(\frac{z_2}{\sigma} - \frac{\beta \sigma}{b_2}) \right\} \quad (4)$$

Bu denklemde,

$\Pr(\cdot)$ = olasılık

$\Phi^*(\cdot)$ = standard normal dağılım için tümleyici birikimli dağılım işlevi

$$z_1 = \ln y - \ln(b_1 e^{-\frac{b_2 m_1}{R}})$$

$$z_2 = \ln y - \ln(b_1 e^{-\frac{b_2 m_0}{R}})$$

β = (magnitüd-sıklık) regresyon doğrusunun eğimi, $b \ln 10$.

Denklem 4 sadece inşaat sahasındaki zemin ivmesinin y seviyesini aşma olasılığını vermektedir. Depremlerin zaman içinde oluşumunun bir Poisson süreci olduğu varsayımlına göre t süresinde n deprem olasılığı söylenir :

$$\Pr(\hat{N} = n) = \frac{e^{-\nu t} (\nu t)^n}{n!} \quad (5)$$

Burada,

ν = birim zaman süresinde ve birim alanda olan deprem sayısı

\hat{N} = birim alanda t zaman süresinde olan depremlerin sayısını gösteren rassal değişken.

Bir yıl içinde olan depremlerden, ancak inşaat sahasında y 'den büyük zemin ivmesi yaratabilecek N deprem olayı önemlidir. Bu depremlerin yılda oluş sayısı ise $P_{y\nu}$ olacaktır; $P_y = (Y > y)$ şeklinde tanımlanmıştır. Buna göre, oluş hızı $P_{y\nu}$ olan deprem olayları için

$$\Pr(N = n) = \frac{-\nu P_y t (\nu P_y t)^n}{n!} \quad (6)$$

Denklem 6 kullanılarak, t zaman süresinde noktasal bir kaynağın inşaat sahasında oluşturduğu en büyük zemin ivmesinin y değerini aşma riski söyle bulunur :

$$F_{Y_{\max}}(y) = \Pr(Y_{\max} < y) = \Pr(\text{hiçbir depremde } y \text{ değeri aşulmaz.})$$

$$\begin{aligned}
 & -\nu P_y t \\
 = \Pr(N = 0) & = e^{-\nu P_y t} \\
 \Pr(Y_{\max} > y) & = 1 - e^{-\nu P_y t} = 1 - \exp\{-\nu t (1 - F_Y(y))\} \quad (7)
 \end{aligned}$$

Bir yılda y değerini aşma olasılığı (yıllık risk) Denklem 7'de $t = 1$ alınarak bulunur.

$$\Pr(Y_{\max} > y) = 1 - \exp\{-\nu (1 - F_Y(y))\} \quad (8)$$

νP_y küçük ise (< 0.10) yıllık risk yaklaşık olarak

$$\Pr(Y_{\max} > y) \simeq P_y \nu = \nu \{1 - F_Y(y)\} \quad (9)$$

Yukarıda verilen denklemdeki $\{1 - F_Y(y)\}$ teriminin değeri Denklem 4 yardımıyla bulunur. Eğer r tane noktasal kaynak var ise, inşaat sahasındaki yıllık risk, bu kaynakların Denklem 9'dan hesaplanacak katkılарının toplamına eşittir.

$$\Pr(Y_{\max} > y) = \sum_{i=1}^r \nu_i \{ (1 - F_Y(y))_i \} \quad (10)$$

2.3. Azalum İlişkisi

Deprem mühendisliğinde kuvvetli zemin hareketlerinin ölçümlünde en basit yollardan biri de, şiddetli sarsıntıya uğramış bölgede kayd edilen en büyük ivme değerinin kullanılmasıdır (14). Depremlerin diğer özellikleri de önemli olmakla beraber, değişik inşaat sahalarının deprem tehlkesi bakımından karşılaştırılmasında çoğu kez beklenen en büyük zemin ivmeleri göz önünde tutulur.

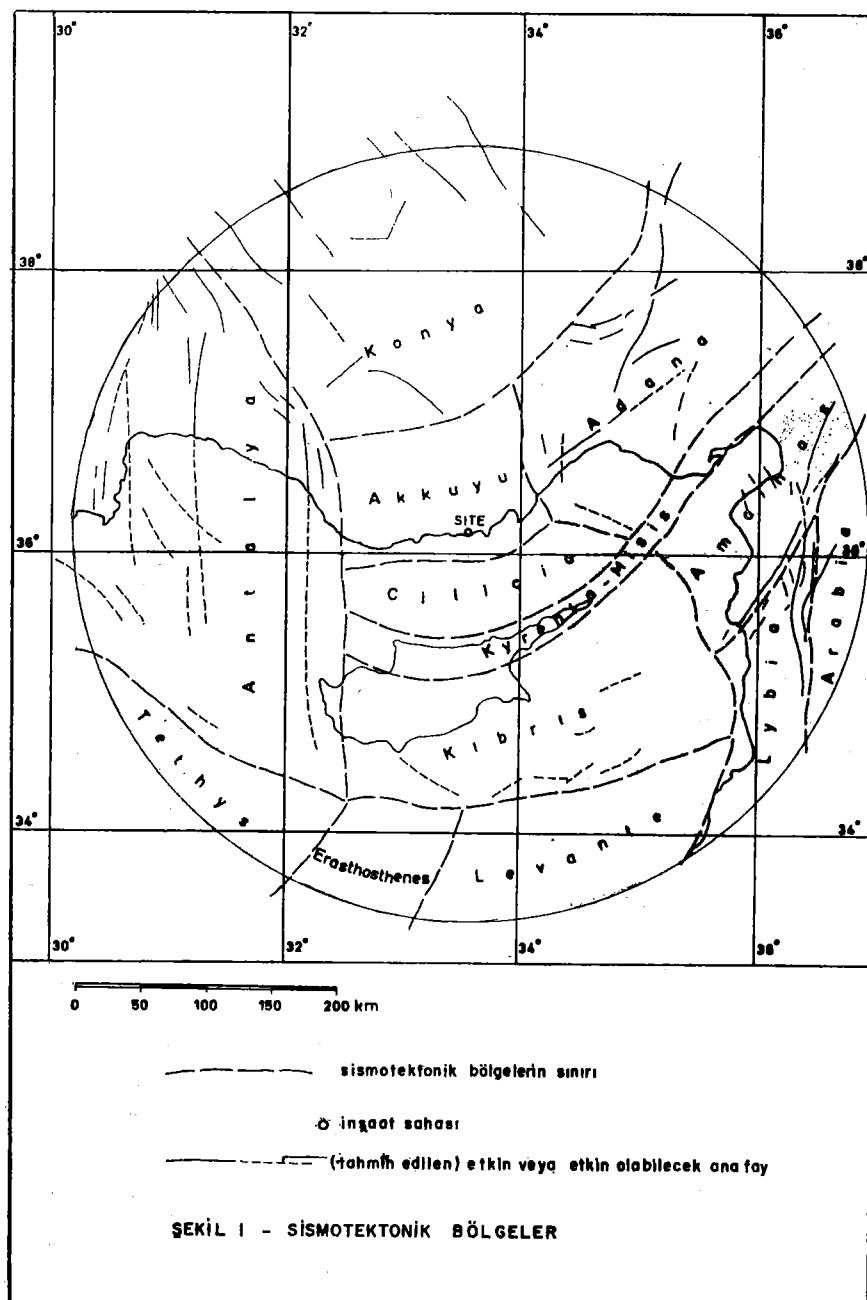
Denklem 3 ile verilen azalım ilişkisinden başka azalım ilişkileri de önerilmiştir. Denklem 3'deki biçim, duyarlılık analizine uygunluğu ve risk denklemlerinde (Denklem 4 ve 9) doğrudan doğruya kullanılabilmesi bakımından yaygın bir şekilde uygulanmaktadır. Diğer azalım ilişkileri için 14 ve 15 sayılı kaynaklarda geniş bilgi verilmektedir.

3. SAYISAL ÖRNEK

3.1. Sismik Veri Tabanı

Bu çalışmada kullanılan deprem verileri için 3 sayılı kaynak esas alınmıştır. Nükleer santralin inşa edileceği saha merkez olmak üzere 325 km yarıçaplı daire içinde kalan bölgelerde olusacak depremlerin nükleer santrala etki yapabileceği varsayılmıştır. Bu bölge içinde 1903-1972 yılları arasında oluşan ve magnitüdleri 4.3'ten büyük depremlerle ilgili 3 sayılı kaynaktan elde edilen bilgi 4, 5, 9, 10, 18 ve 19 sayılı kaynaklarla karşılaştırılmıştır. Sadece, Akkuyu bölgesi için magnitüd alt sınırı 3.3 olarak alınmıştır. Değişik kataloglarda verilen magnitüdler arasında farklılık olduğu durumda, en büyük magnitüd geçerli sayılmıştır. Bu depremlerden başka 115-1903 yılları arasında olmuş magnitüdü 7.3'ten büyük dokuz deprem daha göz önünde tutulmuştur. Depremlerin ayrıntılı bir listesi Kaynak 8'de verilmiştir.

Fay oluşumu ve tektonik yapısı bakımından değişik özellikler gösteren sismotektonik bölgelerin ayırımı Şekil 1'de gösterilmiştir. Yörede deprem tehdikesi yaratabilecek yedi tane sismotektonik bölge bulunmaktadır. Bunlar Ada-



na, Kyrenia-Misis, Amanos, Konya, Antalya, Kıbrıs ve Akkuyu olarak adlandırılmışlardır. Adana, Amanos ve Antalya bölgelerinin deprem bakımından hareketli bir geçmişi olmakla beraber diğer bölgeler oldukça durgundur.

Akkuyu açısından tüm sismotektonik bölgelerde magnitüd alt sınırı 4.3 olarak alınmıştır. Akkuyu bölgesinde, gözlem süresi içinde magnitüdü 4.3'ten büyük ancak iki deprem olmuştur. Bu nedenle Akkuyu'da alt sınır 3.3. olarak alınmış ve deprem sayısı da böylece dokuza çıkmıştır.

Deprem riski hesabı için gerekli parametrelerin değerleri bu yedi bölge için Tablo 1'de özetlenmiştir. Her yıl olması beklenen ortalama deprem sayısı, yetmiş sene boyunca oluşan deprem sayısının gözlem süresine bölünmesiyle elde edilmiştir.

Sismotektonik bölgeler için magnitüd üst sınırı, 1903 yılından sonra o bölgede gözlenen en büyük magnitüd değerinin güvenilir bir ölçüde arttırılmasıyla saptanmıştır. Üst sınır değerleri Tablo 2'de gösterilmiştir. İleride açıklanacağı gibi sismotektonik bölgeler için belirlenen üst sınır değerlerinin neticeleme, özellikle büyük ivmelerin risklerine etkisi önemli olacaktır. Bu nedenle üst sınır değerlerinin seçiminde büyük bir özen gösterilmelidir.

Tablo 2'de verilen ortalama odak derinlikleri Kaynak 8'de sunulan verilerden elde edilen yuvarlanmış ortalama değerlerdir. Odak derinliğindeki değişimlerin yüksek ivmeler için bulunan risk değerlerine etkisi pek az olmaktadır. Tablo 2'deki en son kolonda β - b (ln 10) değerleri verilmiştir.

3.2. Azalım İlişkisi

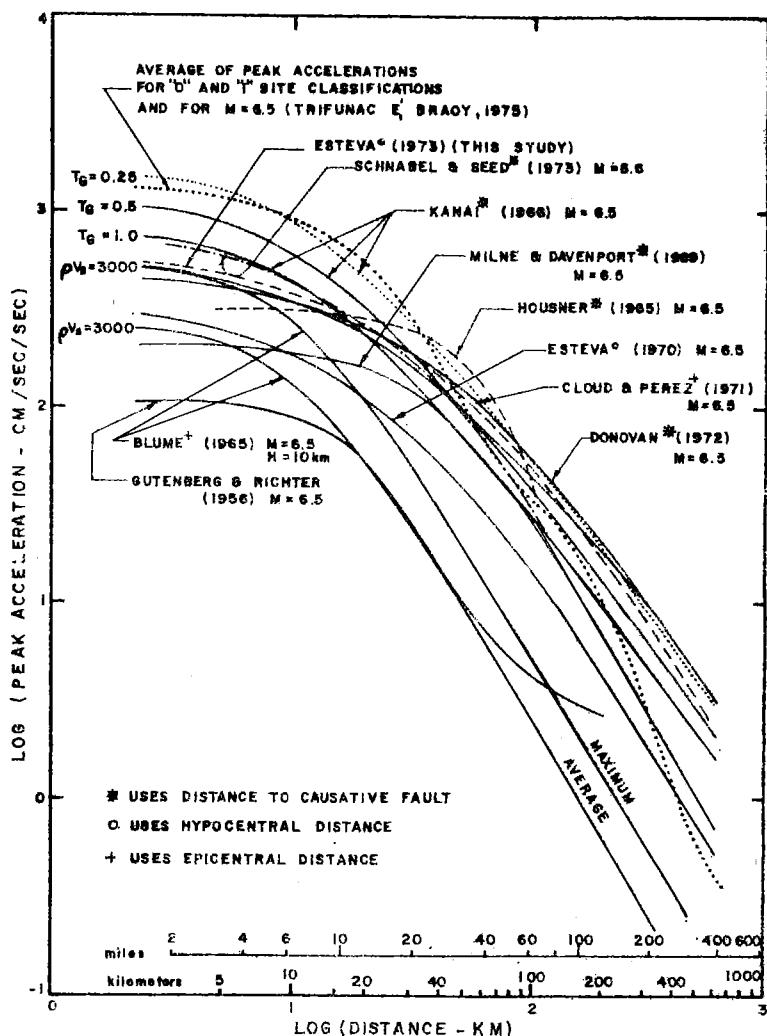
Bu çalışmada Denklem 3 ile belirtilen azalım ilişkisi şu katsayılar alınrak kullanılmıştır (12) : $b_1 = 5000$, $b_2 = 0.8$, $b_3 = 2.0$ ve $R = R' + 40$ (km) : R' , odak derinliğini simgelemektedir. Böylece, Denklem 3 şu şekli olacaktır :

$$Y = \{5000 e^{-\frac{0.8M}{(R' + 40)}}\} \varepsilon \quad (11)$$

Sekil 2'de, Denklem 11 ile verilen azalım ilişkisi diğer azalım ilişkileri ile karşılaştırılmıştır. Denklem 11 ile 20 km'yi aşan uzaklıklar için elde edilen sonuçlar diğer azalım ilişkilerinin büyük bir kısmına oranla daha emniyetli tarafta olmaktadır. Yapılan çalışmada bu azalım ilişkisinin yanında, doğrusal magnitüd-sıklık ilişkisinin de kullanıldığı düşünüürse, neticelerde tartımasız abartılmış bir emniyet payı olduğu sonucuna varılabilir. Diğer bir deyimle bulunacak risk değerleri olduğundan daha büyük olacaktır.

3.3. Uygulama

Yedi sismotektonik bölge için Denklem 10'un sayısal değerlendirilmesi hizurlanan bir bilgisayar programı ile yapılmıştır. Her bölge küçük dairesel birimlere bölünmüştür. Noktasal veya çizgisel deprem kaynaklarından bulanacak sonuçlar, odak derinliğinin iki katı uzaklıkta yaklaşık aynı değerleri verdiği ve Akkuyu bölgesinde de belirgin bir noktasal veya çizgisel kaynak bulunmadığı için her bölgede depremlerin uzay içinde homojen bir dağılım gösterdiği varsayılmış ve Tablo 2'de verilen değerler bölgelerin tüm kesimleri için gecerli sayılmıştır. Dairesel birimler, inşaat sahasına uzaklıklarını merkezlerin-



SEKİL 2 - KULLANILAN AZALIM İLİŞKISİNİN DİĞERLERİ
ILE KARŞILAŞTIRILMASI (14)

1. Kanai, K. (1966). Improved Empirical Formula for Characteristics of Stray Earthquake Motions, Proc. Jap. Earthquake Symp., 1-4 (in Japanese).
2. Schnabel, P. and Seed, H.B. (1973) Accelerations in Rock for Earthquakes in the Western United States, Bull. Seism. Soc. Amer., 63, 501-516.
3. Milne, W.G., and Davenport, A.G. (1969). Distribution of Earthquake Risk in Canada, Bull. Seism. Soc. Amer., 59, 754-779.
4. Housner, G.W. (1965). Intensity of Earthquake Ground Shaking Near the Causative Fault, Third World Conf. on Earthquake Eng., New Zealand, 94-111.

den ölçülen noktasal deprem kaynakları olarak alınmışlardır. Ayrıca hata teriminin standard sapması için Tablo 1'de verilen, ivmelerle değişen değerler kullanılmıştır. Elde edilen ivme-risk eğrisi Şekil 1'de kesiksiz çizgi ile gösterilmiş ve gerçek durum diye adlandırılmıştır.

3.4. Duyarlılık Analizi

Deprem riski, sonuçlara etkisi değişik düzeyde olan birçok değişkene dayanır. Sonuçların bu değişkenlere olan duyarlığını araştırmak amacıyla üç ayrı hesaplama daha yapılmıştır. İlk olarak Tablo 1'de verilen ortalama odak derinlikleri yerine yedi bölge için de aynı değer, 15 km, alınmıştır. Bu durumun, 10^{-3} 'ten küçük yıllık risk değerlerine etkisi ömensizdir.

Diğer iki hesaplamada hata teriminin standard sapması sabit tutularak $\sigma = 0.20$ ve $\sigma = 0.40$ alınmıştır. Bu değişiklik sonucunda, küçük risk düzeylerinin ($\leq 10^{-3}/\text{yıl}$) karşılığı olan ivme değerlerinde belirgin bir artış olmuştur. Elde edilen eğriler, gerçek durum ile birlikte Şekil 3'te gösterilmiştir. Bu eğriler inşaat sahasında belirli bir zemin ivmesinin bir yılda aşılma olasılığını (yıllık riski) vermektedir.

TABLO 1. HATA TERİMİNDEKİ BELİRSİZLİK DEĞERLERİ (KAYNAK NO : 2)

Zemin İvmesi	Hata Teriminin Standard Sapması, σ
0.01 g	0.48
0.05 g	0.39
0.10 g	0.30
0.15 g	0.22
0.20 g	0.17
0.25 g	0.13
0.30 g	0.12

5. Esteva, L. (1970) Seismic Risk and Seismic Design Decisions, Seismic Design for Nuclear Power Plants, R.J. Hansen, Ed., MIT Press.
6. Cloud, W.K., and Perez, V. (1971). Unusual Accelerograms Recorded at Lima, Peru, Bull. Seism. Soc. Amer., 61, 633-640.
7. Donovan, N.C. (1972). Earthquake Hazards for Buildings, National Bureau of Standards Build. Science Ser. 46, Building Practices for Disaster Mitigation, Boulder, Colorado.
8. Blume, J.A. (1965). Earthquake Ground Motion and Engineering Procedures for Important Installations Near Active Faults, Third World Conf. on Earthquake Eng. New Zealand, 53-67.
9. Gutenberg, B., and Richter, C.F. (1956). Earthquake Magnitude, Intensity, Energy and Acceleration, Paper II, Bull. Seism. Soc. Amer., 46, 105-195.
10. Esteva, L. (1973). (Bak "Yararlanılan Kaynaklar 12") Bu çalışmada aynı azalmış ilişkisi kullanılmıştır.

TABLO 2. SİSMOTEKTONİK BÖLGELERİN ÖZELLİKLERİ

Bölge No	Adı	Alt Sınır m_o	Üst Sınır m_i	Olay sayısı/yıl	Ortalama odak derinliği (km)	β
1	Adana	4.3	7.4	0.400	50.0	1.574
2	Kyrenia-Misis	4.3	6.7	0.157	45.0	1.854
3	Amanos	4.3	8.0	0.305	60.0	1.379
4	Konya	4.3	7.2	0.314	30.0	1.687
5	Antalya	4.3	7.5	1.100	60.0	1.745
6	Kıbrıs	4.3	7.5	0.129	75.0	0.770
7	Akkuyu	3.3	6.5	0.129	15.0	1.020

Sonuçlar incelendiğinde inşaat sahasında 0.10 g'den büyük zemin ivmesi yaratılmasında tek önemli kaynağı Akkuyu bölgesi olduğu ortaya çıkmaktadır. Bu nedenle inşaat sahası yakınındaki deprem olaylarının dikkatle değerlendirilmesi gerekmektedir. Akkuyu bölgesinde magnitüd üst sınırının 6.5 alınması su nedenlere dayanmaktadır :

- (i) Şekil 1'deki sismotektonik bölgelendirme haritasında magnitüdü 6.5'-dan büyük deprem yaratacak bir fay belirtisi yoktur.
- (ii) $M = 6.5$ üst sınırı son 70 senede gözlenen en şiddetli depremin magnitüdünden bir birim daha büyuktur.
- (iii) Akkuyu bölgesinde geçmiş olusan tarihi depremler arasında 6.5'-tan büyük magnitüdü deprem yoktur.

3.5. Tekrar Süresi Kavramı

Yıllık aşılma olasılığının tersi, o olayın yıl cinsinden ortalama tekrar süresidir. Tekrar süresi için sunlar geçerlidir (12) :

(i) Tekrar süresi belirli bir olayın olması için beklenen ortalama zaman süresidir. Şekil 3'teki gerçek durum eğrisine göre, bu inşaat sahasında en az 0.10 g'lik bir ivme yaratacak iki deprem olayı arasında gececek ortalama beklemeye süresi 220 yıldır.

(ii) Tekrar süresi n olan bir olayın herhangi bir yıl içinde olma olasılığı

$$p = \frac{1}{n} \text{ dir. Buna göre herhangi bir yılda } 0.10 \text{ g'nin aşılma olasılığı } \frac{1}{220} \approx$$

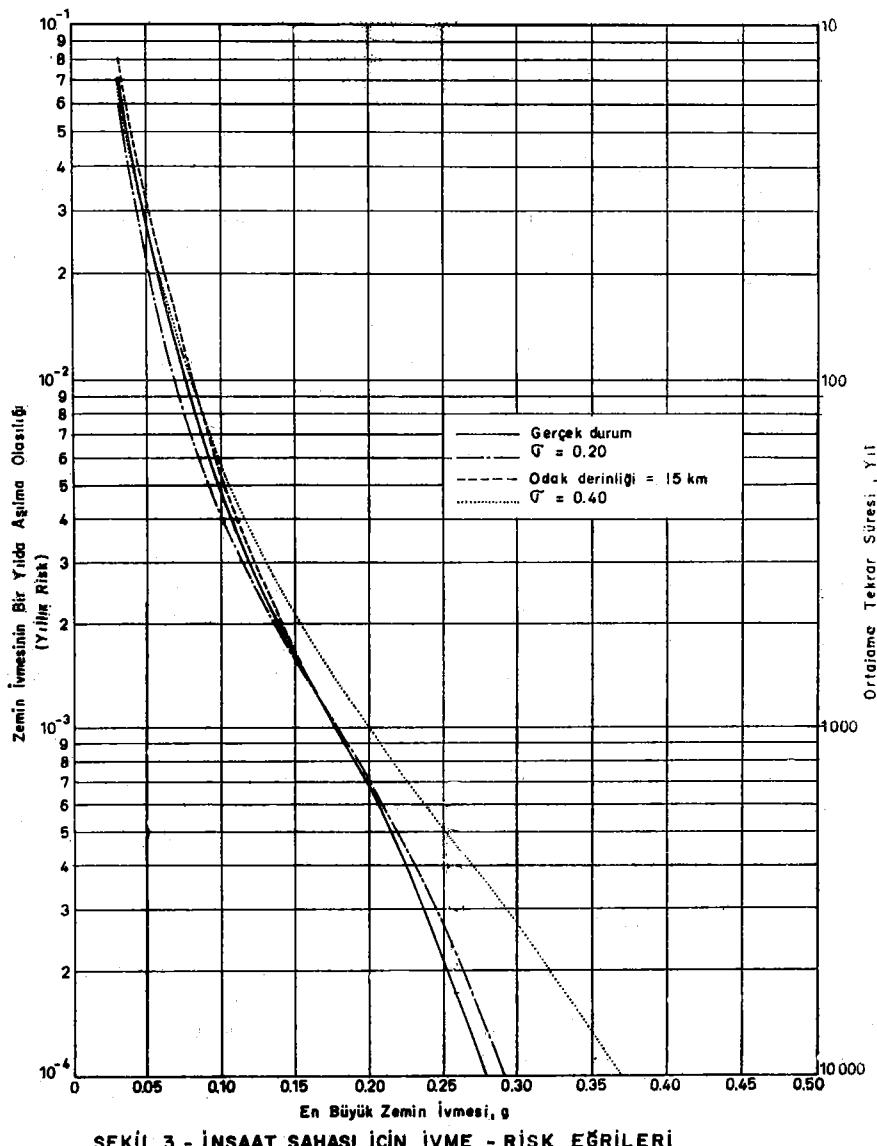
4.5×10^{-3} dir.

(iii) Tekrar süresi n yıl olan bir olayın, bu n yıl içinde hiç olmaması olasılığı 0.36 dir. Böylece 220 yıl içinde inşaat sahasında zemin ivmesinin 0.10 g'yi aşmasına neden olacak hiçbir olayın olmaması olasılığı 0.36'dır. Diğer bir deyişle, 220 yıl içinde 0.10 g'den büyük zemin ivmesi yaratacak en az bir olayın olma olasılığı 0.64'dür.

Tasarımda kullanılacak en büyük zemin ivmesi yapının ekonomik ömrü ve kabul edilecek deprem riski ile tutarlı bir şekilde sağlanmalıdır. Bu, şöyle gerçekleştirilebilir :

Birbirinden bağımsız şekilde n defa tekrarlanan Bernoulli deneylerinde x sayıda başarı elde etme olasılığı şöyledir :

$$\Pr(X = x) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x} \quad (12)$$



SEKİL 3 - İNŞAAT SAHASI İÇİN İVME - RİSK EĞRİLERİ

Böylece ekonomik ömrü 10 yıl olan bir yapı için belirlenen zemin ivmesinin aşılınmama olasılığının 0.90 (risk = 0.10) olması istenirse, yapının tasarımını, aşağıda hesaplandığı gibi, tekrar süresi 95 yıl olan zemin ivmesine göre yapılmalıdır.

$$\Pr(X=0) = \binom{10}{0} p^0 (1-p)^{10-0} = (1-p)^{10} = 0.90$$

$$p = 0.01048$$

$$\frac{1}{p} \simeq 95 \text{ yıl}$$

Tablo 3'de ekonomik ömür, kabul edilen risk düzeyi ve tekrar süresi arasındaki ilişki verilmiştir. Örneğin, ekonomik ömrü 50 yıl olan bir yapıda, tasarım zemin ivmesinin aşılınmama olasılığının 0.95 olması istenirse, 975 yıllık tekrar sürelili zemin ivmesi değeri alınmalıdır. Eğer bu yapı çalışmada göz önünde tutulan inşaat sahasında yapılacaksa, gerekli ivme değeri, gerçek durum eğrisinden 0.18 g olarak saptanır.

TABLO 3. TEKRAR SÜRESİNİN EKONOMİK ÖMÜR VE AŞILMAMA OLASILIĞINA BAĞLI DEĞERLERİ

Aşılınmama Olasılığı, Yüzde	Ekonomik ömür, yıl					
	10	20	30	40	50	100
99	996	1990	2986	3981	4976	9950
95	196	390	585	780	975	1950
90	95	190	285	390	475	950
80	45	90	135	180	225	449
70	29	57	84	113	140	281
60	20	40	59	79	98	196
50	15	29	44	58	72	145
40	11	22	33	44	55	110
30	9	17	25	34	42	84
20	7	13	19	25	31	63
10	5	9	14	18	22	44

4. SONUÇ VE ÖNERİLER

Deprem tehlikesinin olasılık yöntemleri ile değerlendirilmesinde bir çok değişken etkili olmaktadır. Bu bakımdan böyle bir çalışmada en önemli sorun model girdilerinin doğru olarak saptanmasıdır. Bu araştırmaya dayanarak bazı genel sonuç ve öneriler aşağıda sıralanmıştır :

1. En büyük zemin ivmesi deprem şiddetini yansitan tek ölçü olmamakla beraber mühendislik bakımından şimdilik en yararlı ve en çok benimsenen zemin hareketi değişkenidir. Bu nedenle, inşaat sahasında olması beklenen en büyük zemin ivmesi, deprem tehlikesi bakımından o sahanın elverişliğinin

saptanmasında veya diğer inşaat sahaları ile karşılaştırmada uygun bir ölçü olacaktır.

2. Denklem 1 ile verilen logaritmik tek doğrulu tekrar ilişkisi orta magnitüdü ($M = 4, 5, 6$) depremlerin olus sikliğinin tahmininde yeterli olmakta ancak yüksek magnitüdü depremlerin olus sikliğini olduğundan çok göstermektedir. Tek doğrulu tekrar ilişkisinin, yüksek magnitüdlerdeki bu tutarsızlığı nedeni ile ikinci dereceli ve çift doğrulu tekrar ilişkileri önerilmistir (11, 12). Bu tekrar ilişkilerine bağlı olarak yapılacak tahminlere olan güven, verilerin yeterli derecede çok olduğu bölgelerde yüksek, verilerin az olduğu veya çok saçılım gösterdikleri durumda pek düşük olacaktır.

3. Bir sismotektonik bölgede oluşabilecek en büyük magnitüdün netice'lere, özellikle küçük olasılıklı (örneğin $10^{-4}/\text{yıl}$) üç değerlere etkisi önemlidir. Magnitüd üst sınırının saptanmasında, geçmiş deprem verilerinin yanında bölgenin jeofizik ve sismotektonik özellikleri de göz önünde tutulmalıdır. Bu özelliklerle ilgili bilgilerin bulunmadığı durumlarda, magnitüd üst sınırı bölgede gözlenmiş en büyük magnitüdten yarım ile bir birim büyük olarak alınabilir. Ancak bu değer dünya için yaklaşık üst sınır olan $M = 9$ 'u aşmamalıdır.

4. Son zamanlarda daha ayrıntılı azalmış ilişkileri önerilmiştir (14). Ancak bunların ivmenin uzaklıkla azalımı, bu çalışmada kullanılan ilişkiye oranla daha gerçeğe yakın verdikleri henüz gösterilmemiştir. Ayrıca, verilerin yetersizliği nedeni ile, seçilecek azalmış ilişkilerindeki katsayılar, çoğu kez başka zemin koşulları için elde edilen değerler göz önünde tutularak saptanmaktadır. Bundan başka inşaat sahası yakınındaki deprem olayları için hiçbir azalmış ilişkisi yeterli doğrulukta sonuç vermemektedir. Büttin bu nedenlerle Denklem 3 ile verilen, basit fakat çok benimsenmiş olan azalmış ilişkisi bu çalışmada kullanılmıştır. Beklenildiği gibi rassal hata teriminin, risk değerini çoğaltıcı bir etkisi olmaktadır.

5. Emniyetli durdurma depremi (safe-shutdown earthquake) EDD, veya işletme esası depremi (operational basis earthquake) IED*, için kullanılacak en büyük zemin ivmesinin seçimi ile ilgili kabul edilmiş belirli bir ilke yoktur. Daha önce de belirtildiği gibi en büyük zemin hareket ivmesi inşa edilecek yapı için öngörülen risk değerine bağlı olarak saptanır. Bu konuda bazı araştırmacıların kabul ettiği kural, EDD için 5000 veya 10000 yıllık tekrar süresinin karşılığı olan ivme değerini almak ve buna bağlı olarak IED'ni elde etmektir. Bu araştırmada incelenen inşaat sahası için 5000 yıllık tekrar süreli en büyük zemin ivmesi değeri, gerçek durum eğrisinden, 0.25 g olarak bulunur. 5000 yıllık tekrar süresinin diğer bir anlamı da, 50 yıl içinde bu inşaat sahasında 0.25 g'den büyük bir zemin ivmesinin oluşmaması olasılığının 0.99 olduğunu göstermektedir. Gerçek durum eğrisinin elde edilmesinde yapılan çeşitli varsayımlar göz önünde tutulursa 0.25 g değerinin oldukça emniyetli tarafta bir değer olduğu ortaya çıkar. Sonuç olarak bu inşaat sahasında en büyük zemin ivmesinin 0.25 g olarak alınması önerilmektedir.

* Nükleer güç santrallarının tasarımında esas olarak alınan bu iki deprem düzeyi ile ilgili ayrıntılı bilgi Kaynak 17'de verilmiştir.

TEŞEKKÜR

Bu yazının büyük bir bölümü, Türkiye Elektrik Kurumu Genel Müdürlüğü Nükleer Enerji Dairesi tarafından desteklenen bir ODTÜ uygulamalı araştırma projesi çerçevesinde yapılan araştırmaya dayanmaktadır. Yazarlar, araştırmayı yürütürülmesinde kendilerine her türlü kolaylığı sağlayan Nükleer Enerji Dairesi Başkanı Dr. Ahmet Kültükçüoğlu ve çalışmada kullanılan verileri sağlayan Oğuz Mutdoğan'a teşekkürlerini sunarlar.

YARARLANILAN KAYNAKLAR

1. Cornell, C.A., "Probabilistic Analysis of Damage to Structures under Seismic Loads", **Dynamic Waves in Civil Engineering**, edited by D.A. Howells, Wiley-Interscience, 1971.
2. Donovan, N.C. and Barnstein, A.E., "A Review of Seismic Risk Applications", **Proceedings, Second Int. Conf. on the Applications of Statistics and Probability in Soil and Structural Engineering**, Vol. 1, Aachen, 1975.
3. Emch and Berger, "NPP Akkuyu, Turkey-Progress Print of Seismotectonic Map With Appendix", Şubat 1976.
4. Ergin, K., Güclü, U., and Uz, Z., "Türkiye ve Civarının Deprem Kataloğu (11-1964)", İstanbul Teknik Üniversitesi, 1967.
5. Ergin, K., Güclü, U., and Aksay, G., "Türkiye ve Civarının Deprem Kataloğu (1965-1970)", İstanbul Teknik Üniversitesi, 1971.
6. Esteva, L., "Seismicity Prediction, A Bayesian Approach", **Proceedings of Fourth World Conf. on Earthquake Engineering**, Chile, 1969.
7. Esteva, L., "Seismic Risk and Seismic Design Decision", **Seismic Design for Nuclear Power Plants**, edited by R.J. Hansen, M.I.T. Press, 1970.
8. Gülkın, P., and Yücenem, M.S., "Assessment of Seismic Risk for Akkuyu", METU Applied Research Report No. 76-04-03-37, Ankara, Mayıs, 1976.
9. Karnik, V., "Seismicity of the European Area", Part I, Academia, 1968.
10. Karnik, V., "Seismicity of the European Area", Part II, Academia, 1971.
11. Merz, H.A., and Cornell, C.A., "Seismic Risk Analysis Based on a Quadratic Magnitude-Frequency Law", **Bulletin of Seismological Society of America**, Vol. 63, No. 6, Aralık 1973.
12. Shah, H.C., Mortgat, C.P., Kiremidjian, A. and Zsutty, T.C., **A Study of Seismic Risk for Nicaragua**, Part I, The John A. Blume Earthquake Engineering Center, Stanford University, 1975.
13. Tong, W.H., **Seismic Risk Analysis for Two-Sites Case**, Seismic Design Decision Analysis Report No. 18, M.I.T., 1975.
14. Trifunac, M.D., and Brady, A.G., "Correlations of Peak Acceleration, Velocity and Displacement with Earthquake Magnitude, Distance and Site

- Conditions", International Journal of Earthquake Engineering and Structural Dynamics, No. 3, 1976.
15. Trifunac, M.D., "Preliminary Analysis of Peaks of Strong Ground-Motion-Dependence of Peaks on Earthquake Magnitude, Epicentral Distance, and Recording Site Conditions", Bulletin of the Seismological Society of America, Vol. 66, No. 1, Subat 1976.
 16. International Atomic Energy Agency, **Earthquake Guidelines for Reactor Siting**, Technical Reports Series No. 139, Viyana, Avusturya, 1972.
 17. Part 50 - **Licensing of Production and Utilization Facilities**, and Part 100 - **Reactor Site Criteria**, Federal Register, Vol. 38, No. 218, United States Atomic Energy Commission, Washington, D.C., Kasim 1973.
 18. UNDP/UNESCO Survey of the Seismicity of the Balkan Region, **Catalogue of Earthquakes, Part I, 1901-1970**, UNESCO, Skopje, 1974.
 19. UNDP/UNESCO Survey of the Seismicity of the Balkan Region, **Catalogue of Earthquakes, Part II, prior to 1901**, UNESCO, Skopje, 1974.

EK A
DENKLEM 4'ün ÇIKARILMASI

Verilen bir $\ln\epsilon$ değeri için, noktasal bir kaynaktan doğan depremin inşaat sahasında yarattığı zemin ivmesinin y değerini aşma olasılığı şöyle yazılabilir (13):

$$\Pr(Y > y | \ln\epsilon) = \Pr(b_1 e^{b_2 M} R^{-b_3} \epsilon > y | \ln\epsilon) \quad (A1)$$

Tümleyici birikimli dağılım işlevi ($\Pr(Y > y)$) ise şöyle olacaktır:

$$\Pr(Y > y) = \int_{-\infty}^{\infty} \Pr(Y > y | \ln\epsilon) f_{\ln\epsilon}(\ln\epsilon) d\ln\epsilon \quad (A2)$$

Yukarıdaki entegral $\ln\epsilon$ 'nun tüm değerleri için alınmalıdır. $f_{\ln\epsilon}(\ln\epsilon)$, $\ln\epsilon$ için olasılık yoğunluk işlevidir.

$$f_{\ln\epsilon}(\ln\epsilon) = \frac{1}{\sigma_{\ln\epsilon} \sqrt{2\pi}} \left\{ \exp \left[-\frac{1}{2} \left(\frac{\ln\epsilon - \bar{\ln\epsilon}}{\sigma_{\ln\epsilon}} \right)^2 \right] \right\} \quad (A3)$$

$\ln\epsilon$, x ile gösterilirse,

$$\Pr(Y > y) = \int_{-\infty}^{\infty} \Pr(M > \frac{1}{b_2} \ln \frac{R^{-b_3} y}{b_1} - \frac{x}{b_2} | x) f_x(x) dx \quad (A4)$$

Bu entegral sınırlarının $(-\infty, +\infty)$ aşağıda gösterildiği gibi üçe bölünerek, her arada geçerli olan $F_M(m)$ işlevinin kullanılması gerekmektedir.

i) $\frac{1}{b_2} \ln \frac{R^{-b_3} y}{b_1} - \frac{x}{b_2} \leq m_0$ burada $F_M(m) = 0$, $x \geq z_2$

ve

$$z_2 = \ln y - \ln(b_1 e^{b_2 m_0} R^{-b_3}) \quad (A5)$$

$$\text{ii)} \quad \frac{1}{b_2} \ln \frac{R^{b_3} Y}{b_1} - \frac{X}{b_2} \geq m_1 \quad \text{burada}$$

$$F_M(m) = 1, \quad x \leq z_1 \quad \text{ve} \quad z_1 = \ln Y - \ln(b_1 e^{b_2 m_1} R^{-b_3}) \quad (\text{A6})$$

$$\text{iii)} \quad m_o \leq \frac{1}{b_2} \ln \frac{R^{b_3} Y}{b_1} - \frac{X}{b_2} \leq m_1 \quad \text{burada}$$

$$F_M(m) = k(1 - e^{-\beta(m-m_o)}) \quad \text{ve} \quad z_1 \leq x \leq z_2$$

Böylece,

$$\begin{aligned} \Pr(Y > y) &= \int_{-\infty}^{\infty} (1 - F_M(m)) f_X(x) dx + \int_{z_1}^{z_2} (1 - F_M(m)) f_X(x) dx \\ &+ \int_{z_2}^{\infty} (1 - F_M(m)) f_X(x) dx \\ &= \int_{z_1}^{z_2} f_X(x) dx - k \int_{z_1}^{z_2} (1 - e^{-\beta(\frac{1}{b_2} \ln \frac{R^{b_3} Y}{b_1} - \frac{X}{b_2} - m_o)}) f_X(x) dx \\ &+ \int_{z_2}^{\infty} f_X(x) dx \\ &= \Phi\left(\frac{z_1}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{z_2}{\sigma}\right) - k\{\Phi\left(\frac{z_1}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{z_2}{\sigma}\right)\} \\ &+ k e^{\beta m_o R^{-b_3 \beta / b_2}} \left(\frac{y}{b_1}\right)^{-\beta / b_2} \int_{z_1}^{z_2} e^{\beta x / b_2} f_X(x) dx + \Phi\left(\frac{z_2}{\sigma}\right) \\ &= \Phi\left(\frac{z_1}{\sigma}\right) - k\{\Phi\left(\frac{z_1}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{z_2}{\sigma}\right)\} \\ &+ k e^{\beta m_o R^{-b_3 \beta / b_2}} \left(\frac{y}{b_1}\right)^{-\beta / b_2} \int_{z_1}^{z_2} e^{\beta x / b_2} f_X(x) dx \end{aligned}$$

Bu denklemde, $\Phi(\cdot)$ = standard normal dağılım için tümlevici birikimli dağılım işlevi olup, şöyle ifade edilir:

$$\Phi(\frac{z}{\sigma}) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-t^2/2} dt$$

İşte böyle,

$$f_X(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-x^2/(2\sigma^2)}$$

$$= e^{-\frac{x^2}{2\sigma^2}} \int_{z_1}^{z_2} \frac{1}{\sqrt{2\pi}\sigma} e^{-\frac{(x-\frac{b_1}{\sigma})^2}{2\sigma^2}} dx$$

$$= e^{-\frac{1}{2}(\frac{b_1}{\sigma})^2} \{ \Phi(\frac{z_1}{\sigma} - \frac{b_1}{\sigma}) - \Phi(\frac{z_2}{\sigma} - \frac{b_1}{\sigma}) \}$$

Sonuç olarak,

$$\Pr(Y > y) = 1 - F_Y(y) = \Phi(\frac{z_1}{\sigma}) - k \{ \Phi(\frac{z_1}{\sigma}) - \Phi(\frac{z_2}{\sigma}) \} \\ + k e^{\beta m_o R} \frac{-b_3 \beta / b_2}{b_1} (-y/b_2) e^{\frac{\beta^2 \sigma^2}{2b_2^2}} \{ \Phi(\frac{z_1}{\sigma} - \frac{b_1}{\sigma}) - \Phi(\frac{z_2}{\sigma} - \frac{b_1}{\sigma}) \} \quad (A7)$$

EK B

KULLANILAN İŞARETLER

- a, b = magnitüd sıklık ilişkisinde regresyon katsayıları
b_i = empirik azalım parametreleri ($i = 1, 2, 3$)
k = magnitüd üssel dağılımındaki düzeltme katsayısı
m₁, m₀ = magnitüd üst ve alt sınırı
t = zaman
z₁, z₂ = denklem 4'teki değişkenler
F(.) = birikimli dağılım işlevi
M = magnitüd
N (m) = magnitüd değeri m'den büyük olan deprem sayısı
Pr(.) = olasılık
R = noktasal deprem kaynağının inşaat sahasına uzaklığı
Y = en büyük zemin ivmesi
β = magnitüd üssel dağılımındaki parametre, $b \ln 10$
ε = azalım ilişkisindeki rassal hata terimi
ν = ortalama yıllık deprem sayısı
σ = $\ln g$ 'nun standard sapması
Φ*(.) = standart normal dağılım için tümleyici birikimli dağılım işlevi.

"ZEMİNLERİN DİNAMİK DAVRANIŞLARINA AİT GERİLME-DEFORMASYON BAĞINTILARI"

W.D.L. FINN*

A. ERGUUVANLI**

SYNOPSIS

The dynamic behaviour of cohesive soils is characterized by their shear modulus and the response of soil layers is partly determined by their moduli. Up-to-date research has shown that the shear modulus of clays is dependent upon such external factors as the applied shearing strain amplitude and the number of repetitions of the strain. These effects are associated with an increase in pore water pressures during cyclic loading, strain accumulation, as well as the deterioration of the clay fabric, especially in soft clays.

One of the governing factors for determination of soil response is the stress-strain relationship of the soils, "during" and "after" cyclic or random loading. The nonlinear relationship between the shear modulus and applied strain has been demonstrated by many investigators. It is apparent that cyclic strains cause a progressive decrease in the modulus, as well as a strain accumulation. This becomes more significant at high strain levels and very little effect should be anticipated at strain amplitudes of less than 0.01 %. The nonlinear decrease of the shear modulus with increasing strain has been modelled as various stress-strain relationships,

- (a) The hyperbolic stress-strain relationship as defined by Hardin and Drnevich (1972).

The variation of shear modulus with strain

(10), expressed as,

$$G = G_{\max} \left(\frac{1}{1 + \gamma_h} \right)$$

where γ_h is the hyperbolic strain;

- (b) The relationship as defined by the Ramberg-Osgood equation (15, 21),

(*) U.B.C. Dean of the Faculty of Applied Science, Vancouver, Canada.

(**) U.B.C. Faculty of Applied Science; İTÜ Müh. Mim. Fak.

$$\frac{G}{G_{\max}} = \frac{1}{1 + \left(\frac{\tau}{\tau_y} \right)^{R-1}}$$

where α , τ_y and R are parameters dependent on the soil properties;

- (c) Seed-Idriss empirical relationship between shear modulus and strain (20).

A comparison of certain results on cohesive soils, obtained by different researchers, using the above-mentioned different relationship, is given in Fig. 2. Other expressions (cubic, cube root, exponential) have also been used in past research in order to express (cubic, cube root, exponential) have also been used in past research in order to express the nonlinear behaviour.

The static modulus decrease "after" cyclic loading, as a function of cyclic strain ratio, is given in Fig. 3. The decrease in G_{\max} , observed "after" high amplitude cycling, can be expressed for shearing strain amplitudes, $\gamma\theta_z > 0.02 \%$, as,

$$\frac{[G_{\max}]_{\text{after}}}{[G_{\max}]_{\text{before}}} = -12.6 \log \gamma\theta_z + 53.6,$$

where $[G_{\max}]_{\text{after}}$ was measured 1.0 minute after the conclusion of 1000 cycles (Fig. 4) of high amplitude shearing (2).

Another post-cyclic property is the time-dependent increase in the shear modulus, which has to be assessed for the long-term behaviour of cohesive soils. The secondary increase phenomenon (modulus regain) is generally related to the thixotropic changes that occur in the clay structure (1).

The value of G_{\max} differs for unloading and reloading during seismic shaking, thus for nonlinear ground response calculations the soil can be assumed to behave as a Masing solid, with a stress-strain relationship as illustrated in Fig. 1. The purpose of this article has been to show that the factors effecting the modulus variation of cohesive soils, during and after cyclic loading, should be taken into consideration for nonlinear response calculations in the time domain.

ÖZET

Kohezyonlu zeminlerin deprem yükleri altında davranışları kısmen "Kayma Modülleri" tarafından belirlenmektedir. Yapılan araştırmalar killi zeminler kayma modüllerine etkiyen dış faktörlerin, uygulanan dinamik kayma "birim deformasyonların mertebesi" ve birim deformasyonların "tekrarlanma adedi" olduğunu göstermektedir. Bilhassa, yumuşak killi zeminlerde, uygulanan tekrarlı gerilmeler sırasında boşluk suyu basınçının artımı, titreşim süresi boyunca deformasyon birikimi ve kil yapısının bozulması gibi olaylar da gözlenmektedir.

Zemin tabakaları ve toprak barajlar gibi yapıların davranış hesapları zemine ait gerilme-deformasyon bağıntılarının saptanması ile mümkün olmaktadır. Bu makalede, killi zeminleri karakterize eden ve davranış hesap yöntemlerinde uygulanan non-lineer gerilme-deformasyon bağıntıları açıklanmıştır. Bu ilişkilerden elde edilen kayma modülü değerinin artan dinamik birim deformasyon mertebesi ile azalması ve killi zeminlerde kayma modülü değerinin zeminin yapısal özelliklerine göre "titreşim sırasında" ve "titreşim sonunda" değişimleri incelenmiştir.

Bugüne kadar genellikle zeminlerin dinamik davranış hesaplarında, non-lineer davranışını yansıtığı kabul edilen "esdeğer lineer" varsayımları yapılmaktır, tüm gerilme kaydının olduğu zaman süresince birim deformasyon ve kayma modülü için kayma gerilmesi tek bir "ortalama" değer alınmaktadır. Bu makalenin amacı, zaman alanında non-lineer davranışını içeren hesap yöntemlerinin uygulanmasında, kohezyonlu ve bilhassa yumuşak killi zeminlerin gerilme-deformasyon bağıntıları ve değişken kayma modülü özelliklerine ışık tutmaktadır.

GİRİŞ

Son yıllarda, açık deniz petrol platformları, boru hatları, depolama tankları ve nükleer güç istasyonları gibi büyük ve önemli yapıların uygun olmayan zemin koşulları üzerinde, bilhassa yumuşak killi zeminlerde inşa edilmeğe mecbur kalınması ve bu yapı ve zemin-yapı sistemlerinin deprem ile dalga hareketlerine maruz kalmaları, killi zeminlerin dinamik mukavemet ve gerilme-deformasyon özelliklerinin araştırılması ve saptanması hususuna önem kazandırmıştır.

Ani geçici yüklemeler sırasında killi zeminlerin yükleme hızına bağlı olarak geçici mukavemet kazanmaları, yapılan araştırmaları öncelikle kritik sıvılaşma ve oturma problemlerinin olduğu kumlu zeminlere yöneltmiştir. Ancak, tekrarlı dinamik gerilmelerin killi zeminlerde de mukavemet kaybı ile büyük

deformasyon birikimlerine yol açtığı görülmektedir. Ayrıca, örneğin Leda klinde dinamit patlaması sonucu oluşan toprak kayması (17; Eden 1957), ile depremden bir kaç gün sonra killi bir zeminde oluşan heyelanlar (17; Morimoto et al. 1970), killi zeminlerin tekrarlı gerilme ve titresimler sonundaki malzeme ve mukavemet özelliklerinin de titresimler sırasındaki özellikleri kadar önem ile dikkate alınması gereğini ortaya koymaktadır.

Kohezyonlu zeminlerin tekrarlı dinamik yükler altındaki,

- dinamik mukavemet,
- ve
- dinamik gerilme-deformasyon

özellikleri konu ile ilgili iki "ayrı" huşusu oluşturmaktadır.

Bu makalede, killi zeminlerin sadece non-lineer (doğrusal olmayan) dinamik gerilme-deformasyon bağıntıları ve bu bağıntılardan elde edilen birim deformasyon mertebesine bağlı kayma modülü (G) değerlerinin,

- "titresimler sırasında",
- ve
- "tiresimler sonundaki"

değişimleri incelenmiştir. Zeminlere özgü non-lineer " $\tau - \gamma$ " bağıntısından elde edilen deformasyona mertebesine bağlı kayma modülü, tekrarlı dinamik gerilmeler sırasında oluşan histerisis eğrilerinde "yükleme" ve "bosalma" halleri için ayrı değerler almaktadır. Bu durum, zeminlerin Masing gerilme-deformasyon eğrisine (15) uygun davranışları kabulü ile varsayılabilmektedir. Zeminlerde, Masing davranış (Şekil 1) ve kayma modülünün titresim süresince zaman ile azalması, killi zeminlerin non-lineer davranış hesaplarında dikkate alınmalıdır.

KOHEZYONLU ZEMİNLER İÇİN GERİLME-DEFORMASYON BAĞINTILARI

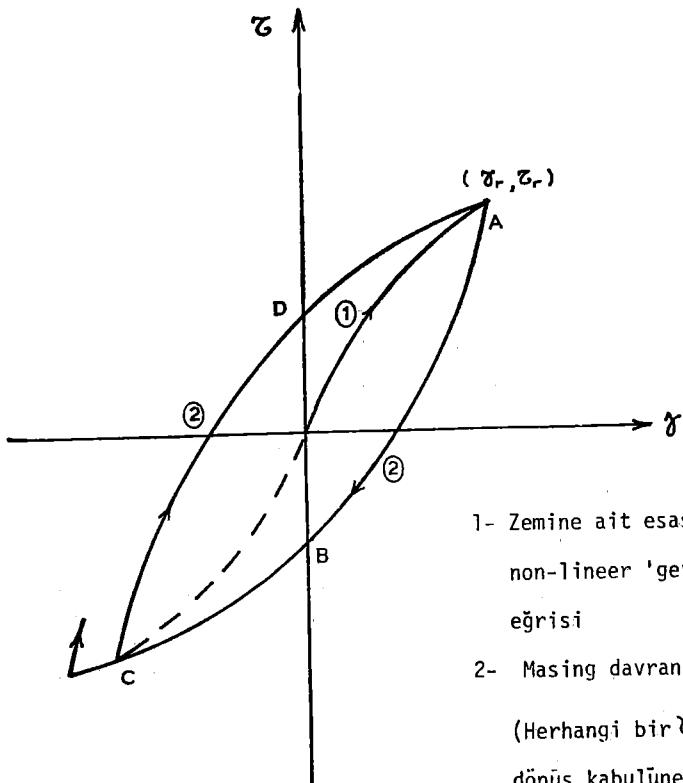
Kohezyonlu zeminlerin doğrusal olmayan (non-lineer) gerilme-deformasyon özellikleri, birim deformasyon mertebesine bağlı kayma modülünün tanımmasını gerektirmektedir. Belirli bir birim deformasyon mertebesinin aşılması halinden sonra, killi zeminlerin kayma modülleri artan birim deformasyon değeri ile azalma göstermektedir. Davranış hesaplarında esas alınacak bu non-lineer ilişkiye, çeşitli bağıntılar şeklinde ifade etmek mümkün olmaktadır.

(a) Hiperbolik Değişim.

Zeminler için Kodner ve Zelasko (1963) tarafından,

$$\frac{1}{\tau} = \gamma \left(\frac{1}{1 - \frac{1}{G_{\max} \cdot \tau_{\max}}} + \frac{1}{\gamma} \right) \quad (1)$$

hiperbolik ifadesi ile tanımlanan " $\tau - \gamma$ " bağıntısı, Hardin-Drnevich (1972) tarafından zeminlerin dinamik davranış hesaplarında kullanılmak üzere,



- 1- Zemine ait esas (iskelet)
non-lineer 'gerilme-deformasyon'
eğrisi
2- Masing davranış eğrisi
(Herhangi bir γ_r ve σ_r noktasından
dönüş kabulüne göre,

Şekil 1. Masing Davranış Eğrisi

$$\left(\frac{\sigma - \sigma_r}{2}\right) = f\left(\frac{\gamma - \gamma_r}{2}\right)$$

$$\frac{G}{G_{\max}} = \frac{1}{1 + \gamma_h} \quad (2)$$

şeklinde ifade edilmüştür. Bu ifadede, killi zeminler için,

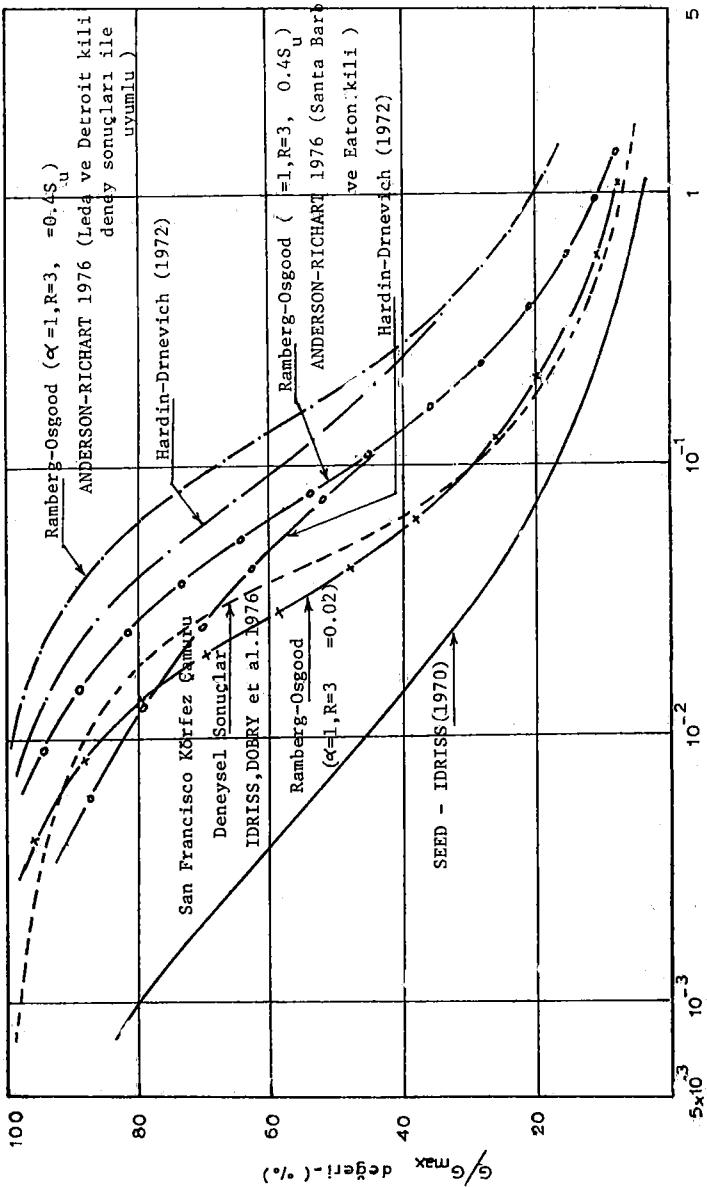
$$G_{\max} \approx 320 \frac{(3-e)^2}{1+e} (\text{AKO})^k \sqrt{\sigma'_o} \quad (3)$$

$$\tau_{\max} = \left\{ \left[\frac{(1+K_o)}{2} \sigma'_v \sin\Phi' + c' \cos\Phi' \right]^2 - \left[\frac{(1-K_o)}{2} \sigma'_v \right]^2 \right\}^{1/2} \quad (4)$$

$$\sigma'_o = \left(\frac{1+2K_o}{3} \right) \sigma'_v \quad (5)$$

σ'_v = Efektif Düşey Gerilme

Hiperbolik birim deformasyon, γ_h



Sekil 2." G / G_{\max} oranının kayma birim deformasyonu - γ (%) ile değişimi

$$\frac{\gamma_h}{\gamma_r} = \frac{\gamma}{\gamma_r} [1 + ae^{-b(\gamma/\gamma_r)}] \quad (6)$$

$$\gamma_r = \tau_{max}/G_{max} \quad (7)$$

$$a = 1 + 0.25 \log N \quad (8)$$

N = Titresim devir adedi

b = 1.3 (Killi zeminlere ait Katsayı)

olmaktadır.

Killi zeminler için Hardin-Drnevich tarafından tarif edildiği şekilde birim deformasyon mertebesine bağlı "G/G_{max}" değerinin, ile değişim, Şekil 2'de verilmiştir.

(b) Ramberg-Osgood Bağıntısı.

Kayma modülü, "G", ile birim deformasyon "Y" arasında Ramberg-Osgood (1943) tarafından ifade edilen non-lineer bağıntı,

$$\tau = Y \cdot \frac{1}{\frac{1}{G_{max}} \left(1 + \alpha \left| \frac{\tau}{G_{max} \cdot Y_r} \right|^{R-1} \right)} \quad (9)$$

şeklindedir.

Burada,

$$\tau_m = G_{max} \cdot Y_r \quad (Y_r = \text{Referans birim deformasyonu})$$

R ve α = Eğriye ait katsayılar'dır.

Bu bağıntıdan,

$$\frac{G}{G_{max}} = \frac{1}{1 + \alpha \left| \frac{\tau}{\tau_m} \right|^{R-1}} \quad (10)$$

olarak elde edilen ifade de, killi zeminler için,

$$\alpha = 1.0, R = 3.0, \tau_m = 0.4S_u \quad S_u = \text{Drenajsız kayma mukavemeti}$$

(Anderson ve Richart, 1976)

$$\alpha = 1.0, R = 3.0, Y_r = 0.02 \% \quad (\text{Idriss, Dobry et al. 1976})$$

değerleri önerilmektedir.

(c) Seed-Idriss Deneysel Bağıntısı.

Artan birim deformasyon ile kayma modülindeki azalma Seed-Idriss tarafından çeşitli araştırma ve deney sonuçlarına dayanarak tanımlanmıştır (1970).

Yukarda tanımlanan ilişkiler, kargılastırılmış olarak Şekil 2'de gösterilmiştir. Genellikle, Seed-Idriss (1970) bağıntısının bir alt-sınır değeri olduğu ve zeminin özelliklerine bağlı olarak Hardin-Drnevich hiperbolik bağıntısı ile Ramberg-Osgood modelinin, killi zeminlerin gerilme-deformasyon bağıntıları için olumlu ve uyumlu sonuçlar verdiği görülmektedir.

KUMLU ZEMİNLERİN DEPREMLER SIRASINDA DAVRANISLARI

Martin, Finn, Seed (1974), Finn et al. (1976) ve diğer araştırmacılar (Seed, Castro vb), kohezyonsuz zeminlerin deprem titresimleri sırasındaki davranışlarına ve sivilaşma problemine esas olarak verdikleri ilişkiler kısaca aşağıda açıklanmıştır.

(a) Kumlu zeminlerde hiperbolik gerilme-deformasyon bağıntısı ve Hardin-Drnevich denklemleri geçerli olmaktadır.

(b) Titresimlerin oluşturduğu histerisis eğrisinde yükleme ve boşalma durumları için Masing gerilme-deformasyon bağıntısı kullanılmaktadır (Şekil 1). Zemine ait "esas" gerilme-deformasyon eğrisinin hiperbolik segilmesi halinde, "Masing" davranış denklemi, herhangi bir " γ_r ve τ_r " noktasında dönüşüm olduğu kabulüne göre,

$$\frac{\tau - \tau_r}{2} = \frac{G_{mt} \left(\frac{\gamma - \gamma_r}{2} \right)}{1 + \frac{G_{mt}}{\tau_{mt}} \left| \frac{\gamma - \gamma_r}{2} \right|} \quad (11)$$

olmaktadır. Deprem sırasında zeminde zaman ile oluşan " γ " değerlerine göre yukarıda verilen denklem ile " τ " ve buna karşı "Kayma Modülü" ile ayrıca histerisis eğrisinden söñüm değerleri hesaplanabilmektedir.

(c) Kuru kumlarda veya drenajın mümkün olduğu daneli zeminlerde, titresimlerin oluşturduğu kayma gerilmeleri, danelerin temas alanlarında kayma ve dolayısıyla kompaksiyon eğiliminde bir hacimsel değişim meydana getirmektedir. Titresim sırasında kuru kumlarda oluşan bu "sertleşme-sıkışma" olayı, kayma modülünü artırmakta ve söñüm azalmaktadır.

Drenajın mümkün olmadığı suya doygun kumu zeminlerde ise, her titresim devri sonunda boşluk suyu basınçında ilerliyen bir artım oluşumu, kayma modülünde azalma ve söñüm oranında artım şeklinde ifade edilebilen bir "yumusama" olayı göstermektedir.

Suya doygun kumlarda boşluk suyu basınçındaki artış,

$$\Delta u = \bar{E}_r \cdot \Delta \epsilon_{vd} \quad (12)$$

şeklinde ifade edilmektedir (Martin et al. 1975).

Burada, kumun σ'_v efektif gerilmesindeki tek boyutlu deformasyon modülü, \bar{E}_r ,

$$\bar{E}_r = \frac{(\sigma'_v)^{1-m}}{mK_2 (\sigma'_{vo})^{n-m}} \quad (13)$$

olmaktadır. n , m ve K_2 kuma ait katsayılar ve σ'_{vo} başlangıç efektif gerilmesidir. Basit kesme halinde titresimlerin oluşturduğu hacimsal birim deformasyon artımı,

$$\Delta \epsilon_{vd} = C_1 (\gamma - C_2 \epsilon_{vd}) + C_3 \epsilon_{vd}^2 / (\gamma + C_4 \epsilon_{vd}) \quad (14)$$

olmaktadır. Burada C_1 ile C_4 kumun dane dağılımı ve relativ sıkılığına bağlı katsayılar, ϵ_{vd} hacimsal birim deformasyondur.

Kuru veya drenajın olduğu kumlarda, "sertleşme" olayı Denklem (1)'da verilen G_{mt} ve τ_{mt} , önceden tanımlanan G_{max} ve τ_{max} değerlerinin artışı şeklinde ifade edilebilmektedir.

$$G_{mt} = G_{max} \left[1 + \frac{\epsilon_{vd}}{H_1 + H_2 \epsilon_{vd}} \right] \left[\frac{\sigma'_v}{\sigma'_{vo}} \right] \quad (15a)$$

$$\zeta_{mt} = \zeta_{max} \left[1 + \frac{\epsilon_{vd}}{H_3 + H_4 \epsilon_{vd}} \right] \left[\frac{\sigma'_v}{\sigma'_{vo}} \right] \quad (15b)$$

Burada H_1 ile H_4 , kuma ait deneyel katsayılar, σ'_{vo} başlangıçtaki efektif gerilme, σ'_v ise "t" anındaki geçerli dinamik efektif gerilmedir. Şekil 1'de sadece \overline{AB} ve \overline{CD} , kısımlarında, yukarıda belirtilen boşluk basıncı artımı veya sertleşme düzeltmelerinin yapılması önerilmektedir.

Suya doygun kumlarda, titresimler sırasında drenajının mümkün olması halinde, boşluk suyu basıncının azalımı,

$$\frac{\partial u}{\partial t} = \bar{E}_r \frac{\partial}{\partial z} \left(\frac{k}{\gamma_w} \cdot \frac{\partial u}{\partial z} \right) + \bar{E}_r \frac{\partial \epsilon_v}{\partial t} \quad (16)$$

şeklinde ifade edilebilmektedir. Burada "u" boşluk suyu basıncı, "k" kumun hidrolik iletkenliğidir.

Gerçekçi dinamik davranış hesabında, bu denklemin denge denklemleri ile uyum sağlayacak şekilde beraber çözümü, her "t" anı için oluşan Δu değerlerinin düzeltilmesi ve zaman ile değişen kayma modülünün dikkate alınması gerekmektedir.

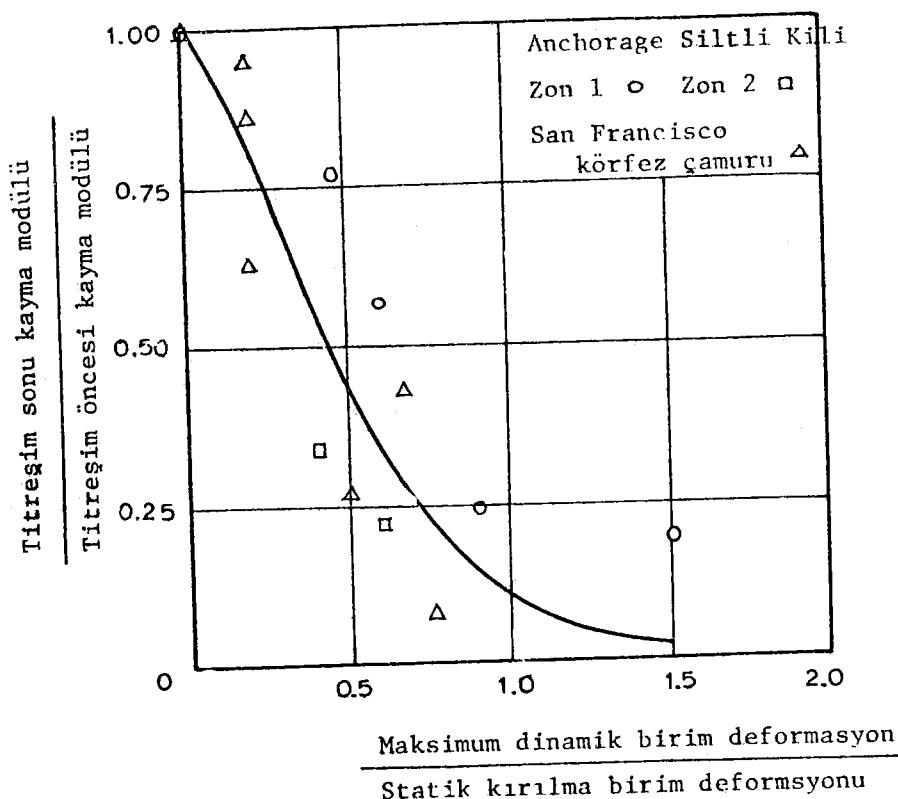
TİTREŞİM SONUNDA KAYMA MODÜLÜ

Titresimler sırasında killi zeminlerin kayma modülü uygulanan titresim devir adedi (N) ve süresi ile de değişmektedir. Titresim devir adedi artıkça, kayma modülü azalmaktadır. Fikir vermek niyetiyle, değişik manyitüd'deki depremler için yaklaşık eşdeğer titresim devir adetleri, N_{es} , (16) Tablo 1'de verilmiştir.

TABLO I. Deprem Manyitüd ile Esdeğer Titregim Devir Adedi (N_{es}) ve yaklaşık Titregim Süreleri

Manyitüd (M)	N_{es} (devir)	Titregim Süresi (San)
5½ - 6	5	8 - 14
6 - 6½	8	14 - 20
7	12	20 - 25
7½	20	25 - 40
8	30	40 - 60

Thiers ve Seed (1968) titregim sonundaki statik kayma modülündeki değişimi, devri (cyclic) deformasyon oranına bağlı olarak Şekil 3'de ifade etmişlerdir.



Şekil 3- Titregim sonu kayma modülünün dinamik birim deformasyon oranı ile değişimi
(Thiers ve Seed , 1968)

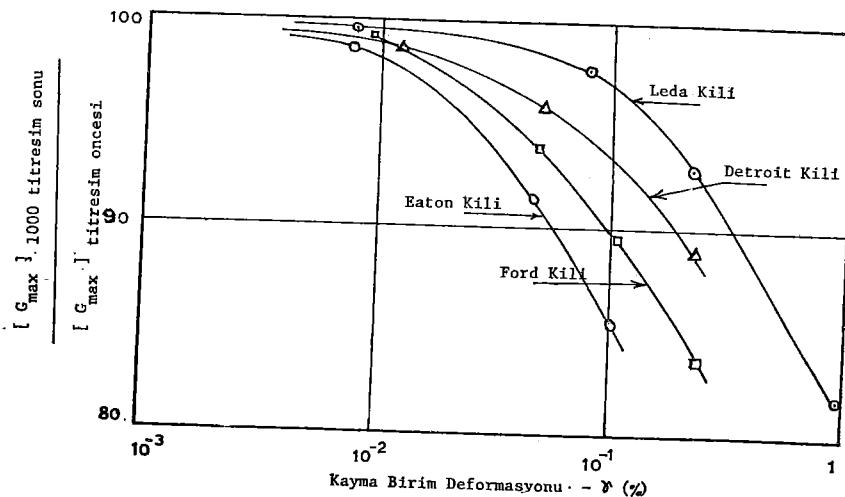
İçi boş silindirik zemin numuneleri üzerinde yüksek genlikli rezonans frekansı teknigi ile yapılan deneylere dayanarak, Anderson ve Richart, kayma modülündeki titresim sonucu azalmayı, kayma birim deformasyonu genliğine ($\gamma\theta_z$) bağlı olarak,

$$\frac{[G_{\max}] \text{ sonra}}{[G_{\max}] \text{ önce}} = -12.6 \gamma\theta_z + 53.6 \quad (17)$$

şeklinde saptamışlardır.

Burada “[G_{\max} sonra]” değeri, zemine uygulanan 1000 titresim devirinden 1.0 dakika sonra elde edilen değerdir. Şekil 4’de, Anderson ve Richart tarafından çeşitli killi zeminler üzerinde yapılan deney sonuçları toplu olarak verilmiştir.

Kohezyonlu zeminlerin titresimlerin bitiminden sonra tekrar ‘uzun vadeli’ mukavemet kazanmaları ve kayma modüllerinde artım göstergeleri (1), killi yapısında tiksotropik değişimlerin oluşmasına ilişkin bir olaydır. Bu hususunda killi zeminlerin uzun süreli stabilité hesaplarında dikkate alınması gereklidir.



Şekil 4. 1000 titresim devir adedinden 1 dakika sonra ölçülen “[G_{\max}]” değerinin kayma birim deformasyonu ile değişimi.

(Anderson ve Richart, 1976)

SONUÇLAR

Killi zeminlerin deprem veya dalgaların etkisi altındaki davranışlarının gerçekçi olarak hesaplanmasıında kayma modülündeki değişimlerin dikkate alınması zorunludur. Killi zeminlerin doğrusal olmayan (non-lineer) ve titresim süresi boyunca “esas” özellikleri de değişken olan “gerilme-deformasyon” bağıntıları, aşağıda özetlenen hususları içерdiği şekilde hesaplarda kullanılmalıdır.

(1) Killi zeminlerin kayma modülleri birim deformasyon mertebesine göre değişmektedir. Bu değişim hiperbolik, Ramberg-Osgood veya herhangi başka bir non-lineer bağıntı ile ifade edilmelidir.

(ii) Kohezyonlu zeminlerin kayma modüllerinin titresim süresince (t) ve artan titresim devir adedine (N) bağlı olarak azaldığı dikkate alınmalıdır.

(iii) Titresim sonunda statik kayma modülü değerinin titresim öncesi değere oranla azaldığı ve bu azalmının uygulanan birim deformasyon mertebe-
sine bağlı olarak değiştiği hususu kullanılmalıdır.

Zeminlerin dinamik davranışları saptamak gayesi ile kullanılan hesap yöntemlerinde (örneğin SHAKE) esdeğer lineer varsayımlar (" τ_{ort} ", " γ_{ort} " ve iterasyon ile saptanan ve bütün titresim süresince sabit " G/G_{max} " değeri, vb) yapılmaktadır. Ancak, titresimler sırasında tekrarlı "yükleme" ve "bosalma" hallerini de hesaba katabilen ve zaman alanında da non-lineer gerilme deformasyon ilişkilerini içeren hesap yöntemleri bugün için (1977) geliştirilmiştir ve gerçekçi deprem hesabında kullanılması gerekliliği bulunmaktadır.

KAYNAKLAR

1. Anderson, D.G. and Woods, R.D., 1976, "Time Dependent Increase in Shear Modulus of Clay," Journal of the Geotechnical Engineering Division, ASCE, GT5, 1976, pp. 525-537.
 2. Anderson, D.G. and Richart, F.E., 1976, "Effects of Straining on Shear Modulus of Clays," Journal of the Geotechnical Engineering Division, ASCE, GT9, 1976, pp. 975-987.
 3. Arango, I. and Seed, H.B., 1974, "Seismic Stability and Deformation of Clay Slopes," Journal of the Geotechnical Engineering Division, American Society of Civil Engineers, Vol. 100, GT2, pp. 139-156.
 4. Brown, S.F., Lashine, A.K.F. and A.F.L., 1975, "Repeated Load Triaxial Testing of a Silty Clay," Geotechnique, Vol. 25, No. 1, pp. 95-114.
 5. Castro, G. and Christian, J.T., 1976, "Shear Strength of Soils and Cyclic Loading," Journal of the Geotechnical Engineering Division, ASCE, GT9, 1976, pp. 887-894.
 6. Erguvanli, A., 1975, "Kohezyonlu Zeminlerin Dinamik Özellikleri," Ph. D. Thesis, ITU, Istanbul Technical Univ.
 7. Finn, W.D.L., Lee, K.W. and Martin, G.R., 1976, "An Effective Stress Model for Liquefaction," ASCE National Convention, Philadelphia, Specialty Session, Liquefaction Problems in Geotechnical Engineering, Preprint No. 2752, September 1976.
 8. Finn, W.D.L., et al., 1976, "Dynamic Effective Stress Analysis of Sands," submitted to 9th Int. Conf. on SMFE, Tokyo, July 1977.
 9. Finn, W.D.L., Lee, K.W. and Martin, G.R., 1975, "Stress Strain Relations for Sand in Simple Shear," U.B.C. Dept. of Civil Eng'rg., Soil Mechanics Series No. 26.

10. Hardin, B.O. and Drnevich, V.P., 1972, "Shear Modulus and Damping in Soils : Design Equations and Curves," Journal of the Soil Mechanics and Foundations Division, Proc., ASCE, SM7, 1972, pp. 667-692.
11. Idriss, I.M., Dobry, R., Doyle, E.H. and Singh, R.D., 1976, "Behaviour of Soft Clays Under Earthquake Loading Conditions," Lecture notes from Recent Advances in Earthquake Resistant Design of Structures, Berkeley, June 1976.
12. Joyner, W.B. and Chen, A.T.F., 1975, "Calculation of Nonlinear Ground Response in Earthquakes," Bulletin of the Seismological Society of America, Vol. 65, No. 5, pp. 1315-1336.
13. Kovacs, W.D. and Seed, H.B., 1971, "Dynamic Moduli and Damping Ratio for a Soft Clay," Journal of the Soil Mechanics and Foundations Division, Proc., ASCE, SM1, January 1971, pp. 60-75.
14. Kovacs, W.D., Seed, H.B. and Idriss, I., 1971, "Studies of Seismic Response of Clay Banks," Journal of the Soil Mechanics and Foundations Division, Proc., ASCE, SM2, 1971, pp. 441-455.
15. Newmark, N. and Rosenbleuth, E., 1971, "Fundamentals of Earthquake Engineering," Prentice-Hall.
16. Özaydin, K. and Erguvanlı, A., 1976, "Toprak Barajlarının Dinamik Hesap Yöntemleri," Bulletin of the E.Q. Eng. Institute (D.A.E.), Turkey, No. 13, Deprem Araşturma Enst. Bülteni, Yıl 3, No. 13.
17. Lee, K.L. and Focht, J.A., Jr., 1975, "Strength of Clay Subjected to Cyclic Loading," Marine Geotechnology, Vol. 1, No. 3.
18. Sangrey, D.A., Henkel, J.D. and Esrig, M.I., 1969, "The Effective Stress Response of a Saturated Clay Soil to Repeated Loading," Canadian Geotechnical Journal, Vol. 6, pp. 241-252.
19. Seed, H.B. and Chan, C.K., 1966, "Clay Strength Under Earthquake Loading Conditions," Journal of the Soil Mechanics and Foundations Division, American Society of Civil Engineers, Vol. 92, No. SM2, pp. 53-78.
20. Seed, H.B. and Idriss, I., 1970, "Shear Moduli and Damping Factors for Dynamical Response Analysis," Report No. EERC 70-10, December, Berkeley.
21. Streeter, V.L., Wyler, B.E. and Richart, F.E., 1974, "Soil Motion Computations by Characteristic Method," Journal of the Geotechnical Engineering Division, GT3, pp. 247-263.
22. Taylor, P.W., 1971, "The Properties of Soils Under Dynamic Stress Conditions, with Applications to the Design of Foundations in Seismic Areas," Ph. D. Thesis, Univ. of Auckland, New Zealand.
23. Thiers, G.R. and Seed, H.B., 1969, "Strength and Stress-strain Characteristics of Clays Subjected to Seismic Loading Conditions," American Society of Testing and Materials, Special Technical Materials 450, pp. 3-56.

ALETSEL SİSMOLOJİDE BAZI ANA YÖNTEMLER VE UYGULAMALAR

Ersin BASARIR*

SUMMARY

It was desirable to give some basic methods in the field of instrumental seismology and their applications on the available instruments at the Kandilli Observatory. These will be especially on the seismograph systems and their calibration techniques. This study is not involved with the systems including galvanometer.

The methods which are the subjects of this paper are very recently to calculate damping factor of long period seismograph systems on critical damping. For this purpose, several seismograms obtained at different times were investigated and it was found that there was a disagreement (max. ± 0.11) in the calculated damping factors. According to our consideration the differences are due to noise and digitizing errors.

In this study, seismometer transfer function was evaluated numerically for various damping factors and natural frequencies were calculated by computer. Taking this into account, impulsive responses have been computed using inverse fast Fourier transform.

As a matter of fact, this technique gives a good understanding of the behaviour of seismometer. Hence, one can realize how the seismometer time characteristics will effect the seismograms.

Calibration methods have also been applied to Istanbul Kandilli Observatory (ISK) short period Geotech Seismograph systems to find damping factor, natural frequency, electromotor constant of the seismometer and sensitivity. It was found that various system constants could vary considerably from the values given in the manual.

These results show the necessity of the calibration of the systems at least once a year.

GİRİŞ

Oluşları büyük can ve mal kaybına sebep olan depremler hakkında bugün, gerek dünya ülkelerinde ve gerekse memleketimizde, oldukça ileri çalışmalar yapılmakta, maddi ve manevi kayıpları minimuma indirebilmek için hiç bir çabada kaçınılmamaktadır.

(*) Kandilli Rasathanesi, Sismoloji Bölümü

Depremlerin yerlerini ve büyüklüklerini hassasiyetle tesbit edebilmek, bundan yararlanmak, istatistiksel çalışmalar yapmak ve konu ile ilgili mühendislik problemlerine gerekince değinebilmek için, her seyden önce yoğun bir sismik istasyon şebekesine ihtiyaç duyulmaktadır. İşte bu nedenle, İstanbul Kandilli Rasathanesi de, ilgili diğer kuruluşlar gibi, ülkemizdeki bu gereksinmeyi duyarak son beş yıl içinde, Türkiye'deki sismik istasyon sayısını 14'e getirmiştir. Zamanla sayıları artacak olan bu sismik istasyonlardan elde edilen bilgilerden tam olarak yararlanmak, ancak iyi bir bakım ve rasyonel bir işletim ile mümkün olmaktadır.

Sismograf sistemlerinin kayıtlarından yararlanarak yapılacak çalışmalar, bu sistemlerin çok iyi bilinmesini, sabitlerinin tayinini, süreleri içinde bakım ve testlerinin yapılmasını gerektirir.

Bu çalışma ile, hem İstanbul Kandilli Rasathanesinin tesis ve işletmesinde olan istasyonlardaki Geotech Helicorder sistem, hem de diğer sismograf sistemleri ile ilgili bilgiler ve teorilerin verilmesi amaçlandı. Söz konusu sistemler hakkında genel teorilere degezinirken özelliklerinden doğan teoriler konu disutuldu. Örneğin galvanometreli sistemler teorik olarak incelenmedi, sadece "step-pulse" dan yararlanılarak sönm sabiti tayininde uzun peryod kayıtlarından faydalandırıldı. Bu arada kalibrasyon konusu da incelendi.

ISK "İstanbul Kandilli Rasathanesi Merkez İstasyonu" uzun peryod kayıtlarında değişik tarihlerde alınmış step-pulse'lardan yararlanarak tayin edilen sönm sabitlerinde ± 0.11 lik bir fark görüldü, bunun büyük ölçüde gürültü (noise) ve kişisel okuma hatalarından ileri geldiği sonucuna varıldı.

Sismometrenin transfer fonksiyonu sayısal olarak, değişik tabii frekans ve sönm sabitleri için incelendi. Bundan yararlanarak da Ters Fast Fourier transformu ile impulsive respons elde edildi ve zaman karakteristiginin sisogramlara etkisi görüldü.

Yine bu çalışmada, ISK Batı Anadolu deprem istasyonlarında bulunan Geotech Helicorder sistem hakkında genel bilgiler verilerek sönm sabiti, tabii frekans, kalibrasyon bobini motor sabiti tayinleri büyütme ve hız duyarlığı uygulamak olarak yapıldı.

1. GENEL TANIMLAR

1.1. SİSMOMETRE, SİSMOGRAF

Yer kabuğunun hareketi ile gelişen depremlerin kaydedilmeleri bütünlüklerinin saptanması, onlarla ilgili kantitatif çalışmaların yapılabilmesi için insanlar bir takım aletlere ihtiyaç duymuslardır. Sismograf, işte bu gereksinmeler neticesinde geliştirilmiştir. Genel teorileri ilerde verecek bu sistem, genellikle iki ayrı ana üniteden meydana gelir. Birincisi deprem dalgalarından etkilenen yani onları alan sismometre, ikincisi de deprem dalgalarını kaydeden kayıtcı ünitesidir. Zamanımızda sismograflar oldukça geliştirilmiş, modern bir düzeye kavuşturulmuşlardır. Sistemde, sismometre ve kayıtcı ünitelerden başka, zaman işaretini veren hassas bir saat ünitesi, deprem dalgalarının genliklerini kuvvetlendirici elektronik devreler, filtre sistemleri v.s. bulunur.

1.2 SİSMOMETRELERİN KALİBRASYONU

Kalibrasyonun sebebi elde edilen kayıtlardan, yerin hareketi hakkında bilgi elde edebilmektir. Kalibrasyon yapılmamış bir sistemde, kantitatif mukayese için bir baz yoktur. Bu sebeple kalibrasyon işlemi sistemin sabitlerinin tayini, çalışmanın gaye ve yerine uygun olarak, büyütme, sönm, hız ve ivme gibi faktörlerin frekansa (periyoda) göre istenilen şekilde ayarlanmasıdır.

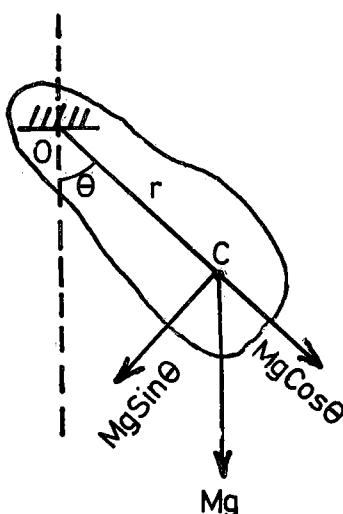
1.3 GENEL SİSMOGRAF TEORİSİ

Bazı ufak farklarla, genel olarak sismometreler bir çeşit sarkaçlardır. Umutiyetle, sarkaç düşünüllünde sarkaç kütlesinin hareketli olduğu, sarkacın askı noktasının ise sabit kaldığı akla gelir.

Sismolojide ise durum böyle değildir. Askı noktasının, yani yerin ani hareketiyle (depremde), sarkacın kütlesi önce hareketsiz kalmağa çalışır. Sallama geçen sarkacın üzerine iki kuvvetin etki ettiği görülür. Bu kuvvetlerden biri, sarkaç kütlesini, hareket halinde olan askı noktasının yeni durumuna göre dengeye getirecek olan kuvvet, diğeri de birinci kuvvette karşı koyacak şekilde, sarkacın kütlesinin atalet momentidir.

1.3.1 Fiziki sarkaç

O askı noktası, C ise kütle merkezi olsun. Bu ikisi arasındaki mesafeye r diyelim. Askı noktasından, küçük bir θ açısı kadar sarkacı denge durumundan ayıralım. (Şekil 1.3.1.1.)



Şekil 1.3.1.1

Kütle merkezine tesir eden kuvvet $Mg\theta$, geri getirme momenti ise $Mgr\theta$ olur. K ya askı noktasına göre atalet momenti derssek hareketin denklemi

$$K\ddot{\theta} = -Mg r \theta \quad \text{dir.} \quad (1.3.1.1.)$$

Burada $\ddot{\theta}$ zamana göre türevdir.

Bu differansiyel denklemin genel çözümü söyle yazılabilir.

$$\theta = A \sin \left(\sqrt{\frac{K}{Mg}} t + B \right) \quad (1.3.1.2.)$$

Bu çözümden fiziki sarkacın hareketinin basit harmonik bir hareket olduğu kolayca görülebilir. Burada A ve B sabitlerdir.

(1.3.1.2) nin genel çözümünden, öz periyod

$$T_n = 2\pi \sqrt{\frac{K}{Mg}} \quad \text{şeklinde bulunur.} \quad (1.3.1.3)$$

Boyu 1 olan basit sarkacın periyodu $T = 2\pi \sqrt{\frac{1}{g}}$ (1.3.1.4) olduğuna göre,

(1.3.1.3) ve (1.3.1.4) eşitliklerinden $l = \frac{K}{Mg}$ elde edilirki bu ifadeye de "es-değer basit sarkaç uzunluğu" denilir.

2. SÖNÜMLÜ SERBEST SALINIM

2.1. SÖNÜM ELEMANI VE BİR SALINIM İÇİN YAPILAN İŞ

Mekanik sistemlerde çeşitli hareketler nedeni ile sistemin enerji kaybolur. Serbest salınım, ilk baktıra sonsuz olarak devam eder gibi görülebilirse de, aslında bir müddet sonra bu salınım soner. Sistemin serbest titregimlerini azaltan elemana, SÖNÜM ELEMANI denir.

Sönüm tesirinden önce bir salınım için yapılan iş hesaplıyalım. Kuvvetle hareket, aynı frekansta fakat farklı fazlardır.

Deplasmani (X) ve kuvveti (F) aşağıdaki gibi allığımızda,

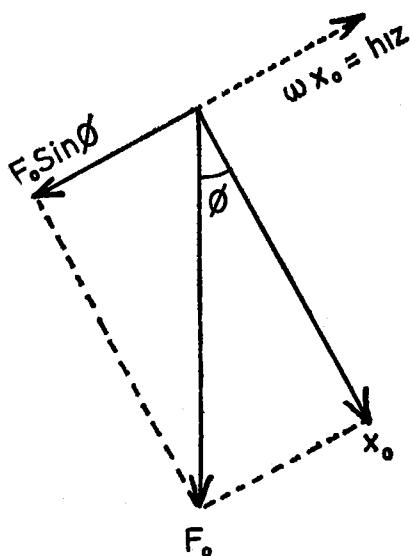
$$X = X_0 \sin \omega t \quad (2.1.1)$$

$$F = F_0 \sin (\omega t + \phi) \quad (2.1.2)$$

Bir periyodda yapılan iş :

$$W = \int_0^T F \cdot (dx/dt) dt = \chi F_0 X_0 \sin \phi \quad (2.1.3)$$

Kuvvet; faz olarak deplasmandan önde ise yapılan iş pozitifdir, geri ise negatifdir. İşin pozitif durumunda, sisteme enerji eklenir, negatif durumunda da enerji azalır. (Şekil 2.1.1)



Şekil 2.1.1

Burada enerji kaybına sebep olan, kuvvetin $F_0 \sin \theta$ bileşenidir. Bu, deplasman ile $\pi/2$ gecikme fazına sahiptir. Hız, deplasmana oranla $\pi/2$ ileride olduğundan, sönüüm bileşeni ile hız birbirlerine π kadar zıt fazlı olurlar.

Yaylı mekanik sistemlerde yer değiştirmeye dik doğrultuda kuvvet bulunmadığından sistemin enerjisi değişmez.

2.2. SIVI SÖNÜM

Sönüüm kuvvetinin hız ile zıt yönlü olması lazımdır. Biz burada sönüüm kuvvetinin hızla doğru orantılı olduğu özel ve önemli durumu ele alalım.

Bu durumda; $F_d = -cx$ dir. Buna da SIVI SÖNÜM denilir. Burada c sivi sönüüm katsayıısıdır.

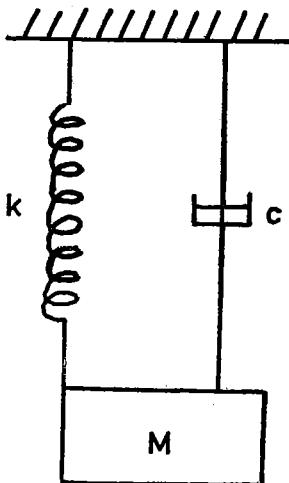
Sönüüm elemanı amortisör (dash-pot) olan sıvi sönüümlü, yayla asılmış kütle tipinde bir sistem alalım. Birim hız için sönüüm elemanı c (din/cm/sec) olduğunu göre serbest salınım için hareket denklemi (Şekil 2.2.1)

$$m\ddot{x} = -kx - cx \quad \text{dir. (2.2.1)}$$

Burada k bir sabittir. Bu denklemin çözümünden deplasmanın değeri,

$$x(t) = e^{-\frac{c}{2M}t} \left[A e^{\frac{\sqrt{(\frac{c}{2M})^2 - \frac{k}{M}} t}{2}} + B e^{-\frac{\sqrt{(\frac{c}{2M})^2 - \frac{k}{M}} t}{2}} \right] \quad (2.2.2)$$

bağıntısı ile elde olunur.



Şekil 2.2.1

Bu çözümdeki üstel kareköklerin reel, sıfır veya imajiner olusuna göre, sefbest salınınımın tabiatı farklı olur. Bu da, c nin k ve M değerleri ile ilişkisi ne bağılıdır. Karekökün sıfır olması halinde, c nin değeri $c_c = 2\sqrt{kM}$ olur ki bunada kritik sönümlü denir.

Eğer c nin hakiki değeri bu kritik sönümlü değerinden az ise, sistem periyodik sönümlü, eşitse kritik sönümlü, fazla ise aperiyyodik sönümlü olarak çalışır demektir. C nin nümerik değeri yerine c/c_c oranı kullanılır, bu da sistem hakkında daha iyi bilgi verir. $c/c_c = \lambda$ ya SÖNÜM SABİTİ denir. Buna göre;

$\lambda < 1$ ise, sistem periyodik sönümlü harekete

$\lambda = 1$ ise, sistem kritik sönümlü harekete

$\lambda > 1$ ise, sistem aperiyyodik sönümlü harekete sahiptir.

$$\lambda = \frac{c}{c_c} = \frac{c}{2\sqrt{kM}} = \frac{c}{2M\sqrt{k/M}} = \frac{c}{2M\omega_n}$$

Bu eşitlikde ω_n söndürülümüş tabii açısal frekanstır. λ nin bu değerleri için hareket denklemlerini yeniden yazalım.

$$\ddot{\mathbf{x}} + (c/M) \dot{\mathbf{x}} + (k/M) \mathbf{x} = 0$$

$$\ddot{\mathbf{x}} + 2\lambda\omega_n \dot{\mathbf{x}} + \omega_n^2 \mathbf{x} = 0$$

(2.2.3)

Çözüm de su sekli alır.

$$x(t) = e^{-\lambda \omega_n t} [A e^{i\sqrt{1-\lambda^2} \omega_n t} + B e^{-i\sqrt{1-\lambda^2} \omega_n t}] \quad (2.2.4)$$

2.2.1 Periyodik sönümlü sistem

$\lambda (< 1$ için (2.2.3) hareket denkleminin çözümü

$$x(t) = e^{-\lambda \omega_n t} [A e^{i\sqrt{1-\lambda^2} \omega_n t} + B e^{-i\sqrt{1-\lambda^2} \omega_n t}]$$

$$x(t) = e^{-\lambda \omega_n t} x_m \sin(\sqrt{1-\lambda^2} \omega_n t + \phi) \quad (2.2.1.1)$$

şeklini alır.

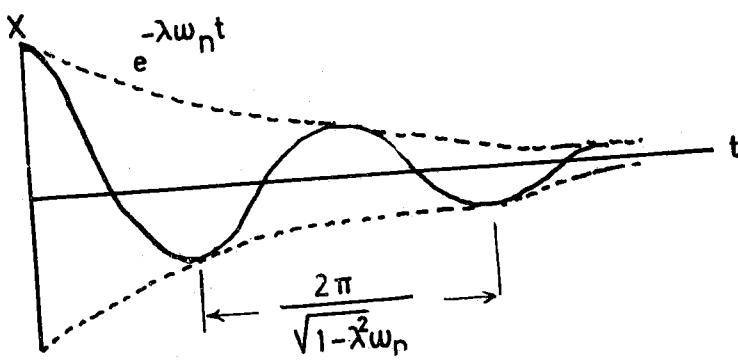
Burada x_m amplitüt değeri, $\sqrt{1-\lambda^2} \omega_n$ açısal frekansına sahip olan ve eksponansiyel olarak azalan bir sinüzoidal fonksiyonu ile ifade edilir. (Şekil 2.2.1.1)

$\phi = 0$ için hareket $t = n\pi / \sqrt{1-\lambda^2} \omega_n$ de sıfır olur. ($n = 1, 2, 3, \dots$)

$t = \frac{(2n+1)\pi}{2\sqrt{1-\lambda^2} \omega_n}$ de $\mp e^{-\lambda \omega_n t} x_m$ olur ve ekstremum da

$$t_m = \frac{1}{\sqrt{1-\lambda^2} \omega_n} \tan \frac{-1 \sqrt{1-\lambda^2}}{\lambda} \quad \text{dadır.}$$

Hareket tekrarlanmadığı için periyodik değildir. Fakat faz noktaları periyodik olarak tekrarlanmaktadır. Bu durumda da hareket yalancı periyodik hareket olur.



Şekil 2.2.1.1

2.2.2 Kritik söntümlü sistem

$\lambda = 1$ kritik söntümü için çözüm

$$X(t) = e^{-\omega_n t} [C_1 + C_2 t] \quad (2.2.2.1) \text{ şeklinde olur.}$$

Bu hareket, salınınum hareketi değildir. Kritik söntüm toplam söntümün en küçük olduğu durumdur ve salımsız serbest titregimdir.

2.2.3 Aperiyyodik söntümlü sistem

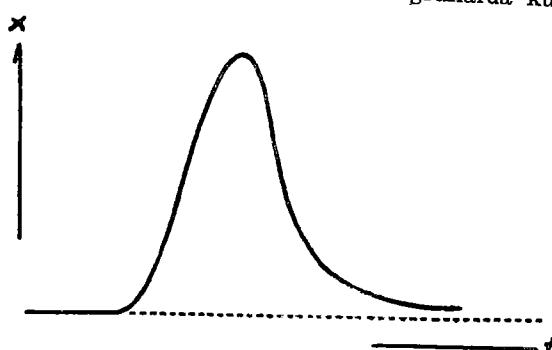
Bu durumda, (2.2.4) ün çözümü olduğu gibi kullanılır ve üstel fonksiyon hipbolik olarak yazılır.

$$X(t) = e^{-\lambda \omega_n t} [c_1 \operatorname{Cosh} \sqrt{\lambda^2 - 1} \omega_n t + c_2 \operatorname{Sinh} \sqrt{\lambda^2 - 1} \omega_n t] \quad (2.2.3.1)$$

Burada cosh ve Sinh salımlı olmadıkların $X(t)$ salımlı değildir. $\sqrt{\lambda^2 - 1} < \lambda$ olduğundan (2.2.4) ifadesindeki her iki üstel terim, zamana bağlı olarak azalır.

Aperiyyodik serbest titregimde, bir salınınum hareketi yoktur. Sarkaç bir yön-de gider, hareket maksimuma ulaşır, sonra denge durumuna gelir. (Şekil 2.2.3.1) Denge durumundan geçerek ilk hareketin aksi yönünde bir hareket olmaz.

Çoğunlukla aperiyyodik söntüm modern sismograflarda kullanılır.



Şekil 2.2.3.1

2.3 KURU SÜRTÜNME (COULOMB SÖNÜMÜ)

Parçaları birbirine sürtünmen herhangi bir mekanik sisteme, sürtünmeden dolayı bir söntüm olacaktır. Buna Coulomb söntümü denilir. Sismograf Sistemi için istenilmeyen bir söntüm olduğundan, bunu minimum yapacak bir düzen düz-süntülmüştür. Sürtünme kuvveti, sürtünmen yüzeylerin sertliğine ve bunlara beraberce baskı yapan dik kuvvete tabidir. Kuvvet daima hız'a göre ters yöndedir.

Pivot kullanılmış bazı eski aletlerde ve iğne ile ıslı kağıda veya mürekkep akıtan kalemlle kağıda kayıt yapan aletlerde bu söntüm mühimdir.

Salınınum sisteminde, sürtünme kuvveti, hızın arttığı iki çeyrek devir/saniye boyunca karşıt kuvvete zit yönlüdür. Hızın azaldığı diğer iki çeyrek devir/sani-

ye boyunca da kargası kuvvetle aynı yöndedir. Bu hareket iki eşitlikle ifade edilebilir. Biz bunu kütle - yay sistemini kullanarak yapalım. Sonra herhangi bir sisteme uygulayabiliriz.

F sürtünme kuvveti olduğuna göre,

$\ddot{Mx} = -kx + F$ x azalıyor, maksimumdan minimuma gidiyor

$\ddot{Mx} = -kx - F$ x artıyor, minimumdan maksimuma gidiyor.

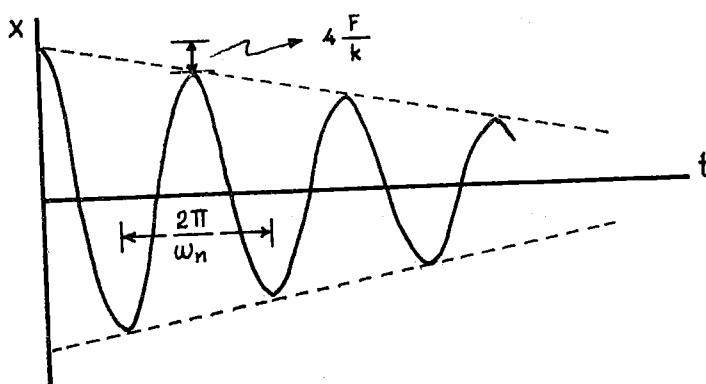
F , x den mustakil olduğundan, bu lineer olmayan bir titresimdir.

$x(0) = x_0$ ve $\dot{x}(0) = 0$ için ilk yarı devir/saniyede hareket

$$x(t) = (x_0 - F/k) \cos_{\omega_n t} + F/k \quad (2.3.1)$$

Bir yarı devir/saniye sonra

$$x(\frac{\pi}{\omega_n}) = -x_0 + 2F/k \quad \text{dir} \quad (2.3.2)$$



Şekil 2.3.1

Birbuçuk devir/saniyede amplitüt $\frac{2F}{k}$ kadar azaldı. Bir tam devir/saniye içinde sonra amplitüt $x_0 - 4F/k$ olur. Bu sebeple her devir/saniye için amplitütdeki azalım $4F/k$ dir ve lineer bir azalımdır.

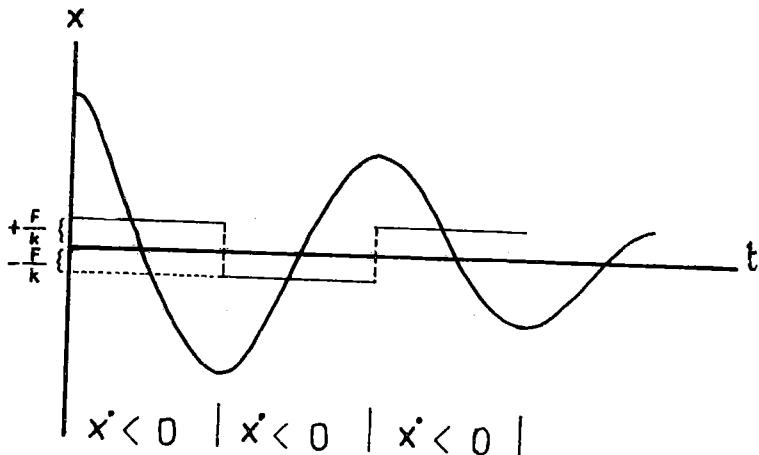
Peryod Coulomb sönmü^ü ile değişmez. Toplam sürtünme, hareketin azalımı gözlenerek deneysel yolla elde edilir. Hareket sonsuz devam etmez.

Amplitüt kafi derecede küçüldüğünde, yani sistemin yer değiştirmesi çok küçük olduğunda $kx < F$ dönüşüm noktasında, sistemin

$$\ddot{Mx} = -k(x \mp F/k)$$

ifadesi ile verilen hareketinde, sıfırı kayar.

Her yarı devir/saniyede sıfır durumunun F/k kadar kayması halinde, sıfırın durumuna göre basit bir harmonik hareket düşünüleceğinden, sürtünme kayan sıfırın durumuna



Sekil 2.3.2

tünme kuvveti hızza zıt yöndedir. (Sekil 2.3.2.). F/k hesaplanarak sürtünmeye sebep olan ivme bulunabilir.

2.4 KATI SÖNÜM

Sürtünmenin minimuma indirildiği modern aletlerde dahi hysteresis yüzünden elastik elemanlarda kayıp vardır. Sistem tarafından emilen enerji her devir/saniye sırasında basıncyla orantılıdır.

Kati sönüm, sıvı sönümün azalışı ile mukayese edilince bunun ufak bir teşir olduğu görülür. Bu sebeple de ayrı olarak analiz edilemez, sıvı sönümle beraber düşünüllür.

Bir devir/saniye için hesaplanmış enerji, toplam sıvı sönüm için de hesaplanabilir.

2.5 SÖNÜM SABİTİNİN HESAPLANMASI

Söñüm değerine göre sistemin niteliklerinin değiştiğini, yani söñüm sabitinin (λ), sistemdeki önemini, evvelki bölümlerde görmüştük.

Aşağıda söñüm sabitinin hesaplanmasında kullanılan metotlardan ikisi verilmektedir.

2.5.1. Logaritmik Metot

Peryodik söñümlü harekete sahip yani $\lambda < 1$ olan bir sistemde (2.2.1.1) ifadesini göz önüne alalım. Bu ifade $T/2$ aralıklarla sıfır olur.

$$\sqrt{1 - \lambda^2} \omega_n \frac{T}{2} = \pi \quad (2.5.1.1)$$

buradan

$$\frac{T}{2} = \frac{\pi}{\omega_n \sqrt{1-\lambda^2}} \quad (2.5.1.2)$$

Bu titresim hareketinin, birbirini takip eden ekstremumlardaki amplitütlerinin oranı ise,

$$\frac{x_m}{x_{m+1}} = \frac{e^{-\lambda \omega_n t}}{e^{-\lambda \omega_n (t+T)}} \quad (2.5.1.2)$$

Bu orana, sönüm oranı da denilir. (2.5.1.2) ifadesi kullanılarak logaritmik dekrement

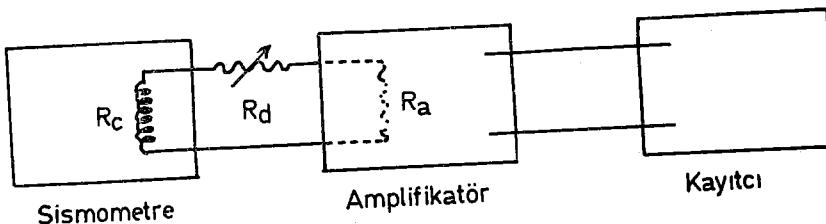
$$\Lambda = \ln \frac{x_m}{x_{m+1}} = \frac{2\pi\lambda}{\sqrt{1-\lambda^2}} \quad (2.5.1.4)$$

olarak bulunur veya,

$$\lambda = 1/\sqrt{1 + \frac{4\pi^2}{\Lambda^2}} \quad \text{dir} \quad (2.5.1.5)$$

On tabanına göre logaritma kullanılarak sönüm sabiti

$$\lambda = \frac{0,36647 \Lambda}{\sqrt{1 + 0,134299 \Lambda^2}} \quad \text{olur.} \quad (2.5.1.6)$$



Sekil 2.5.1

Sekil (2.5.1) deki gibi bir sistem alalım. Sismometre kütlesini ya üzerine çok az bir ağırlık koyup hemen kaldırarak veya hukm sismometrenin kalibrasyon bobinine çok kısa bir doğru akım vererek salınıma girelim. Kayıtcıda elde edeceğimiz kayının zarfının logaritmik olması gereklidir (Sekil 2.2.1.1). Aksi halde sismometrenin içinde bir mekanik stırtünme vardır. Eğer böyle bir durum varsa, sismometre kütlesinin merkezlenmesini bir daha kontrol etmek gereklidir.

İstenilen şekilde elde edilen kayıttan herhangi birbirini takip eden, traslanmamış iki sıfır-tepe (zero to peak) amplitüt okunarak logaritmik dekrementten sönüm sabiti bulunur. (2.5.1.4, 2.5.1.5, 2.5.1.6 eşitlikleri)

Sekil (2.5.1) de görüldüğü gibi seri olarak bağlanan R_d direncinin değişen değerlerine göre sönüüm sabiti de değişeceğinden, istenilen sönüümü elde etmek mümkünündür. (Bölüm 5 de geniş uygulama verilmiştir)

2.5.2. Step - pulse'dan yararlanılarak sönüüm sabitinin tayini

Bu usul genellikle sönüüm sabitinin bire yakın olduğu durumlarda kullanılır. Sisteme tesir eden harici kuvvet $f(t)$ ise, (2.2.3) eşitliği

$$x + 2\lambda n x + n^2 x = f(t) \quad \text{seklini alır.} \quad (2.5.2.1)$$

Hareket denkleminin Fourier transformu,

$$[(j\omega)^2 + 2\lambda n (j\omega) + n^2] X(\omega) = F(\omega) \quad (2.5.2.2)$$

$$\begin{cases} X(\omega) \\ F(\omega) \end{cases} = \int_{-\infty}^{\infty} \begin{cases} x(t) \\ f(t) \end{cases} e^{-j\omega t} \quad (2.5.2.3)$$

Burada ω açısal hızı ifade etmektedir.

Mekanik sismometrelerin sistem fonksiyonu $\varphi(\omega)$ ise,

$$\varphi(\omega) = X(\omega)/F(\omega) = 1/[(j\omega)^2 + 2\lambda n (j\varphi) + n^2] \quad (2.5.2.4)$$

Doğru (direct) ve ters (inverse) Fourier transformunun sistem fonksiyonu ve impuls tepki $k(t)$ (impulsive respons) ile bağlantısı,

$$\varphi(\omega) = \int_{-\infty}^{\infty} k(t) e^{-j\omega t} dt \quad (2.5.2.5)$$

$$k(t) = 1/2\pi \int_{-\infty}^{\infty} \varphi(\omega) e^{j\omega t} d\omega \quad \text{dir.} \quad (2.5.2.6)$$

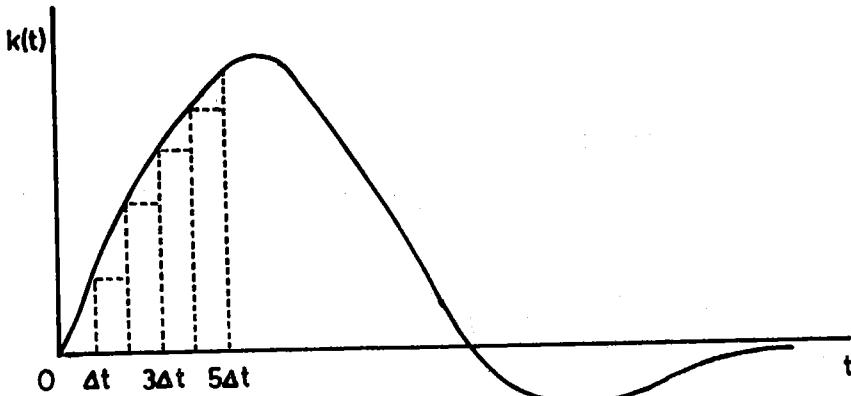
Pratik olarak (2.5.2.4.) eşitliği A, bir sabit olmak üzere,

$$\varphi(\omega) = A/[(j\omega)^2 + z\lambda n (j\varphi) + n^2] \quad (2.5.2.7)$$

şeklinde kullanılır. (f_n : öz frekans, $n = 2\pi f_n$)

Burada, sistem fonksiyonu ve impuls tepki, doğru ve ters Fourier transformu ile ifade edilmiştir.

İmpuls tepki, çok sayıda pulsların toplamı olarak ifade edilebilir. Bu pulsların her biri $2\Delta t$ genliginde ve $k(t)$ yüksekliğindedir. (Sekil 2.5.2.1)



Sekil 2.5.2.1

Bu sebeple $k(t)$ şu şekilde yazılabilir.

$$k(t) = \sum_{m=0}^{\infty} k[(2m+1)\Delta t] \left\{ u[t - 2m\Delta t] - u[t - 2(m+1)\Delta t] \right\}$$

(2.5.2.8). Burada $u(t)$ birim step fonksiyondur.

$$u(t - 2m\Delta t) = 1 \quad t > 2m\Delta t$$

$$u(t - 2m\Delta t) = 0 \quad t < 2m\Delta t \quad m = 0, 1, 2, \dots$$

(2.5.2.8) eğitliğinin Fourier transformu yaklaşık olarak,

$$\psi(\omega) = 2\Delta t \sin \Delta t \omega / \Delta t \omega \sum_{m=0}^{\infty} k[(2m+1)\Delta t] e^{-(2m+1)\Delta t j\omega} \quad (2.5.2.9)$$

(2.5.2.9) dir. Bu ifadenin ω nin artan kuvvetlerine göre açılımı ise,

$$\begin{aligned} \psi(\omega) &= 2\Delta t \sum_{m=0}^{\infty} k[(2m+1)\Delta t] \\ &- 2\Delta t^2 \sum_{m=0}^{\infty} (2m+1) k[(2m+1)\Delta t] j\omega \\ &+ 2\Delta t^3 \left\{ \frac{1}{2!} \sum_{m=0}^{\infty} (2m+1)^2 k[(2m+1)\Delta t] + \frac{1}{3!} \sum_{m=0}^{\infty} k[(2m+1)\Delta t] \right\} (j\omega)^2 \\ &- 2\Delta t^4 \left\{ \frac{1}{3!} \sum_{m=0}^{\infty} (2m+1)^3 k[(2m+1)\Delta t] - \frac{1}{3!} \sum_{m=0}^{\infty} (2m+1) k[(2m+1)\Delta t] \right\} (j\omega)^3 \end{aligned} \quad (2.5.2.10)$$

Aynı yolla (2.5.2.7) eşitliği de

$$\varphi(\omega) = A \left[\frac{1}{n^2} - \frac{2\lambda}{n^3} j_\omega + \frac{4\lambda^2 - 1}{n^4} (j_\omega)^2 - \frac{2\lambda(4\lambda + 2)}{n^5} (j_\omega)^3 + \dots \right]$$

(2.5.2.11) şeklinde serise açılır. Burada bilinmeyen olarak A , λ ve n vardır.

(2.5.2.10) ve (2.5.2.11) eşitliklerinden, aynı kuvvetten olan terimlerin mükayesesine sismometrenin söñüm sabiti ile birlikte diğer sabitleri de aşağıdaki gibi elde edilir.

$$2\lambda \frac{A}{n^3} = 2\Delta t^2 \sum_{m=0}^{\infty} (2m+1)k[(2m+1)\Delta t] \equiv b$$

$$(4\lambda^2 - 1) \frac{A}{n^4} = 2\Delta t^3 \left\{ -\frac{1}{2!} \sum_{m=0}^{\infty} (2m+1)^2 k[(2m+1)\Delta t] + -\frac{1}{3!} \sum_{m=0}^{\infty} k[(2m+1)\Delta t] \right\} \equiv c$$

Böylece söñüm sabiti, $\lambda^2 = b^2/4(b^2 - ac)$ olarak elde edilir. Ayrıca frekans da

$$f_n = \frac{\sqrt{a^2/(b^2 - ac)}}{2} \quad \text{olarak bulunur.}$$

Bu metodun uygulaması olarak, İstanbul Kandilli Rasathanesi uzun period kayıtlarından okunan pulsalar, hazırlanan bilgi sayar programı ile değerlendirilerek, söñüm sabiti aşağıdaki şekilde hesaplanmıştır. (Tablo 2.5.2.1) Ancak muhtelif tarihlerdeki kayıtlardan alınmış pulsaların okunmalarından hesaplanan söñüm sabitleri arasında ± 0.11 civarında bir fark görülmüştür. Bunun da pulsalara binen bozucu tesirler (noise) ve bilhassa amplitüt okumaları sırasındaki bireysel yanılığıdan ileri geldiğini söylemek yerinde olur.

$2m+1 = m'$	$k(m' \cdot \Delta t)$	$m' k(m' \cdot \Delta t)$	$m'^2 k(m' \cdot \Delta t)$
1	40	40	40
3	48	144	432
5	39	195	975
7	34	238	1666
9	25	225	2025
11	16	176	1936
13	10	130	1690
15	6	90	1350
17	3	51	867
19	2	38	722
+	+	+	+
	223	1327	17703

$$a = 223 \cdot \Delta t = 446$$

$$b = 1327 \cdot \Delta t^2 = 5308$$

$$c = (17703/2 + 223/6 \Delta t^3) = 47109$$

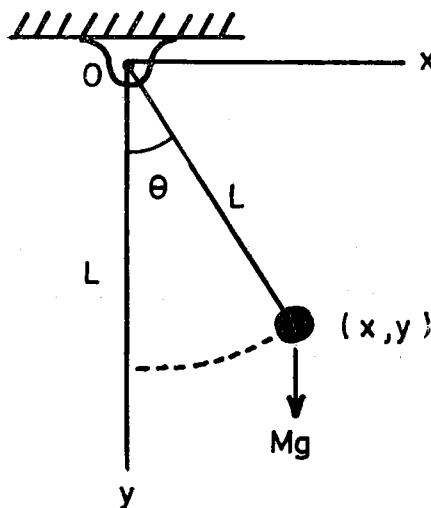
$$\lambda = 0.9916$$

3. SERBESTLİK DERECESİ BİR OLAN SİSTEMİN, SIVI SÖNÜMLÜ ZORUNA HAREKETİ

Konuya girmeden evvel, serbestlik derecesi bir olan sistemden ne anlıyoruz kısaca onu açıklamaya çalışalım.

3.1 SERBESTLİK DERECESİ BİR OLAN SİSTEM

Sistemler, genel olarak birçok kütle partikülleri içtiva ederler. Bu partiküller arasındaki ilişki, sadece bir koordinat sistemi ile ifade ediliyorsa, sistemin durumuna, serbestlik derecesi bir olan sistem denilir. Bu durum, sistemin bütün kütlelerinin boşluktaki geometrik yeri ile ifade edilir.



Sekil 3.1.1

Serbestlik derecesi bir olan sisteme en iyi örnek olarak basit sarkacı alalım. Şekil (3.1.1) de görülen basit sarkaç X - Y düzleminde hareket etmektedir. Bu durum dik kartezyen koordinatlar sisteminde $x(t)$ ve $y(t)$ ile veya sarkacın yer değiştirmesi $\theta(t)$ ile tarif edilir. x, y koordinatları müstakil olmayıp, $x^2 + y^2 = L^2$ bağıntısı ile ilişkilidirler. L sarkacın uzunluğu olduğundan değişmez ve bir sabit gibi düşünebilir. Şayet $x(t)$ seçilirse, bağıntıdan $y(t)$ bulunabilir.

3.2 KÜTLEYİ ETKİLEYEN, HARMONİK HAREKET KUVVETİ İÇİN HAREKET DENKLEMİNİN ÇÖZÜMÜ

Kütleye, sistemin bir derecelik serbestlik yönünde, etki eden kuvvet $f(t)$ ise hareket,

$$M\ddot{x} = -kx - cx + f(t) \quad (3.2.1)$$

$$\ddot{x} + 2\lambda\omega_n\dot{x} + \omega_n^2x = f(t)/M \quad (3.2.2)$$

Bu eşitlik genel rotasyon için genelleştirilirse, $f(t)$ kuvvetten ziyade hareket

momenti haline gelir. Bu diferansiyel eşitliğin tamamlayıcı fonksiyonunu daha evvel bulmuş ve (2.2.4) ile vermiştik. Fizik manada bu ifade sistemin serbest salınımını gösterir ve çözümün sönlümü kismıdır. λ ya bağlı olarak zamanla azalımı oldukça kabuktur. Kısıtlı integral sistemin tepkisini, $f(t)$ nin değerine bağlı olarak göstererek (3.2.2) eşitliğine Laplace transformunu uygulayalım.

$$L[x(t)] = -x(0) + \text{sol } x(t) \quad (3.2.3)$$

Bu, birinci türevin Laplace transformu olur. Aynı şekilde ikinci türevin Laplace transformu da $x''(0) = x(0) = 0$ kabul edilerek,

$$L[\ddot{x}(t)] = s^2 L[\dot{x}(t)] \quad (3.2.4)$$

$$L[x(t)] = x(s) \quad L[f(t)/M] = F(s)$$

$$s^2 X(s) + 2\lambda\omega_n s X(s) + \omega_n^2 X(s) = F(s) \quad (3.2.5)$$

$$X(s) [s^2 + 2\lambda\omega_n s + \omega_n^2] = F(s) \quad (3.2.6)$$

$$X(s) = F(s)/(s^2 + 2\lambda\omega_n s + \omega_n^2) = F(s)/(s - s_1)(s - s_2)$$

$$= A/(s - s_1) + B/(s - s_2)$$

$$= (As - As_2 + Bs - Bs_1)/(s - s_1)(s - s_2) \quad (3.2.7)$$

$$s^2 = \omega_e^2 \quad s_1, s_2 = (-\lambda \mp \sqrt{\lambda^2 - 1})\omega_n$$

olduğu dikkate alınarak,

$$\begin{aligned} X(s) &= (F_0/M) \left[\omega_e / (s - s_1)(s - s_2)(s - i\omega_e)(s + i\omega_e) \right] \\ &= (F_0 \omega_e / M) \left[A/(s - s_1) + B/(s - s_2) + \right. \\ &\quad \left. C/(s - i\omega_e) + D/(s + i\omega_e) \right] \quad (3.2.8) \end{aligned}$$

(3.2.8) ifadesinden,

$$\begin{aligned}
 A &= 1/2\sqrt{\lambda^2 - 1} (s_1^2 - \omega_e^2) \omega_n \\
 B &= -1/2\sqrt{\lambda^2 - 1} (s_1^2 - \omega_e^2) \omega_n \\
 C &= 1/(i\omega - s_1)(i\omega - s_2) 2i\omega_e \\
 D &= -1/(i\omega - s_1)(i\omega - s_2) 2i\omega_e
 \end{aligned} \tag{3.2.9}$$

elde edilir. Netice olarak,

$$\begin{aligned}
 X(t) = \frac{F_0}{M} &\left[\frac{\omega_n^2 - \omega_e^2}{(\omega_n^2 - \omega_e^2)^2 + (2\lambda\omega_e\omega_n)^2} \cdot \sin \omega_e t + \right. \\
 &\left. \frac{-2\lambda\omega_n\omega_e}{(\omega_n^2 - \omega_e^2)^2 + (2\lambda\omega_e\omega_n)^2} \cdot \cos \omega_e t \right] \tag{3.2.10}
 \end{aligned}$$

bulunur. Bunu da $X_m \sin(\omega_e t + \phi)$ şeklinde yeniden söyle yazabiliriz.

$$X_m = \frac{F_0/M}{\left[(\omega_n^2 - \omega_e^2)^2 + (2\lambda\omega_e\omega_n)^2\right]^{1/2}} \tag{3.2.11}$$

ve

$$\phi = \tan^{-1} \frac{-2\lambda\omega_e\omega_n}{(\omega_n^2 - \omega_e^2)} \tag{3.2.12}$$

Kararlı denge hareketinin amplitüt ve fazı için de (3.2.11) ve (3.2.12) eşitliklerinden,

$$X_m = \frac{F_0/k}{\left[1 - (\omega_e/\omega_n)^2 + (2\lambda\omega_e/\omega_n)^2\right]^{1/2}} \tag{3.2.13}$$

$$\phi = \tan^{-1} \frac{-2\lambda(\omega_e/\omega_n)}{1 - (\omega_e/\omega_n)^2} \tag{3.2.14}$$

elde edilir.

Kuvvetin deplasmandan önde olması halinde, enerji verdiği aksi durumda ise sistemin duracağını bulmustuk. Deplasman x, f kuvvetinden ϕ kadar geri kalısun, $x, x_m \sin(\omega_e t - \phi)$ şeklinde yazılır.

$$\varphi = \tan^{-1} \frac{2\lambda(\omega_e/\omega_n)}{1 - (\omega_e/\omega_n)^2} \quad (3.2.15)$$

olur.

$\tan(-\varphi) = -\tan(\varphi)$ olarak kullanılmıştı. Netice olarak, sinüsoidal tıbbik kuvvetinin, kararlı denge tepkisi sinüsoidal bir harekettir ve (3.2.15) de verilen açı kadar da tıbbik kuvvetinden geridir. Amplitüt de (3.2.13) de verildiği şekildedir.

3.3 FAZ VE AMPLITÜT TEPKİSİ

(3.2.13) ile X_m amplitütünü ω_e/ω_n nin fonksiyonu olarak vermiştık. Bu sistemin harmonik amplitüt tepkisidir.

F_o/k yi F_o sabit kuvvetinin doğurduğu deplasman olarak tarif ederek ve bunu da x_{st} ile göstererek, boyutsuz olarak kararlı denge amplitüt tepkisi yazılabilir. Bu durumda (3.2.13) ifadesi,

$$\frac{X_m}{X_{st}} = \frac{1}{[(1 - (\omega_e/\omega_n)^2)^2 + (2\lambda \omega_e/\omega_n)^2]^{1/2}} \quad (3.3.1)$$

seklini alır.

$\omega_e/\omega_n = 0$ için $x_m/x_{st} = 1$ dir. x_m/x_{st} sıfıra yaklaşıkça ω_e/ω_n bütün λ değerleri için çok büyük. Rezonans durumunda ise $\omega_e/\omega_n = 1$ yani $\omega_e = \omega_n$ dir. Rezonans tepkisi de,

$$x_r/x_{st} = 1/2\lambda \quad \text{olur.} \quad (3.3.2)$$

Sönüm faktörü sıfıra yaklaşıkça, bu rezonans tepkisi de sonsuz olarak büyük. $\omega_e/\omega_n = \sqrt{1 - 2\lambda^2}$ de tepe tepkisi (peak response) meydana gelir ve bunun değeri de

$$x_p/x_{st} = 1/(2\lambda \sqrt{1 - \lambda^2}) \quad \text{dir.} \quad (3.3.3)$$

Sistemin öz frekansı sönümülü veya sönmüstür olduğunda bu tepki olmaz. Sadece $\lambda \leq \sqrt{2}/2$ olduğunda frekans (ω_p) reeldir.

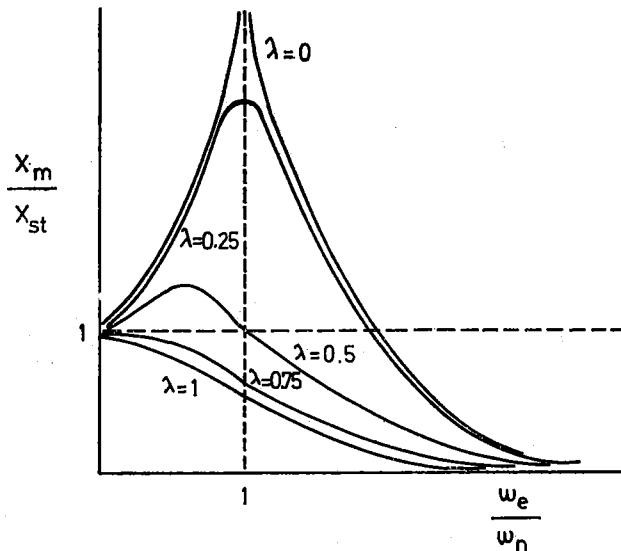
Daha büyük sönüm faktörü değerleri için, en büyük tepki $\omega_e = 0$ da olur. Uygulanan frekans arttıkça da tepki yeknesak olarak azalır. Açıklanan bu durumlar şekil (3.3.1) de görülmektedir.

Sönmüstür durum için, $\omega_e/\omega_n > 1$ ve faz açısı dikkate alınarak, amplitüt tepki mutlak değer olarak,

$$x_m/x_{st} = |1 / [1 - (\omega_e/\omega_n)^2]| \quad (3.3.4)$$

Deplasmanın tıbbik kuvvetinden geri kaldığı faz açısı φ (3.2.15) de verilmiştir. Bu daima $\omega_e = 0$ da sıfırdır, rezonansda $\pi/2$ dir ve yüksek frekanslarda π ye yaklaşır.

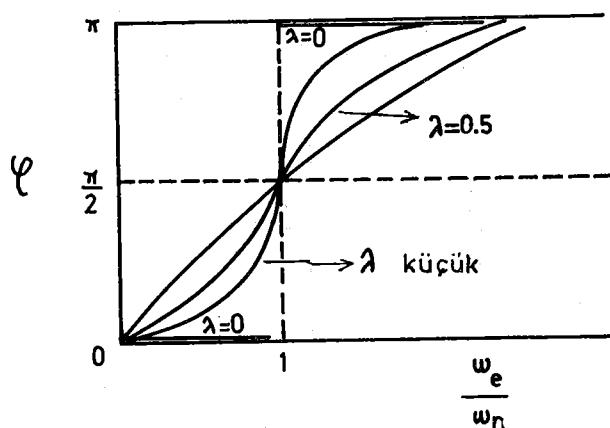
Sıfır sönümde de rezonans frekansının altında, deplasman tıbbik kuvvetiyle aynı fazda, rezonans üzerindeki değerlerde ise π kadar dışındadır. $\pi/2$ ka-



Şekil 3.3.1

dar geri kalış, bu frekansda tatbik kuvvetinin söküme karşı enerjisini sarfetmesindendir (Şekil 3.3.2).

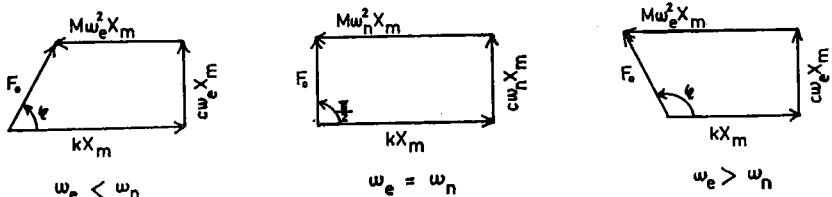
c_x ve $f(t)$ eşit ve zıt fazdadır. Çünkü atalet terimi Mx ve gerilme kuvveti kx eşittirler. Rezonans durumunda ise bu bağıntı, $Mx = -M(\omega_e^2)x = -M\omega_n^2x = -kx$ dir. Alçak frekanslar için $Mx < kx$ ve gecikme açısı $\pi/2$ den daha azdır. Rezonans üzerindeki durumda ise, $Mx > kx$ ve açı $\pi/2$ den daha büyüktür. Çok yüksek frekanslarda, Mx terimi ω_e^2 sebebi ile tamamen hakimdir, tatbik kuvveti ile pratik olarak aynı fazdadır. Yalnız deplasman ile π kadar farklı fazdadır (Şekil 3.3.3).



Şekil 3.3.2

$$M\ddot{x} + c\dot{x} + kx = F_0 \sin(\omega_e t) , \quad x = x_m \sin(\omega_e t + \varphi)$$

$$M\omega_e^2 x_m \sin(\omega_e t + \varphi + \pi) + c\omega_e x_m \sin(\omega_e t + \varphi + \pi/2) + kx_m \sin(\omega_e t + \varphi) = F_0 \sin(\omega_e t)$$



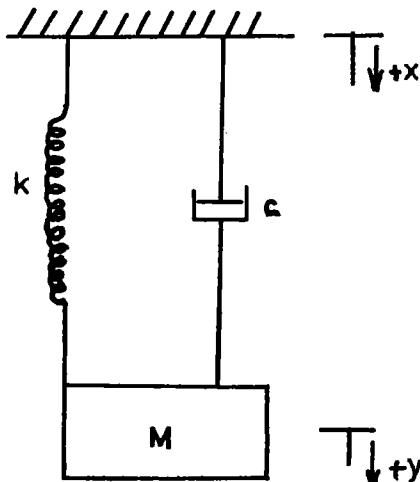
Sekil 3.3.3.

Sistemde göze çarpan sönümlün ($\lambda \sim 1$) iki tesiri vardır. Bunlardan biri serbest salınının çözümün geçici kısmını vermesi ve çabuk azalmasıdır. Diğeride amplitüt tepki eğrisinin yassılaşmasıdır. Bu sebeple tepki gereği kadar geniş frekans aralığında hemen hemen aynıdır. Bu iki tesir de sismometrelerde istenilen hususlardır.

3.4 ASKİ ÇERÇEVESİNİN HAREKETİNE SİSTEMİN TEPKİSİ

Sismometrelerin temel prensiplerinden biri de askı çerçevesinin hareketine sistemin tepkisidir. Bu da TRANSFER FONKSİYONU olarak kullanılır. Askı Çerçevenin hareketinin sistemin bir derecelik serbestliği yönünde olduğunu kabul edelim. Kütleyle etkileyen kuvvet, yay, pivot, askı tel, sönümlü elemanı v.s. arasındaki bağlantılarından gerek, kütle ve askı çerçevesine iletilir. İdeal sismometrelerde, parçalar arasında mükemmel esneklikde bağlantılar olacağından, kuvvet nakli olmayacak dolayısıyle kütle hareket etmeyecektir.

Basit olarak kütle-yay-sönümlü elemanından oluşan sistemi alalım. y sismometre kütlesinin, x de askı çerçevesinin, sistemin bir derecelik serbestlik doğrultusundaki yer değiştirmeye miktarı olsun (Şekil 3.4.1).



Hareketin ifadesi,

$$M\ddot{y} + c\dot{y} + ky = -M\ddot{x} \quad \text{olur.} \quad (3.4.1)$$

Bölüm (3.2) deki düşünüş ve yolla hareket ederek, transfer fonksiyonunu bulalım.

$$\ddot{y} + (c/m)\dot{y} + (k/M)y = -\ddot{x} \quad (3.4.2)$$

$$\frac{s^2Y(s)}{X(s)} + \frac{c}{M}sY(s) + \frac{k}{M}Y(s) = -s^2X(s) \quad (3.4.3)$$

$$\frac{Y(s)}{X(s)} = \frac{\frac{s^2}{c + \frac{k}{M}s}}{s^2 + \frac{c}{M}s + \frac{k}{M}} \quad (3.4.4)$$

$$\omega_n^2 = \frac{k}{M}, \quad 2\lambda\omega_n = \frac{c}{M} \quad \text{olduğu hatırlanarak,}$$

$$T(i\omega) = \frac{(i\omega)^2}{(i\omega)^2 + \frac{c}{M}(i\omega) + \frac{k}{M}} \quad (3.4.5)$$

$$T(i\omega) = \frac{(i2\pi f)^2}{(i2\pi f)^2 + 2\lambda\omega_n(i2\pi nf) + \omega_n^2} \quad (3.4.6)$$

elde edilir.

(3.4.6) eşitliğinin, kompleks aritmetikle, bilgi sayarda 0.090 frekans aralıkları ile, ω_n nin 0.5, 1.0, 1.5, 2.0, 2.5, 3.0 ve 10.0 değerleri ve her ω_n değeri için λ nin 1.0, 0.75, 0.50, 0.25, 0.00001 ~ 0 değerleri ile çözümü, hazırlanan bilgi sayar programıyla hız, ivme ve deplasman için yapılmıştır.

Elde edilen değerlerin milimetrik kağıda noktalaması sonucu, meydana gelen eğrilerden bazıları Şekil 3.4.2. - a, b, c de verilmiştir. Şekillerden de görüleceği gibi, haliyle ω_n değeri büyündükçe, deplasmanın 1.0 amplitütüne yaklaşması da, daha büyük frekanslarda olmaktadır. ω_n nin bütün değerleri için, λ nin, 0.50 den itibaren küçülen değerlerinde, deplasmanda yaklaşık olarak ω_n değerinde, bir maksimum meydana gelmektedir. Bu maksimumdan sonra da eğrinin inmesi doğaldır. λ değerleri küçüldükçe de tepe daha belirli olarak ortaya çıkmaktadır.

Halbuki tatbikatta deplasmanda böyle bir maksimum durumundan ziyade $\lambda = 1.00$ ve $\lambda = 0.75$ durumlarında görüldüğü gibi belirli bir frekanstan sonra, amplitüden hemen hemen sabit kalışı sonucu ortaya çıkan deplasman eğrisi kullanılır.

Bu açıklamalardan da anlaşılmak üzere, bölüm (1.2) de söylenilen gibi, çalışma gayesine uygun deplasman, hız ve ivme değerlerini almak mümkündür.

Şimdi de yine şekil (3.4.1) i alarak kütlenin askı çerçevesine göre izafi yer değiştirmesi görelim.

$$z(t) = y(t) - x(t) \quad \text{dir.} \quad (3.4.7)$$

Kütleyi etkileyen yay kuvveti ise,

$$-k(y - x) = -kz \quad \text{dir ve} \quad (3.4.8)$$

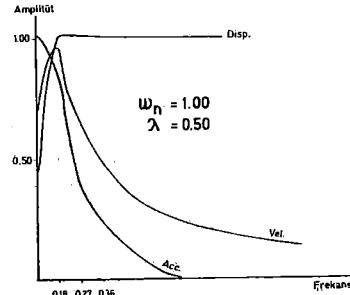
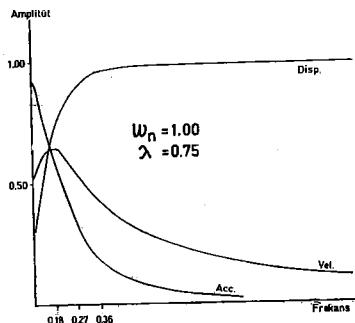
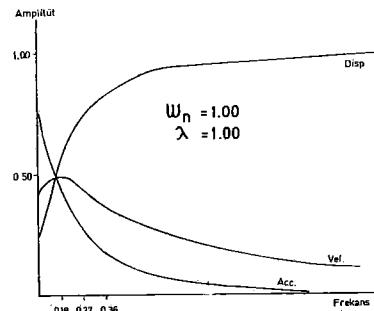
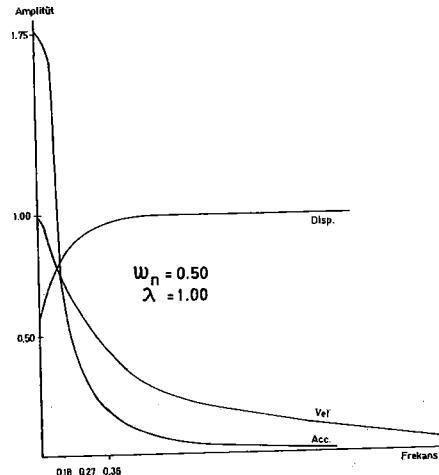
söñüm elemanı igin kullanilan kuvvet de,

$$-c(y - x) = -cz \quad \text{olduğuna göre} \quad (3.4.9)$$

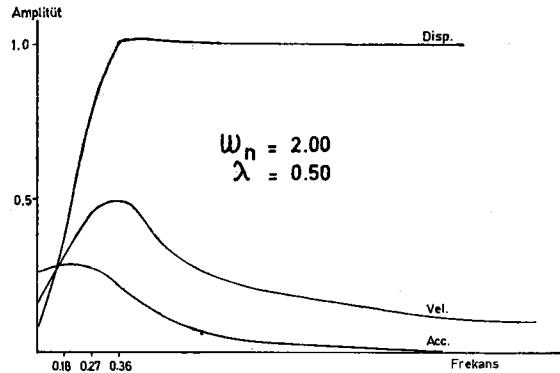
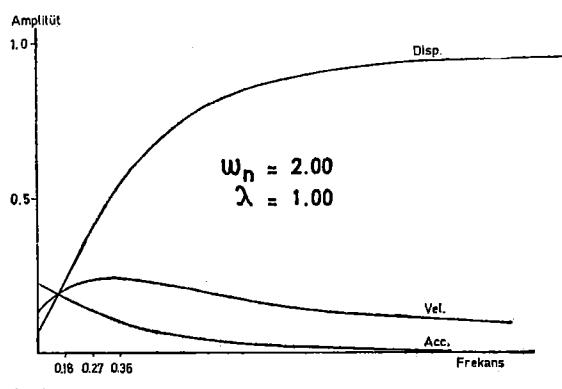
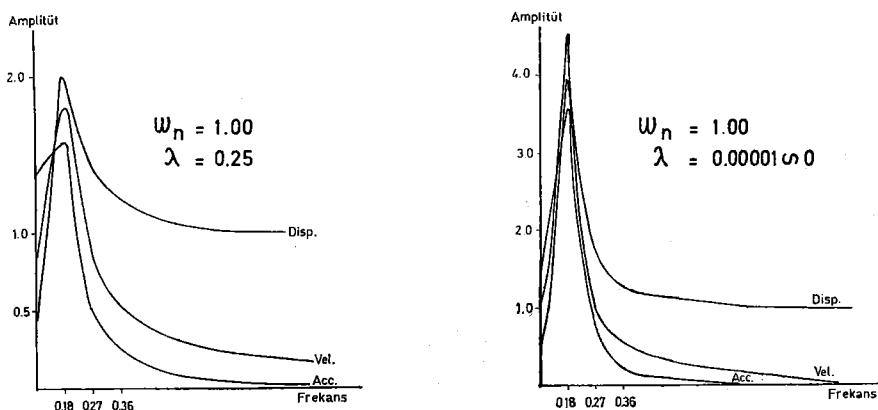
hareketin ifadesi,

$$My = -kz - cz \quad \text{olarak yazılabilir.} \quad (3.4.10)$$

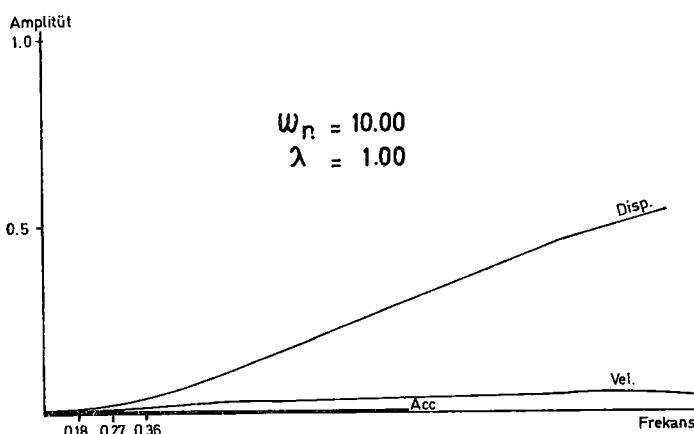
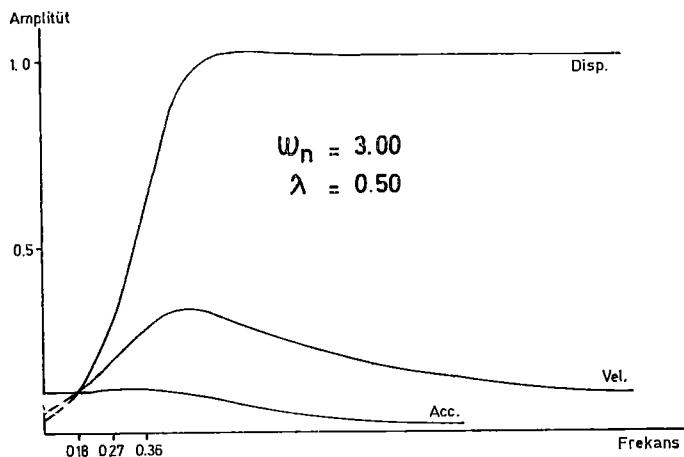
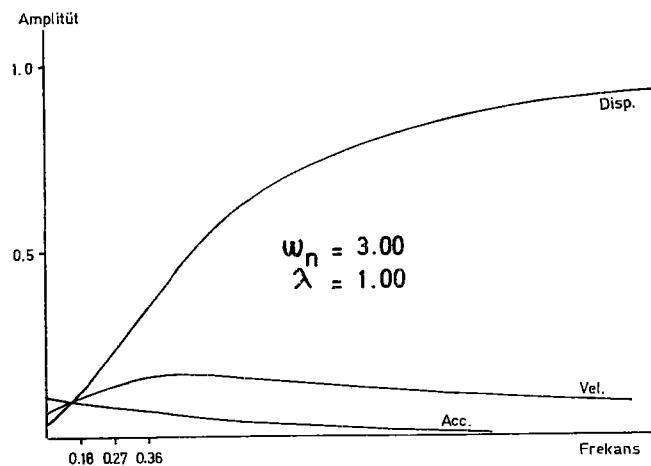
Transfer Fonksiyonu



Sekil 3.4.2 - a



Sekil 3.4.2 - b



Bu ifadeyi mutlak yer değiştirmeye y, için gözebiliriz. Fakat burada izafi hareket ile ilgilendiğimizden, çözümde bunu dikkate alacağız.

Eşitliğin her iki tarafından Mx çıkaralım.

$$Mz + cz - kz = -Mx \quad \text{seklini alır.} \quad (3.4.11)$$

Izafi hareketin bu ifadesi (3.2.1) ile verilen zoruna salının ifadesi ile identiktir ve, $f(t) = -Mx$ dir.

Buradan görüldüyüorki, kütlenin askı çerçevesine göre hareketi (izafi hareket) askı çerçevesinin hareketsiz ve kuvvet $-Mx$ ye eşit olduğu ve doğrudan kütleyi etkilediği zamanki hareket gibidir. İfade kütleye bölünerek asıl eşitlik elde edilir.

$$z + 2\lambda\omega_n z + \omega_n^2 z = -\ddot{x} \quad (3.4.12)$$

Bu genelleştirilmiş ifade, herhangi bir sistem için müzakere edilebilir.

Şayet sistemde, kütle mil üzerinde dönüyorsa bu durumda, kütle üzerinde z ye uyan kütle noktası hesaplanmalıdır.

Şimdi yerin deplasmanı,

$$x(t) = X_0 \sin \omega_e t \quad \text{olarak verilsin} \quad (3.4.13)$$

$$-x = \omega_e^2 X_0 \sin \omega_e t \quad \text{dir ve problem bölüm} \quad (3.4.14)$$

(3.2) de temas edilen durumun $F_o = M\omega_e^2 X_0$ eşitliği ile aynıdır. (ω_e tatbik kuvvetinin açısal frekansıdır)

Evvelce gördüğümüz gibi serbest salınımlar söndürülür. Kararlı denge durumunun çözümü olan (3.2.11) eşitliğinden hareketle,

$$F_o/k = (M/k)\omega_e^2 X_0 = (\omega_e/\omega_n)X_0 \quad \text{elde edilir.} \quad (3.4.15)$$

Neticede zaman ortamında çözüm de bölüm (3.2.) deki düstünüş ve yolla ters Laplace transformu alınarak,

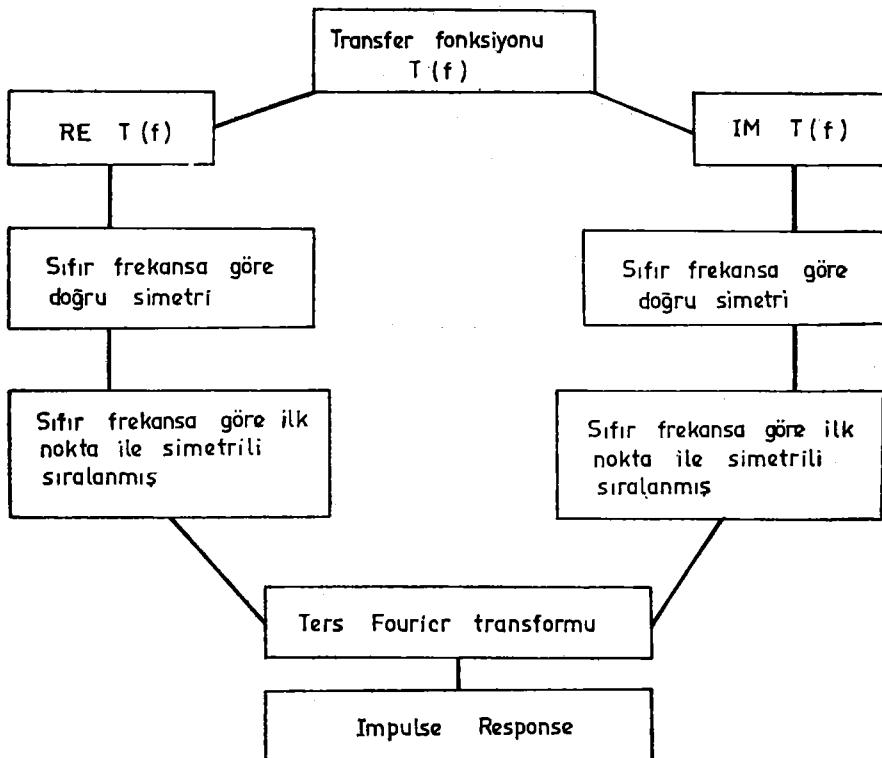
$$z(t) = \frac{X_0(\omega_e/\omega_n)^2 \sin(\omega_e t - \varphi)}{\left[\left(1 - \left(\frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2 \right)^2 + \left(2 \lambda \frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2 \right]^{1/2}} \quad (3.4.16)$$

Izafi hareket z veya onun türevleri \dot{z} veya \ddot{z} , sismograf tarafından kaydedilen kemiyetlerdir.

z nin durumu, aletin tepki karakteristiğinden hesaplanır. Sistemin doğrudan z yi kayıt ettiğini kabul edersek (3.4.16) eşitliği bize tepkiyi verir.

3.4.1. Sistemin zaman fonksiyonunun sayısal olarak çözümü (Impulsive response)

Frekans ortamında düstünüleren, transfer fonksiyonunun (3.4.6 eşitliği) kompleks aritmetikle elde edilen değerinin, ters Fourier transformu alınarak, değiş-



Şekil 3.4.1.1

gimin zaman ortamında aldığı durumu görmek mümkündür. Bu da Blok Diyagram (3.4.1.1) e göre yapılır.

$$RE \ T = T_R = |T(f)| \cos\theta$$

$$IM \ T = T_I = |T(f)| \sin\theta$$

olarak transfer fonksiyonunun real ve imajiner kısımları hesaplanır.

Fourier transformu için, transfer fonksiyonunun real ve imajiner kısımları orta nokta veya sıfır frekansı ile doğru ve ters simetrili olarak düzenlenmiştir.

$$t(Z) = \frac{1}{N} \sum_{W=0}^{N-1} (T_R(W) + jT_I(W)) e^{\frac{2\pi j W Z}{N}}$$

$$W = 0, 1, 2, \dots, N-1$$

$$Z = 0, 1, 2, \dots, N-1$$

Burada $M \leq N/2$ dir. W , frekans indeksi, Z zaman indeksidir. N bağıntıya göre seçilir ve $N = 1/\Delta z \cdot \Delta f$ dir. Buradan da Δz , seçilen zaman aralığı, Δf de seçilen frekans aralığıdır. (Cooley - Tukey, 1965)

Bölüm (3.4.) de elde edilen eğrileri çizilen deplasman, hız, ivme değerlerinden, yukarıda anlatılan şekilde hareketle, sadece hız tepkilerini bulduk. Bu-

lunan bu değerlerden çizilen eğriler, Şekil (3.4.1.2 - a, b) de görülmektedir. Bundan da anlaşılaçığı gibi, λ değeri küçüldükçe salınım artmaktadır, yani hızın zaman'a göre sınırlı de daha geç olmaktadır.

3.4.2 Büyütme veya deplasman duyarlığı

(3.4.16) eşitliğinde X_o sebebiyle z , bir çok hallerde külgüktür. Bu yüzden istifade edilebilir bir kayıt elde edebilmek için yer hareketi, mekanik, optik, elektromagnetik veya elektronik olarak büyültildükten sonra kayıt edilir.

Genel olarak büyütme 100 - 100.000 arasında yapılır. 100.000 büyütmenin üzerine çıkılması ciddi bir teknik gülük doğurmaz. Fakat pratikte büyütmenin sınırı, aletsel teknikten ziyade, istasyon yerinin gürültü (noise) seviyesine bağlıdır.

(3.4.16) eşitliğinde z yi büyütmek için kullanılan faktör V_o aletin bir sabiti olup, buna STATİK veya GEOMETRİK BÜYÜTME denilir. Bu durumda kaydedilen amplitüt,

$$a(t) = V_o z(t) \quad \text{dir.} \quad (3.4.2.1)$$

Bundan da anlaşılaçığı gibi, izafi yer değiştirmenin bir sabitle çarpımı bize, kaydedilen amplitütü vermektedir. Biz statik büyütme olarak sadece bunu anlıyacağız. Bu da, (3.4.16) ve (3.4.2.1) eşitliklerinden,

$$a(t) = V_o z(t) = \frac{V_o \left(\frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2 X_o \sin(\omega_e t - \varphi)}{\left[(1 - \left(\frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2)^2 + (2\lambda \frac{\omega_e}{\omega_n})^2 \right]^{1/2}} \quad (3.4.2.2)$$

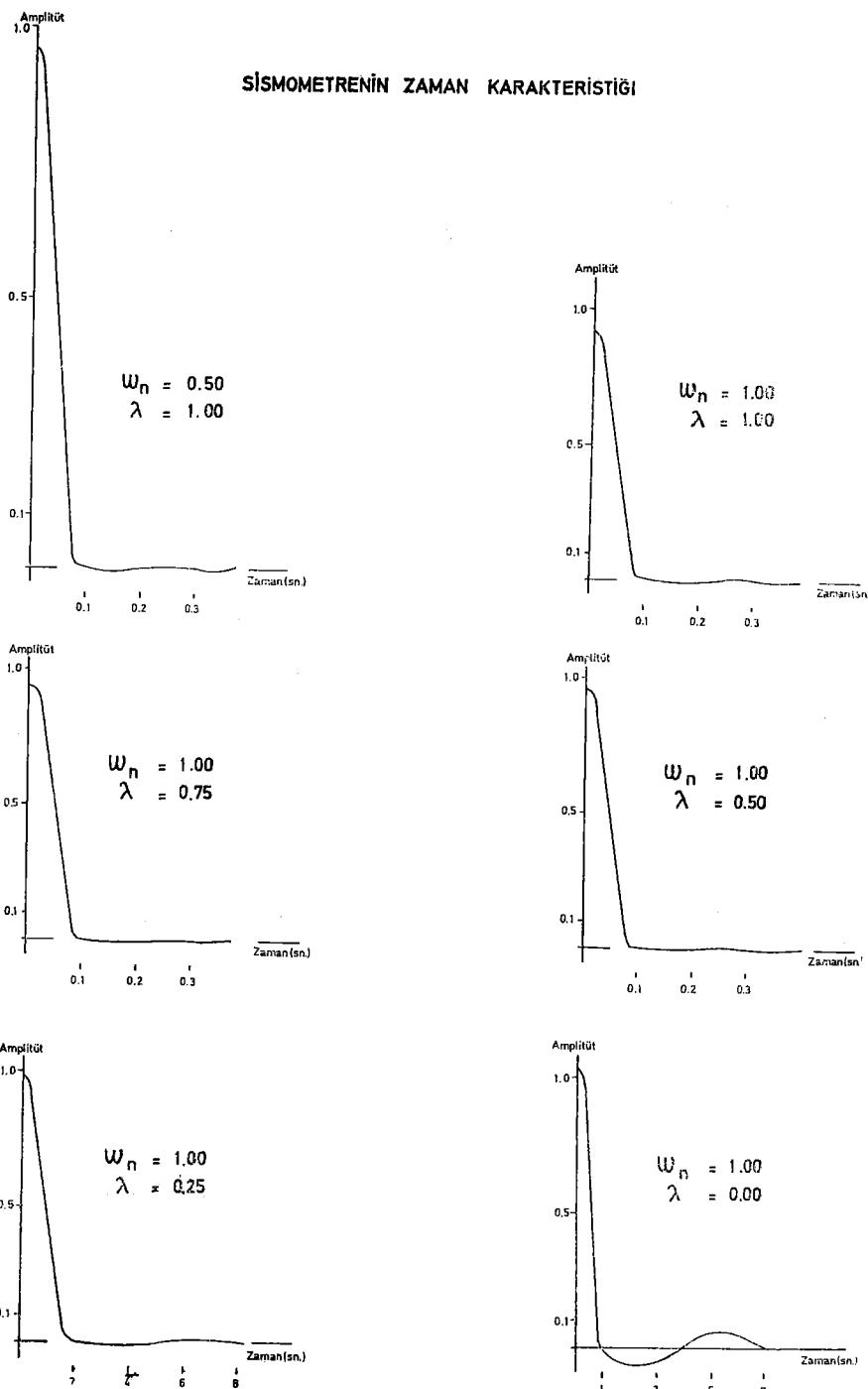
Yerin deplasmanın aletle hakiki büyütmesi, a/x dir. a ve x bir salınımda aynı fazda olmakla beraber, zamanları farklıdır. Kaydedilen amplitüt a_m ve yerin amplitütü X_o olarak alındığında, elde edilen büyütme veya deplasman duyarlığı,

$$V = a_m / X_o = \frac{V_o \left(\frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2}{\left[(1 - \left(\frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2)^2 + (2\lambda \frac{\omega_e}{\omega_n})^2 \right]^{1/2}} \quad (3.4.2.3)$$

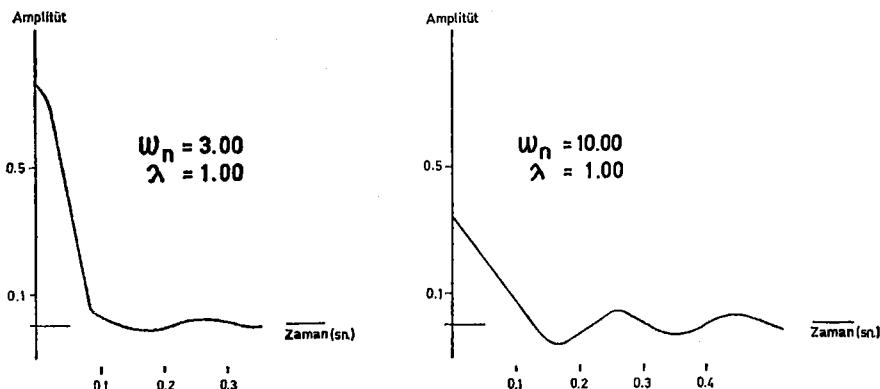
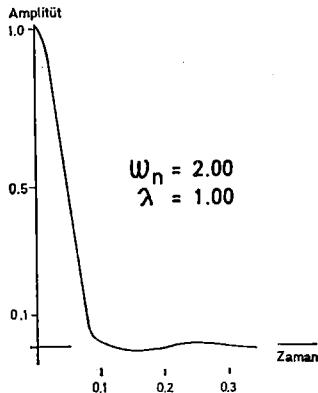
Bu basit sismograflarda, frekansın fonksiyonu olarak söyle yazılabilir.

$$V/V_o = \frac{\left(\frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2}{\left[(1 - \left(\frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2)^2 + (2\lambda \frac{\omega_e}{\omega_n})^2 \right]^{1/2}} \quad (3.4.2.4)$$

SİSMOMETRENİN ZAMAN KARAKTERİSTİĞİ



Sekil 3.4.1.2.a



Sekil 3.4.1.2.b

Sismolojide, frekansın 1 devir/sec. dan az olması genel hal olduğundan ve periyot oranlarının alınması daha uygun olacağından,

$$\frac{V/V_o}{\omega_e/\omega_n} = \frac{1}{\left[\left(1 - \left(\frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2 \right)^2 + \left(2\lambda \frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2 \right]^{1/2}} \quad \text{yazılabilir.} \quad (3.4.2.5)$$

...

(3.4.2.4) ifadesindeki tepki fonksiyonu, (3.3.1) eşitliği ile verilen x_m/x_{st} ifade-

sinden, paydaki $(\frac{\omega_e}{\omega_n})^2$ terimi kadar farklıdır. (3.4.2.4) eşitliğinin önemli sonuçları söyle olur.

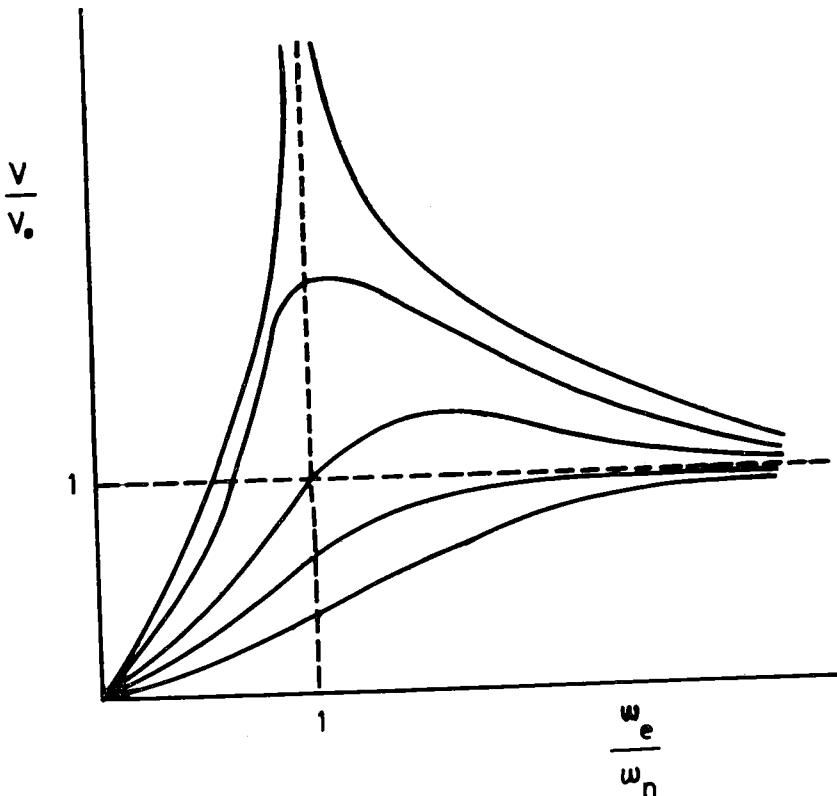
1. $V = 0$ da $\omega_e/\omega_n = 0$ dir, bu çok düşük yer salınım frekanslarında izafî bir hareketin olmadığını gösterir.

2. V, V_o ra yaklaşıkca ω_e/ω_n sonsuza yaklaşır, Bu durumda da çok yüksek yer salınım frekanslarında mutlak bir harenetin bulunmadığı görülür.

3. $V/V_o = 1/2\lambda$ ise $\omega_e/\omega_n = 1$ olur, bu rezonans tepkisidir.

4. $V_p/V_o = 1/2 \lambda \sqrt{1-\lambda^2}$ ise, $\omega_e/\omega_n = \omega_p/\omega_n = 1/\sqrt{1-2\lambda^2}$ dir.

Büyütmenin veya amplitüt tepkisinin bu neticeleri toplu olarak Şekil 3.4.2.1 de görülmektedir.



Şekil 3.4.2.1

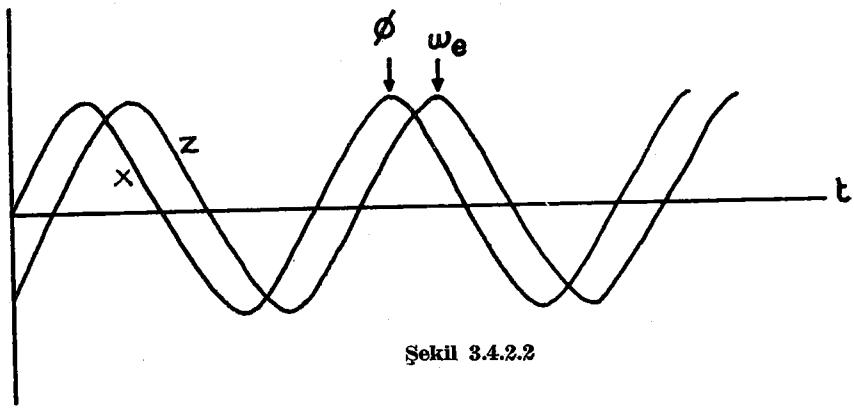
Tepe büyütme, rezonans frekansının üzerinde ve maksimum da sadece $\lambda \leq \sqrt{2}/2$ için $d/d(\omega_e/\omega_n)$. $V/V_o = 0$ da olur. Yüksek frekanslarda bütün sönüm değerleri için V, V_o ra yaklaşır.

$$\text{Faz tepkisi } \varphi = \tan \frac{-1 - 2\lambda (\omega_e/\omega_n)}{1 - (\omega_e/\omega_n)^2} \text{ dir.}$$

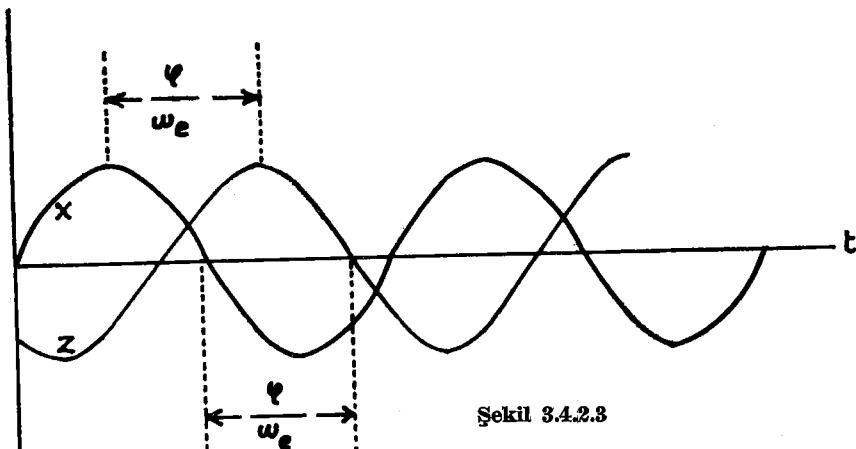
Bu açı izafi hareket z'nin, yerin hareketi x'ye göre gecikmesidir. Değişimi şekilde görüldüğü gibi ω_e/ω_n ye bağlıdır.

Sismografin faz tepkisinden bahsederken, büyütülmüş ve kaydedilmiş z için dikkat etmek gereklidir. Kütle ile kayıt arasındaki optik veya mekanik bağlantı yapılrken, genel olarak göstergenin hareketi z nin yönüne göre ayarlanır. Yani kayıttaki izin hareketinin (aşağıya veya yukarıya) bilinen bir yer hareketi için, hangi yönde olduğu tespit edilir.

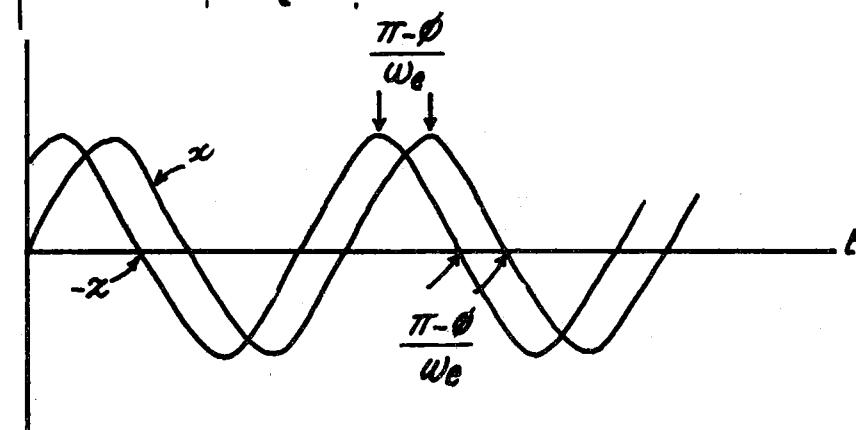
Kütlenin hareketsiz kaldığı, hızlı yer hareketinde z yaklaşık olarak x'den 180° geridir. Bu şekilde z ters çevrilir. Bu halde kayittaki izin yer değiştirmesi, yerin yer değiştirmesinden $\pi - \phi$ kadar ödedir. Bu, zaman olarak da $(\pi - \phi)$ ω_e dir. (Şekil 3.4.2.2, 3.4.2.3, 3.4.2.4)



Şekil 3.4.2.2



Şekil 3.4.2.3



Şekil 3.4.2.4

3.4.3. Deplasmanmetre

$\omega_e/\omega_n \gg 1$ özel durumunu alalım. $V/V_o \approx 1$, $\varphi \approx \pi$ dir. Bu durumda, $a(t) \approx -V_o x(t)$ dir ve kayıtta yerin deplasmanı büyütülmüştür. Kaydedilen yerin frekansına oranla ω_n küçük olmalıdır. Aletin verdiği deplasman kayısı, bir sabitle çarpılarak elde edilmiştir. T_n nin geniş değerleri için askı çerçevesinin gevşek koplaklı uygundur (k küçük). Bu durumda alet deplasmanmetre olarak çalışır. Görülüyüorki, sadece kafi derecede büyük yer frekansları için sistem deplasmanmetre olarak çalışır.

(3.4.12) ile verilen eşitlikten, ω_n nin çok küçük olması halinde $\ddot{z} \approx -\ddot{x}$ ve $z \approx -x$ $a = V_o z$ elde ederiz.

3.4.4 Akselometre

Özel durum için, $\omega_e/\omega_n \ll 1$, $V/V_o \approx (\omega_e/\omega_n)^2$ çok küçük olsun, bu da $\varphi \approx 2\lambda \omega_e/\omega_n$ faz kayması ile, $a(t) = (V_o/\omega_n^2) \omega_e^2 x(t)$ yi verir. Böylece sistemin yer hareketinin ivmesini kaydettiği görülür. Bu durumda, yerin frekansı, aletin tabii frekansına nazaran, kafi derecede düşüktür. Bu şekilde çalışan sisteme akselometre denir. Yukarıdaki neticeyi ω_n yi büyütterek elde ettik. Kullanılabilir bir kayıt elde edebilmek için V_o rin büyük olması gereklidir.

ω_n değerinin çok büyük olması halinde, yine hareket ifadesinden aynı $z \approx x$ $a = V_o z$ elde ederiz.

$$\omega_n^2 z = -\ddot{x} \quad z = -\ddot{x}/\omega_n^2 \quad a = V_o z \approx -V_o/\omega_n^2 \ddot{x}$$

Görüldüğü gibi elde olunan kayıt, ivme ile orantılı oluyor.

4. HIZ VE İVME DUYARLIĞI

Büyütme, $V = a_m/x_o$, yani kayıt edilen amplitütle, yerin hareketinin oranı idi. Hız duyarlığı da, aynı şekilde, kayıt edilen amplitütle yerin hareket hızının oranından elde edilir. Sinüsoidal bir yer hareketi için

$$S = a_m/(x)_m = a_m/\omega_e x_o = V/\omega_e \text{ dir.} \quad (4.1)$$

Aynı yolla ivme duyarlığı da,

$$E = a_m/(\dot{x})_m = a_m/\omega_e^2 x_o = V/\omega_e^2 \text{ dir.} \quad (4.2)$$

Bunu boyutsuz olarak aşağıdaki gibi yazmak da mümkündür.

$$V/V_o = z_m/x_o = \frac{(\omega_e/\omega_n)^2}{\left[\left(1 - \left(\frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2 \right)^2 + \left(2\lambda \frac{\omega_e}{\omega_n} \right)^2 \right]^{1/2}} \quad (4.3)$$

$$\omega_n S/V_o = \omega_n z_m/(\dot{x})_m = \left(\frac{1}{\omega_e/\omega_n} \right) V/V_o \quad (4.4)$$

$$\omega_n^2 E/V_o = \omega_n^2 z_m/(\ddot{x})_m = \left(\frac{1}{(\omega_e/\omega_n)^2} \right) V/V_o \quad (4.5)$$

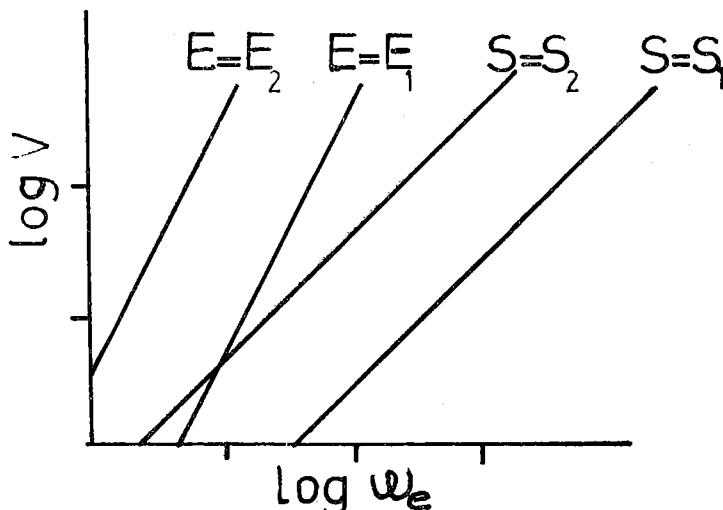
Tepki eğrilerini çizerken, eksenleri tepkinin logaritması ve ω_e/ω_n nin logaritması olarak almak daha uygun olur. Lineer noktalama da eksenler ω_e ve V dir. $V = \omega_e S$ şeklinde (4.1) ifadesinde verildiği gibi S sabitinin eğrileri, yükselen bir doğru şeklindedir. Benzer olarak, $V = \omega_e^2 E$ şeklinde (4.2) eşitliğinde verildiği gibi E eğrileri de paralel şeklindedir. (Şekil 4.1)

Çift logaritmik olarak noktalama,

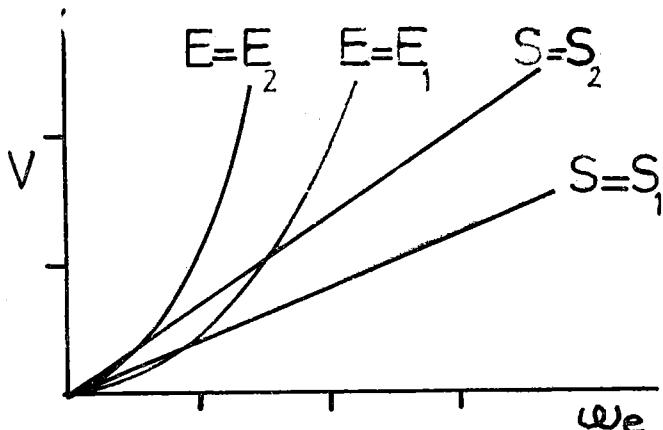
$\log V = \log \omega_e + \log S$ ve S nin eğrisi $+ 1$ eğimle yükselen bir doğrudur. $\log \omega_e = 0$, $\omega_e = 1$, $V = S$ de ivme duyarlığı eğrisi de

$\log V = 2\log \omega_e + \log E + 2$ eğimle yükselen bir doğrudur. (Şekil 4.2)

Çift logaritmik olarak eksenleri almak bazı üstünlükler sağlar. Frekansın veya büyütmenin sabit oranları, bu durumda, eksenler boyunca sabit genişlikler halini alır.



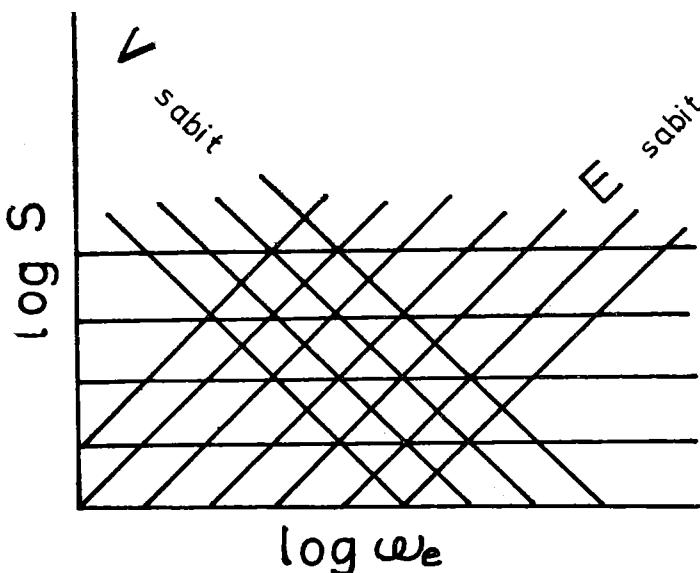
Şekil 4.1



Şekil 4.2

Tepki eğrisinin şeklini, yaklaşık olarak, eğimleri muhtelif olan doğru parçaları şeklinde göstermek faydalıdır.

Örneğin herhangibir frekans aralığında, frekans iki misli artmışsa, büyütmenin de iki kat arttığını düşünelim, bu durumda eğim 6 db/octave da $+1$ dir. Böylece hız duyarlığının sabit kalması için, büyütme 6 db/octave artmalıdır. Ayrıca tepkiyi, V , ω_e eksenlerinde noktalamak yerine S ω_e eksenlerinde noktalamak da üstünlük sağlar. Hız - 1, ivme + 1 eğimli doğrular şeklinde olur. (Şekil 4.3)



Şekil 4.3

Hız duyarlığını logaritmik olarak noktalamakdaki bir üstünlük de, harmonik tepki eğrisinin daima $\omega_e/\omega_n = 1$ de simetrik olusudur. Tepe hız duyarlığı (4.4) eşitliğinden $S_p = (V_o/2) \omega_n$ dir ve daima rezonansa olur. ω_e/ω_n nin küçük değerleri için $\log S = \log V_o/\omega_n + \log \omega_e/\omega_n$ dir. Böylece eksenleri, $\log \omega_n (S/V_o)$ ve $\log \omega_e/\omega_n$ alarak, tepkinin eğimi ($+6$ db/octave için) $+1$ olur. ω_e/ω_n nin büyük değerleri için, $\log S \rightarrow \log (V_o/\omega_n) - \log (\omega_e/\omega_n)$ olur. Bu da (-6 db/octave için) -1 eğimini verir. $\omega_n S_p/V_o = 1/2$ de tepe sabit tutulur ve ω_e/ω_n nin küçük ve büyük değerleri bilinirse, yaklaşık tepki eğrisi kolayca çizilir.

5. GEOTECH HELICORDER SİSTEM VE KALİBRASYONU

İstanbul Kandilli Rasathanesine bağlı Batı Anadolu Deprem istasyonlarında bu sistem kullanılmaktadır.

İstanbul Kandilli Rasathanesi Batı Anadolu Deprem İstasyonları şunlardır.

Demirköy (DMK)	Elmalı (ELL)	Edincik (EDC)
Ezine (EZN)	Bucak (BCK)	Gölpazarı (GPA)
İzmir (İZM)	Altıntaş (ALT)	Mengen (MGN)
Yerkesik (YER)	Dursunbey (DST)	

5.1 SİSTEM HAKKINDA GENEL BİLGİLER

Sistemi meydana getiren ana kısımlar şunlardır.

- Kısa periyod sismometre
- D.C. Sinyal Amplifikatörü
- Helicorder Amplifikatörü
- Helicorder Kayıtcı
- Kuvars Saat
- Standard zaman işareti alan radyo
- Güç Amplifikatörü

ve ayrıca sistemi besleyen 180 amper saatlik 24 volt akü gurubu.

5.1.1 Sismometre

Yatay veya düşey olarak kullanılabilen, periyodu 1.0 saniyeye ayarlanmış, 600 New/Amp. elektrodinamik sabitli sismometrelerdir. (Model 18300). Sismometrede meydana gelen sinyal, özel blendajlı bir kablo ile, sismometreden uzakta bulunan sistemin sinyal amplifikatörüne taşınır.

5.1.2 Sinyal Amplifikatörü

Esas itibariyle, su üç kısımdan meydana gelmiştir.

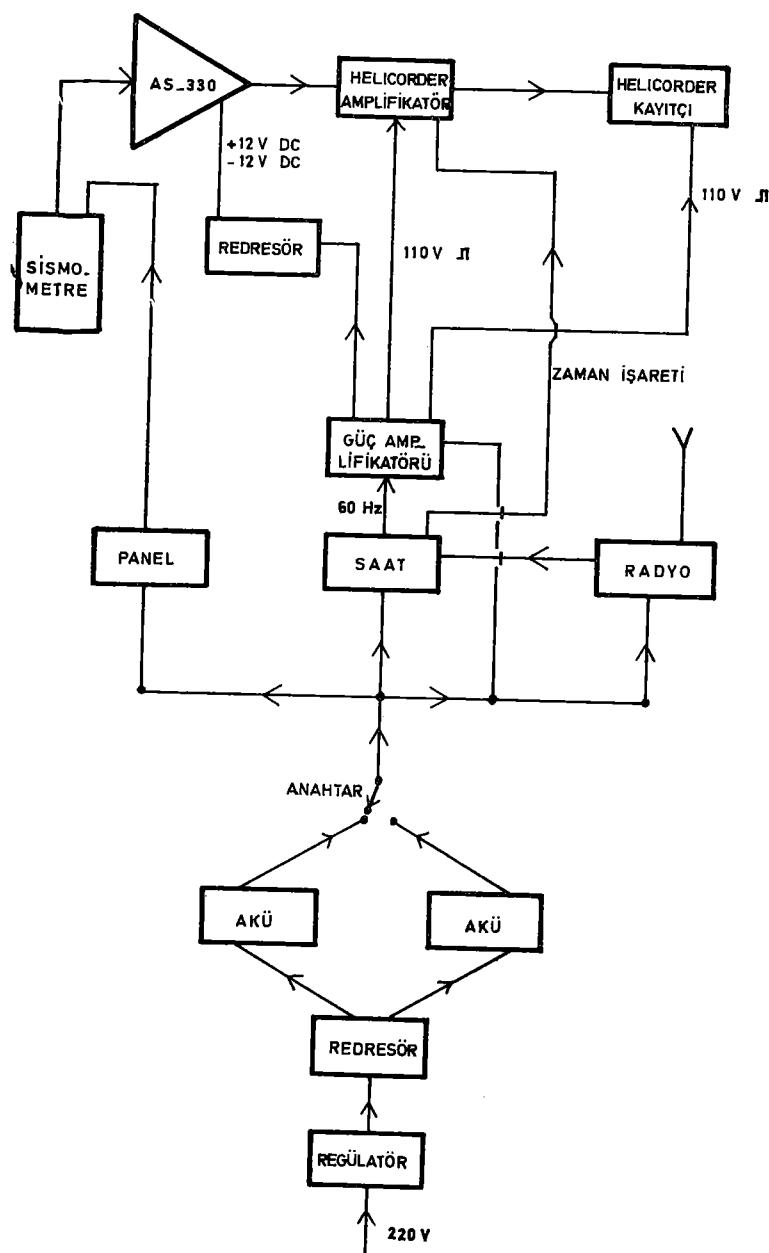
- a. Pre-amplifikatör katında, sismometrede meydana gelen çok zayıf sinyal, maksimum 70 db'e kadar büyütülmektedir. Ayrıca 6 db'lik kademelerle, sekiz konumlu bir attenuatör devresi büyütmemeyi 28 db'e kadar düşürmektedir.
- b. Band-pass filtre; Kandilli Rasathanesine bağlı Batı Anadolu Deprem istasyonlarında kullanılan bu flitrenin alt limiti 0.5 veya 0,75 Hz., üst limiti ise 12.5 Hz. dir.
- c. Çıkış Amplifikatörü; Band-pass'dan sonra bu amplifikatör kullanılırsa, kazanç 112 db dir. Tüm kazanç ise 30 db'e çıkmaktadır. 6 db'lik kademeli ve üç konumlu anahtarla voltaj kazancı 100 db'e indirilebilir, 112 db'lik kazançta voltaj kazancı 400000 ni bulur.

5.1.3. Helicorder Amplifikatörü

Bir evvelki amplifikatörden gelen sinyali, Helicorder kayıtcaya veren, yani yüksek empedanslı giriş ve kayıtcı için düşük empedanslı bir çıkış temin eden, ara takat amplifikatöridür. Bir attenuatör anahtarı ile giriş sinyali -6 db'lik kademelerle 0 db - 36 db arasında düşürülebilmektedir. Ayrıca saatten gelen zaman işaretleri, sistemdeki özel bir devre ile sinyal üzerine bindirilmiştir.

5.1.4 Helicorder Kayıtcı

Bir dakikada 60.0 mm. dönecek şekilde ayarlanmış tambur ve üzerindeki ısıya hassas kağıda temas eden sıcak bir kalemden meydana gelmiştir.



GEOTECH (HELCORDER) SİSTEM BLOK DİYAGRAMI
(ISK BATI ANADOLU DEPREM İSTASYONLARI)

5.1.5 Kuvars saat

Sismik dalgaların varış zamanlarını, büyük bir hassasiyetle elde edebilmek, hasıl ettiği ve güç amplifikatörü ile kuvvetlendirilmiş 60 Hz.'lik kare dalga ile, Helicorder kayitecinin dönüş hızında muntazamlık sağlamak gayesi ile kullanılır. Ayrıca sismogram üzerine, saat ve dakika işaretleri için, farklı sürelerde, impuls vermege yardım ettiği gibi, radyodan alınan standard zaman işaretlerini de flitre ederek sismograma kayıt eder.

5.1.6 Güç Amplifikatörü

Bütün sistem için lüzumlu kare dalga akımı temin eder. Saatten elde edilen 60 Hz.'lik kare dalgayı 60 Watt 117 Volt'luk bir güç kaynağı haline dönüştürür.

5.1.7 Standard zaman işareti alan radyo

Standard zaman işaretleri veren istasyonların bu işaretleri alınarak doğrudan sismogram üzerine kayıt edilir. Sistemin saatinin çok az olan günlük hatası, sismogram okumalarında gerekli düzeltmeler için tesbit edilir.

5.1.8. Akümlatörler

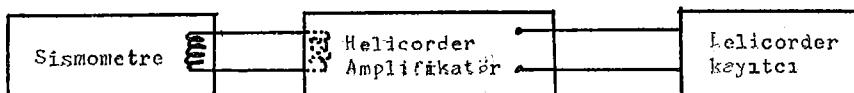
Hernekadar sistemin gehir şebeke ceryanı ile çalışması mümkünse de ceryan kesilmeleri sırasında meydana gelecek fasılaları önlemek gayesi ile besleme kaynağı olarak, akümlatörler kullanılır. Toplam 180 amper saat ve 24 Volt'tur.

5.2 SİSTEMİN KALİBRASYONU

5.2.1 Peryod tayini

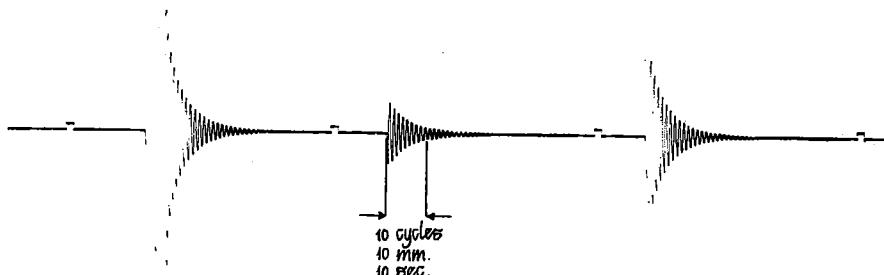
Sismometrenin kütlesi merkezilendikten sonra, sismometre hiçbir sisteme bağlı olmadan, kütlesine bir salının vererek, kronometre ile serbest salınınının periyodu ölçülür. Ancak sismometrenin periyodu çok küçük olduğundan, daha iyi bir netice alabilmek için, kayıt yolu ile periyod tayini yapılması uygun olur.

Bunun için sismometre, herhangibir giriş direnci olmadan Helicorder amplifikatöre (AR-311) bağlanır. Bu suretle giriş impedansı megaohm mertebesine çıkarılmış olur. Bu büyük giriş direnci de sismometreyi etkilemez. (Şekil 5.2.1.1)



Şekil 5.2.1.1

Elde edilen kaydın titresimlerinin zarfinin, eksponansiyel olması gereklidir. Eğer doğrusal bir zarf elde edilmisse, sismometre içinde mekanik bir sürtünme olduğu anlaşılr. Bu durumda sismometre kütlesinin merkezlenmesinin bir daha kontrolü gereklidir. İstenilen peryod sismometre üzerindeki ayar vidası çevrilerek elde edilir. Genellikle periyod 1.0 sec. olarak ayarlanır.



Sekil 5.2.1.2

N adet salınım

$$f_o = \frac{N \text{ adet salınım}}{N \text{ adet salınım için geçen süre}}$$

Burada f_o , tabii frekanstır. (Şekil 5.2.1.2)

$$f_o = \frac{10}{10} = 1.0 \quad T = 1 \text{ sec} \text{ olarak elde edilir.}$$

5.2.2 Açık devre sönmü

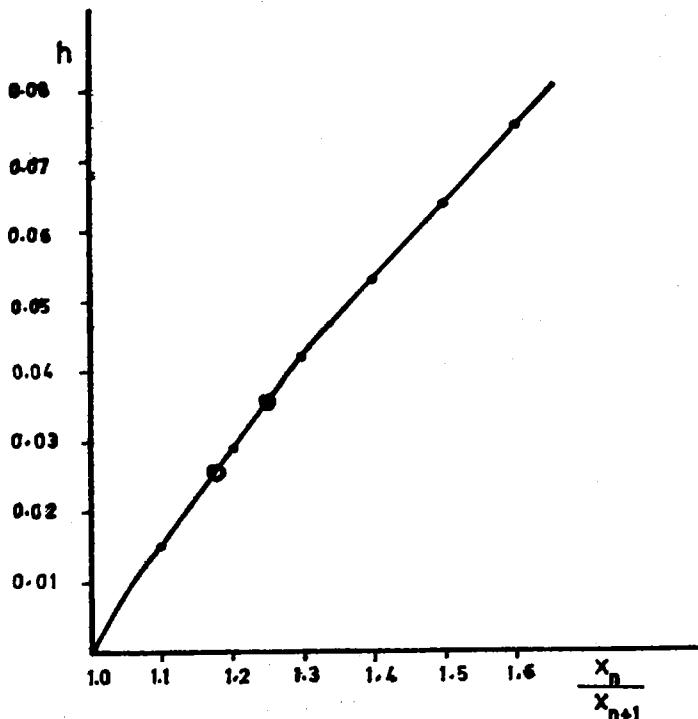
Tabii frekansın tayininde kullanılan devre aynen alınarak açık devre sönmü tayin edilir. Sismometrenin kütlesi, ya kalibrasyon bobinine anı bir doğru akım verilerek veya az bir ağırlıkla (1 gr., 0.50 gr.) harekete geçirilerek kayıt alınır. Kayıtın zarfının (5.2.1) de bahsedildiği şekilde olmasına dikkat edilir. Kayıttan birbirini takip eden iki tepe - sıfır amplitüt okunur. Devre sönmü h ,

$$\ln \frac{X_n}{X_{n+1}} = \frac{2\pi h}{\sqrt{1-h^2}} \quad \text{elde edilir. Burada } \ln, e \text{ tabanına göre logaritma}$$

dir. Eğer h , 0.1 den küçük ise $\sqrt{1-h^2}$, 1.0 ve 0.995 arasında bir değer alırkı, bu da yaklaşık olarak 1.0 kabul edilir.

Aşağıdaki grafik, aletin el kitabındaki verilen değerlere göre çizilmiştir. Yapılan test sonucu bulunan değerlerin bu grafiğe uygunluğu görülmüştür. Grafikdeki değerler aşağıda verilmiştir.

X_n/X_{n+1}	h
1.0	0
1.1	0.015
1.18	0.026 (Yapılan test sonucu)
1.2	0.029
1.25	0.036 (Yapılan test sonucu)
1.3	0.042
1.4	0.053
1.5	0.064
1.6	0.075



5.2.3 Kalibrasyon bobininin motor sabitinin tayini (G_c)

Tarafimizdan yapılan teste, sismometre ve kayıtcı sistem birbirine bağlandiktan sonra, kalibrasyon bobinine 0.15 Volt verildi. Kablolar dahil bobinin direnci de 48 ohm olarak ölçüldü. Bu durumda akım 3.1×10^{-3} amperdir. 50 miligramlık bir ağırlığı, sismometrenin üzerindeki cam kapağı açarak, sismometre kütlesinin üzerine koyup kaldırarak kayıt alındığında, i akımının verdiği, kaydedilen sıfır-tepe amplitüt X_i , W_t kütlesinin verdiği kaydedilen sıfır-tepe amplitütte X_m olduğuna göre,

$$X_m = W_t g \quad \text{ve} \quad X_i = G_c i$$

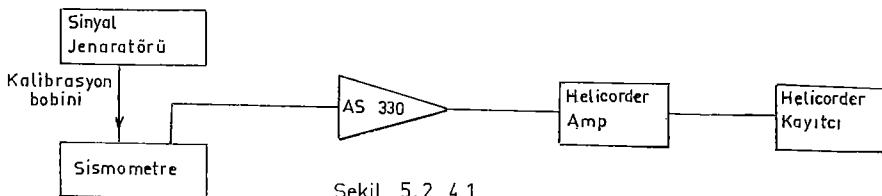
$$G_c = \frac{981 \cdot 10^{-5} \cdot W_t \cdot X_i}{i \cdot X_m} \quad \text{olur.}$$

Burada birimler, X_i ve X_m milimetredir, i amper, W_t gram, G_c Newton/Amp.

Sismometre kütlesi üzerine ağırlık uygulanarak elde edilen kayıtta, ağırlığı kaldırma işlemi sırasında elde edilen sıfır-tepe amplitüt daha sıhhatli bir netice vermektedir.

5.2.4 Büyütme veya hız

Kalibrasyon bobininin motor sabiti bulunduktan sonra, sistemin büyütmesini bulmak mümkündür. Bunun için şekil 5.2.4.1 de görülen devreden yararlanılır.



Şekil 5.2.4.1

Sinyal jenaratorü ile, sismometrenin kalibrasyon bobinine, muhtelif frekanslar verilir. Elde edilen kayittaki genliklere A dersek, bunlara tekabül eden yerin yer değiştirmeleri de Y olur.

$$Y = G_c i / 2\pi M f \quad \text{dir. Büyütme ise,}$$

$$A/Y = \eta = 2\pi f M A / G_c i \quad \text{dir.}$$

Burada da birimler, i amper, M kilogram (sismometrenin kütlesi), G_c Newton/amper dir. A/Y oranından büyütmenin boyutsuz olduğu görülmektedir.

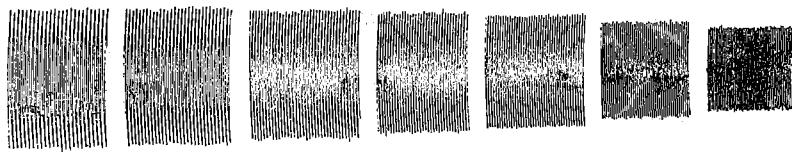
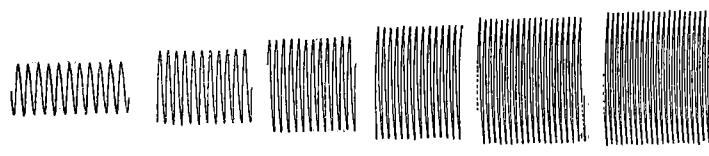
Yapılan deney sonucu elde edilen kayının (Şekil 5.2.4.2) değerlendirilmesi bilgi sayarla yapılmış ve neticeler aşağıda verilmiştir. Elde edilen bu değerlere göre de aletin büyütmesi çizilmiştir. (Şekil 5.2.4.3).

$$X_i = 12.5 \text{ mm} \quad i = 2,1 \cdot 10^{-3} \text{ amper}$$

$$X_m = 11.0 \text{ mm} \quad W_t = 50 \cdot 10^{-3} \text{ gram}$$

değerlerine göre $G_c = 0,1798$ olarak bulunmuştur.

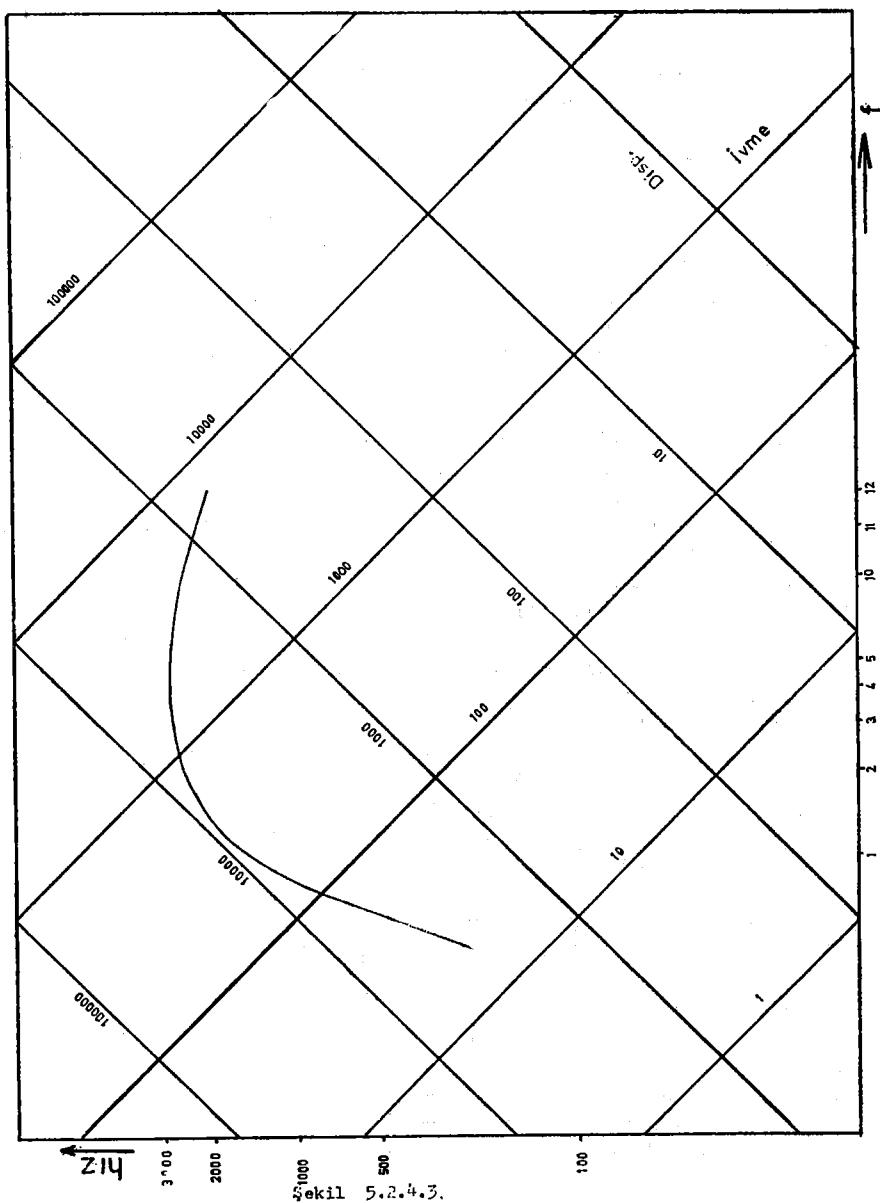
Frekans (Hz.)	Amplitüt (mm)
0.50	10.0
0.60	14.0
0.70	18.0
0.80	22.0
0.90	24.5
1.00	26.0
1.20	27.0
1.40	26.0
1.60	25.0
1.80	23.0
2.00	22.0
2.50	18.5
3.00	16.0
3.50	14.5
4.00	13.0
5.00	10.0
6.00	8.0
7.00	7.0
8.00	6.0
9.00	5.0
10.00	4.5
12.00	3.0



Sekil 5.2.4.2

Bu değerlere göre hesaplanan hız, ivme ve deplasman da aşağıdaki gibi elde edilmiştir.

Hız	İvme	Deplasman
281.81	89.70	885.35
473.45	125.59	1784.86
710.17	161.47	3123.50
991.99	197.35	4986.27
1242.80	219.78	7027.88
1465.44	233.23	9207.61
1826.16	242.20	137.68.91
2051.61	233.23	18046.90
2254.52	224.26	22664.86
2333.43	206.32	26390.39
2479.97	197.35	31164.21
2606.79	165.95	40947.30
2705.42	143.54	50995.98
2860.42	130.07	62903.88
2930.88	116.62	73660.81
2818.15	89.70	88534.62
2705.42	71.76	101991.94
2761.79	62.79	121469.50
2705.42	53.82	135989.25
2536.34	44.85	143426.19
2536.33	40.37	159362.37
2029.07	26.91	152987.87



REFERANSLAR

1. Bath, Markus
Introduction to Seismology
1973, Birkhauser Verlag Basel
2. Richter, C.F.
Elementary Seismology
1958 By W.H. Freeman and Company, Inc. California
3. Francis S. Tse, Ivan E. Morse, Rolland T. Hinkle
Mechanical Vibrations
Ally and Bacon Inc. Maruzen Company LTD. Japan
4. Goldman S.
Transformation Calculus and Electrical Transients
Prentice Hall Inc. Maruzen Company LTD. Japan
5. Kisslinger C.
Seismological Instrumentation
International Institute of Seismology and
Earthquake Engineering Tokyo - Japan
6. Nasu N.
General Seismology
International Institute of Seismology and
Earthquake Engineering Tokyo - Japan
7. Kuda, K, E. Shima, Y. Sato
A Note on the calibration of seismometer, in case of $\lambda \approx 1$
Nagoya University, 1970 Japan
8. Başarır, L.E., E. A. Uy
Calibration of Seismometers
Individual studies by participants at the International Institute
of Seismology and Earthquake Engineering, Tokyo - Japan
Vol. 9, Dec. 1973 pp 29-46
9. Willmore, P.L., D.V. Connell
A New short - period Seismometer for field and observatory
Bulletin of the Seismological Society of America
Vol. 53, No : 4, pp 835-844 July 1963
10. Operation and maintenance manual portable short-period
seismometer, Model 18300
Geotech 1968
11. Nuttli, Otto, Thomas V. McEvilly
The response characteristics of the long-period seismographs
of the Saint Louis University Network
Publication No : 109 of the Institute of Technology
Saint Louis University Sep. - Dec. 1961
12. Alpaslan, T.
Spectral behavior of short-period body waves and the
synthesis of crustal in Western Canada
University of Alberta Edmonton Canada. 1968
13. Hwei P. Hsu
Outline of Fourier Analysis
Unitech Division Associated Educational Services
corp. Subsidiary of Simon and Schuster Inc. New York
14. Sohon, F.W., J.B. Macelwane
Introduction to Theoretical Seismology
St Louis University, St Louis 1932

DEPREM ARAŞTIRMA ENSTİTÜSÜ BÜLTENİ

YAYIN KOŞULLARI

1. Bültene gönderilecek telif ve tercüme yazılarının :
 - a) Depremle doğrudan doğruya, ya da dolaylı yoldan ilgili olması
 - b) Bilimsel ve teknik bir değer taşıması
 - c) Yurt içinde daha önce başka bir yerde yayınlanmamış olması
 - d) Daktilo ile ve kağıdın yalnız bir yüzüne en az iki nüsha olarak yazılımış bulunması
 - e) Şekillerin aydinger kağıdına gini mürekkebi ile çizilmiş olması
 - f) Fotoğrafların net ve klişe alınmasına müsait bulunması gerekmektedir.
2. Telif araştırma yazılarının bas tarafına araştırmanın genel çerçevesini belirten en az 200 kelimelik İngilizce, Fransızca ya da Almanca bir özet konulmalıdır.
3. İmar ve İskân Bakanlığı mensubu elemanlar tarafından hazırlanan ve telif ya da tercüme ücreti ödenerek yayınlanacak olan yazıların, mesai saatleri dışında hazırlanmış olduğu yazarı, derleyen, ya da çevirenin bağlı bulunduğu birim amiri tarafından (genel müdürlüklerde daire başkanı, müstakil birimlerde birim amiri) verilecek bir belge ile belgelendirilmesi zorunludur. Bu belge ile birlikte verilmeyen yazılar için ücret ödenmez.
4. Telif ve tercüme ücretleri ancak yazı bültende yayınlandıktan sonra tahakkuka bağlanır.
5. Bültende yayınlanacak yazıların 300 kelimelik beher standart sayfası için teliflerde 75, tercümelerde 50 TL. ücret ödenir.
6. Yazılarda bulunan şekiller için, gerekli olan asgari alan içinde bulunabilecek kelime sayısına göre ücret takdir edilir.
7. Telif ve tercüme ücretlerinin gelir vergisi stopaj yoluyla kesilir.
8. Yazılının bültende yayınlanması Deprem Araştırma Enstitüsü bünyesinde teşekkül eden Uzmanlar Kurulu'nun kararı ile olur.
9. Seçmeyi yapacak Uzmanlar Kurulu 5. maddede sözü edilen asgari alanları hesaplamaya, yazı sahiplerine gereksiz uzatmaların kısaltılmasını teklif etmeye, verilecek ücrette esas teşkil edecek kelime sayısını tesbit etmeye ve yazıların yayın sırasını tayne yetkilidir.
10. Kurulca incelenen yazıların bültende yayınlanıp yayınlanmayıacağı yazı sahiplerine yazı ile duyurulur.
11. Yayınlanmıyacak yazılar bu duyurmadan sonra en geç bir ay içinde sahipleri tarafından geri alınabilir. Bu süre içinde alınmayan yazıların korunmasından Enstitü sorumlu değildir.
12. Diğer kuruluşlar ve Bakanlık mensupları tarafından bilgi, haber tanıtma v.b. gibi nedenlerle gönderilecek not ve açıklamalar, ya da bu nitelikteki yazılar için ücret ödenmez.
13. Enstitü mensupları Enstitüce kendilerine verilen görevlere ait çalışmalar dan ötürü herhangi bir telif ya da tercüme ücreti talep edemezler.